

TRETJE REPUBLIŠKO TEKMOVANJE SREDNJEŠOLCEV S PODROČJA RAČUNALNIŠTVA

R. REINHARDT
M. MARTINEC
R. DORN

UDK: 371.3 : 681.3

SLOVENSKO DRUŠTVO INFORMATIKA, LJUBLJANA

Povzetek. Prispevek predstavlja poročilo o tretjem republiškem tekmovanju srednješolcev iz področja računalništva, ki ga je organiziralo Slovensko društvo Informatika v aprilu 1979. V prispevku so vse naloge z rešitvami in pregled rezultatov tekmovanja.

THIRD COMPUTER SCIENCE CONTEST FOR HIGH-SCHOOL STUDENTS. The article represents a report on third Computer Science Contest. It includes the complete set of problems with their solutions and a short overview of contest results.

I. Uvod

Ena od rednih dejavnosti Slovenskega društva Informatika je tudi popularizacija računalništva in informatike med srednješolsko mladino. Komisija za popularizacijo računalništva je zato organizirala že tretje republiško tekmovanje srednješolcev iz področja računalništva.

Tekmovanje je bilo 21. aprila na Fakulteti za elektrotehniko v Ljubljani, udeležilo pa se ga je rekordno število tekmovalcev: 56 po prvem letu pouka in 36 po drugem letu pouka računalništva.

Pri organizaciji letošnjega tekmovanja so poleg Društva in Fakultete za elektrotehniko sodelovali še Institut Jožef Stefan, sodelavci koordinativne delovne skupine za izvedbo projekta Pouk računalništva v usmerjenem izobraževanju, finančno pa so tekmovanje podprtli Elektrotehna - TOZD Digital, Iskra - TOZD Računalniki, Intertrade, Republiški računski center in Hotel Lev.

Tekmovanje je otvoril rektor Univerze E. Kardelja v Ljubljani prof. dr. Slavko Hodžar, tekmovalce pa so pozdravili: predsednik Slovenskega društva Informatika prof. dr. Anton P. Čeleznikar, dekan Fakultete za elektrotehniko prof. dr. Jernej Virant in predsednik komisije za popularizacijo računalništva Roman Dorn.

Primarni cilj tekmovanja je popularizacija računalništva obenem pa se učenci srednjih šol seznanijo z možnostmi študija na področju računalništva. Ker večino tekmovalcev spremljajo učitelji računalništva, je tekmovanje tudi priložnost za izmenjavo izkušenj in mnenj. Zato je potekal vzporedno s tekmovanjem tudi pogovor o pouku računalništva v usmerjenem izobraževanju, računalniških poklicih, računalniških premis za srednje šole in kadrovskih potrebah. Na tem pogovoru so se srečali predstavniki višjih in visokih šol, predstavniki izobraževalne skupnosti in uporabniki iz različnih delovnih organizacij.

Po tekmovanju so si udeleženci organizirano ogledali bližnje računalniške centre, predstavniki višjih in visokih šol iz obeh slovenskih univerz pa so jih podrobneje seznanili s študijem in učnimi nadrti svojih organizacij. Sledila je razglasitev rezultatov, na kateri so prvovrstni tekmovalci prejeli plakete in knjižne nagrade.

II. Naloge za učence po prvem letu pouka računalništva.

Das reševanja je 2 uri in 30 minut. Dovoljena je uporaba vse literature. Ena naloga od petih je neobvezna.

1. Napiši program, ki izpiše naslednjo tabelo števil:

...	0	0	0	1	0	0	0	...
...	0	0	1	1	0	0	0	...
...	0	1	2	3	2	1	0	...
...	1	3	6	7	6	3	1	...

V tabeli je prva vrstica sestavljena iz samih ničel, le srednje število je 1; vsako število v naslednjih vrsticah pa je enako vsoti treh nad njim ležečih števil iz prejšnje vrstice. Tabela naj se izpiše v 21 stolpcih, izpis pa se naj konča, ko so vsa izpisana števila v zadnji vrsti različna od nič.

2. Imamo tako ozek most, da se na njem dva avtomobila ne moreta srečati. Na vsakem koncu mostu je postavljen semafor in tipalo, ki pove, če pred mostom čaka kak avtomobil. Tudi sam most je opremljen z instrumentom, ki pove, če je na mostu kak avtomobil. Napiši postopek za krmiljenje semafrov, ki bo skrbel, da nikje ne čaka po nepotrebnem in da se promet v konicah odvija izmenično (most je zelo kratak). Naprave ob mostu krmilimo z naslednjima podprogramoma in podprogramske funkcijot

```

ODPRI(str)      str je oznaka ene izmed
                  strani mostu. ODPRI
                  povzroči da se na imenovani
                  strani odpre semafori
ZAPRI(str)      str je spet oznaka strani
                  mostu. ZAPRI zapre semafor na
                  imenovani strani
TIPALO(t)       t označuje, katero tipalo bi
                  radi vprašati, če vidi kak
                  avto, t lahko označuje bodisi
                  tipalo na eni izmed strani
                  mostu, ali pa tipalo na
                  mostu. TIPALO je funkcija, ki
                  pove, če imenovano tipalo
                  zaznava kakšen avtomobil. Če
                  ga zaznava, je njena vrednost
                  DA; sicer pa NE.

```

Imeni strani mostu sta A in B, ime tipala na mostu pa je M, A, B, M; DA in NE so vnaprej definirane konstante.

Primeri:

ODPRI(A)	Odpri semafor na strani A.
ZAPRI(B)	Zapri semafor na strani B.
TIPALO(M)	Ima vrednost DA; Če je na mostu kak avto.
TIPALO(B)	Ima vrednost NE, če na strani B ni vozil.

3. Definirani imamo naslednji funkciji (n je naravno število):

$$s(n) = \begin{cases} n & \text{če } 0 < n < 10 \\ s(n / 10) + n \bmod 10 & \text{če } n \geq 10 \end{cases}$$

Deljenje je celostevitveno, n mod 10 pa pomeni ostanek pri deljenju n z 10.

$$p(n) = \begin{cases} n & \text{če } 0 < n < 9 \\ 0 & \text{če } n = 9 \\ p(s(n)) & \text{če } n \geq 9 \end{cases}$$

a) Izračunaj s(15324) in p(15324).
 b) Kaj rabi funkcija s (razloži).
Neobvezno!
 c) Dokazi, da za vsako naravno število n velja p(n) je ostank pri deljenju n z 9.

4. Neki programer sumljivih kvalitet nam je prinesel naslednji program:

```

C      program obrne podatke
      INTEGER T(100),Z
      INTEGER I,J,N
      READ(2,1)N
      FORMAT(15)
      READ(2,2)(T(I),I=1,N)
      FORMAT(16I5)
      J=N
      DO 3 I=1,N
         Z=T(I)
         T(I)=T(J)
         T(J)=Z
         J=J-1
3     CONTINUE
      WRITE(3,4)(T(I),I=1,N)
      FORMAT(1X,10I10)
      CALL EXIT
      END

```

```

program o(input,output)
var n,i,j,z:integer
  t:array[1..100]of
    integer;
begin
  {obrni podatke}
  readln(n)
  for i:=1 to n do
    read(t[i]);
  j:=n
  for i:=1 to n do
    begin
      z:=t[i];
      t[i]:=t[j];
      j:=j-1
    end
  end

```

```

      j:=j-1
      end
      for i:=1 to n do
        write(t[i])
      end.

```

Napiši, kaj program izpiše, če dobi naslednje podatke:

10
9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
Ali lahko uganeš, kaj je programer hotel napisati in program popraviti?

5. Programi, ki so zapisani v nekem programskem jeziku (fortran ali pascal) se lahko pri danih podatkih ustavijo, ali pa tudi ne. Dokazi, da ne obstaja program (imenujmo ga T), zapisan v istem programskem jeziku, ki bi za vsak program in njegove podatke izračunal, ali se program ustavi ali ne.

```

+----+
program   ---->| |           se ustavi
              | T |---->
podatki zanj ---->| |           se ne ustavi
              +----+

```

Nasvet:

A) Predpostavi, da bi imeli tak program T. S pretvorbami, ki so izvedljive, ga spremeni v drugačen program, ki gotovo ne obstaja. Če so pretvorbe zanesljivo izvedljive, potem T ne obstaja.

B) Program, ki naj bi se po enem razmisleku ustavljal in se po drugačnem razmisleku ne bi, zanesljivo ne obstaja.

III. Naloge za učence po drugem letu pouka matematike.

(Pogoji so isti kot za tekmovece po prvem letu pouka.)

1. n otrok se hodi loviti. Poznajo izstevanko z m besedami. Napiši program, ki pove, kateri od otrok lovi. Otroke izstevilimo s številkami od 1 do n in začnemo izstevati pri prvem otroku. Lovi tistih, ki zadnji ostanev v krogu.

2. Neko informacijo imamo natisnjeno na papirju v posebni kodici. Na papirju so izmenično črni in beli pasovi. Tanki pasovi (tako črni kot beli) pomenijo ničlo, debeli pa enico. Debeli pasovi so dvakrat debelejši od tankih. Napiši postopek, ki bo izpisal zaporedje ničel in enic, ki je zakodirano na papirju. S bitalnikom se premikamo po papirju s konstantno hitrostjo. Za ugotovitev hitrosti imamo pred informacijo na papirju en tanki črn pas. Za bitanje imamo na voljo naslednji funkciji:

BARVA pove, kakšna barva je trenutno pod glavo bitalnika.
 MAS nam pove čas v milisekundah, ki je pretekel od začetka programa.

Primeri:

→

Kakšen bi bil algoritem, ki bi se prilagajal spremenljivi realni hitrosti odbitavanja?

3. Za nenegativna števila n imamo definirane funkcije f, g in h takole:

$$f(n) = \begin{cases} 0 & \text{če } n=0 \\ 1 & \text{če } n=1 \\ f(n-1)+f(n-2) & \text{če } n>1 \end{cases}$$

$$h(a,b,n) = \begin{cases} a & \text{če } n=0 \\ b & \text{če } n=1 \\ h(b,a+b,n-1) & \text{če } n>1 \end{cases}$$

$$g(n) = h(0,1,n)$$

- a) Izračunaj $f(5)$ in $g(5)$.
 b) Pokaži, da za vsak a, b, c, d in e velja:
 $h(a,b,e)+h(c,d,e)=h(a+c,b+d,e)$.
 c) Pokaži, da za vsak nenegativen cel n velja
 $f(n)=g(n)$.

4. Neki programer sumljivih kvalitet nam je prinesel naslednji program:

```
INTEGER A(10,10),I,J,Z
READ(2,1)((A(I,J),
           J=1,10),I=1,10)
```

```
1 FORMAT(10I5)
DO 3 I=1,10
  DO 2 J=1,10
    Z=A(I,J)
    A(I,J)=A(J,I)
    A(J,I)=Z
2  CONTINUE
3  CONTINUE
WRITE(3,4)((A(I,J),
             J=1,10),I=1,10)
4 FORMAT(1X,10I10)
CALL EXIT
END
```

```
program t(input,output)
var i,j,z:integer;
  a:array[1..10,1..10]
  of integer;
begin
  for i:=1 to 10 do
    for j:=1 to 10 do
      read(a[i,j]);
  for i:=1 to 10 do
    for j:=1 to 10 do
      begin z:=a[i,j];
        a[i,j]:=a[j,i];
        a[j,i]:=z;
      end;
  for i:=1 to 10 do
    begin
      for j:=1 to 10 do
        write(a[i,j]);
      writeln;
    end;
end.
```

Izmisli si primerne podatke za ta program in zapisi podatke in rezultate. Ali lahko uganesh, kaj je imel programer v mistih in popraviš program tako, kot mislis, da bi moral delovati?

5. Ista naloga kot 5. naloga za tekmovalce po 1. letu pouka.

IV. Rezultati prvih petnaestih tekmovalcev v vsaki skupini

po prvem letu pouka računalništva

Mesto	St. točk	Tekmovalec
01	111	Mirjam Lešnik, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
02	104	Anton Verbovšek, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
03	103	Uroš Kunaver, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad

04	089	Marjan Horvatič, Gimnazija Novo mesto
05	075	Ester Žimic, Še "Vojvodina" - gimnazija Tolmin
06	074	Bojan Čestnik, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
07	073	Andrej Brodnik, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
07	073	Tomi Dolenc, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
09	072	Dario Medoš, Gimnazija Koper Nada Žagar, Gimnazija in ekonomska šola, Trbovlje
10	069	Gorazd Planinskič, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
11	065	Jana Padežnik, Gimnazija Miloš Zidanška - Maribor
13	059	Miloš Požar, Gimnazija Nova Gorica
14	057	Simona Jaklič, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
14	057	Metod Purgar, Center srednjih šol - Jesenice

po drugem letu pouka računalništva

Mesto | St. točk | Tekmovalec:

01	083	Mark Pleško, VII. gimnazija Vič - Ljubljana
02	081	Kazimir Gomilšek, Gimnazija Miloš Zidanška - Maribor
03	077	Matjaž Lampe, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
04	069	Cvetko Gregorc, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
05	064	Milan Bizant, Gimnazija Ljubljana - Šentvid
06	054	Darko Hanželj, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
07	053	Janez Bonča, I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad
08	051	Srečko Starič, Gimnazija Novo mesto
09	047	Rado Juvan, Gimnazija-ekonomska šola, Trbovlje
10	046	Marko Ahčan, VII. gimnazija Vič - Ljubljana
10	046	Branko Premzel, Tehniška elektro, strojna in tekstilna šola Maribor
12	043	Cvetko Brkič, Gimnazija Novo mesto
13	042	Borut Stariha, Prva gimnazija, Maribor
14	039	Nada Liten, Šolski center Idrija - gimnazija Jurija Vege
14	039	Miran Ulbin, Gimnazija Miloša Zidanška - Maribor

V. Rešitve nalog za učence po prvem letu pouka računalništva

1. Program za izpis tabele najprej v fortranu, nato pa v pascalu:

```
C   program tab
C     INTEGER X(21),Y(21),I,P
C     Sestavimo prvo vrstico
C     DO 1 I=1,21
C       X(I)=0
C 1   CONTINUE
C     X(11)=1
C     Dokler ni prvo število v vrsti različno
C     od 0 ponavljamo
```

```

2      CONTINUE
C      Izpis vrstice
3      WRITE(3,3)(X(I),I=1,21)
C      FORMAT(21I6)
C      P je prvo število v izpisani vrsti
P=X(1)
C      Izračunamo novo vrsto ...
Y(1)=X(1)+X(2)
Y(2)=X(20)+X(21)
DO 4 I=2,20
    Y(I)=X(I-1)+X(I)+X(I+1)
CONTINUE
... in jo prepisemo v staro
DO 5 I=1,21
    X(I)=Y(I)
CONTINUE
IF(P.EQ.0)GO TO 2
CALL EXIT
END

program tab(output)
const mx=21
var x,y:array[1..mx]of integer
i:integer
begin
{ sestavimo prvo vrstico }
for i:=1 to mx do
    x[i]:=0;
x[mr div 2 + 1]:=1;
{ Dokler ni prvo število v vrsti različno
od 0 ponavljamo }
page(output)
repeat
{ izpisemo vrsto }
for i:=1 to mx do
    write(x[i]:6);
writeln;
{ p je prvo stevilo v za izpisani vrsti }
p=x[1];
{ izracunamo novo vrsto ... }
y[1]:=x[1]+x[2];
y[mx]:=x[mx-1]+x[mx];
for i:=2 to mx-1 do
    y[i]:=x[i-1]+x[i]+x[i+1];
{ ... in jo prepisemo v staro }
for i:=1 to mx do
    x[i]:=y[i];
until p<>0;
end.

```

2. Rešitev zapisišemo (skoraj) v pascalu.
Iz pascala se postopek tako jasno vidi: da je zapis v slovenščini nepotreben.

```

program most(output);
type prisoten=(DA,NE);
    točka=(A,B,M);

{ ukazi za krmiljenje naprav na mostu }
procedure odpri(x: točka); external;
procedure zapri(x: točka); external;
function tipalo(x: točka): prisoten; external;

procedure prehod(x,y: točka);
{ če je na strani x kakšen avto, potem
  enega spusti rez most. }
begin
repeat until tipalo(M)=NE;
if tipalo(x)=DA then
begin
    zapri(y);
    odpri(x);
    repeat until tipalo(M)=DA
end;
end;

begin {most}
    zapri(A); zapri(B);
repeat
    prehod(A,B);
    prehod(B,A);
until false;
end {most}.

```

- 3.
- a) $s(15324) = s(1532)+4 = s(153)+2+4 =$
 $s(15)+3+2+4 = s(1)+5+3+2+4 = 1+5+3+2+4 =$
 15
- $p(15324) = p(s(15324)) = p(15) = p(s(15)) =$
 $p(6) = 6$
- b) s izračuna vsoto cifer (v desetiškem zapisu) svojega argumenta. Utemeljitevi vsota cifer enomestnega števila (t. j. števila, ki je manjše od 10) je to število samo.
- Vsoto cifer večmestnega števila pa dobimo takoj, da zadnji cifri pridobijemo vsoto cifer tega števila brez zadnje cifre. n mod 10 je obitno zadnja cifra števila n v desetiškem sestavu; n / 10 (celostevilčno) pa je število n brez zadnje cifre.

- c) Trditve obično velja za $n < 10$. Vzemimo poljuben $k > 9$. Naj trditve velja za vse $n < k$. Poglejmo, če velja tudi za $n=k$. Ker je $k > 9$, velja
- $$p(k) = p(s(k)).$$
- Ker je $k > 9$, je $s(k)$ (vsota cifer v številu k) gotovo manjša od k; zato lahko uporabimo hipotezo, da trditve velja za vse $n < k$.
- $p(s(k))$ je torej ostanek pri deljenju $s(k)$ z 9. Pokažimo, da imata $s(k)$ in k pri deljenju z 9 isti ostanek. Če so $a[i]$, $i=0, 1, \dots, m$ cifre števila k, potem velja

$$k = a[0]*10^0 + a[1]*10^1 + \dots + a[m]*10^m$$

$$\text{in}$$

$$s(k) = a[0] + a[1] + \dots + a[m].$$

k in $s(k)$ imata enak ostanek pri deljenju z 9. Če je njuna razlika deljiva z 9,

$$k - s(k) = a[0]*10^0 + a[1]*10^1 + \dots + a[m-1]*10^{m-1} + a[m]*10^m$$

Vsa števila oblike $(10-1)^k$ so obično deljiva z 9; torej je tudi razlika $k - s(k)$ deljiva z 9, zato pa imata k in $s(k)$ isti ostanek pri deljenju z 9. Indukcija opravi svoje in trditve je dokazana.

4. Program izpiše tisto, kar je predčital:

9 8 7 6 5 4 3 2 1 0

Iz strukture programa se vidi, da je programer verjetno hotel izpisati zaporedje v obrnjenem vrstnem redu. V ta namen bi morala teći zanka, ki elemente zaporedja menjav, le do polovice zaporedja. Popravljen program bi bil:

```

M=N/2
DO 3 I=1,M
    Z=T(I)
    T(I)=T(J)
    T(J)=Z
    .
    .
    .

```

(Druga ugibanja so seveda prev takoj dobra rešitev, le program moramo pravilno popraviti.)

5. Predpostavimo, da T obstaja. Naj bo T funkcijal njena argumenta sta program in podatki zanj: njena vrednost pa je true, če se program ustavi in false, če se ne ustavi. Sestavimo s T naslednji program:

```

procedure Q(prog,podat);
begin
    while T(prog,podat) do
        write("OK")
    end;

```

Vprašajmo se, kaj se zgodi, če poskušamo izračunati

$Q(Q,p_1)$,

kjer je p_1 nek program, ki ne potrebuje podatkov. Če bi se Q ustavil, bi se to lahko zgodilo samo če je $T(Q,p_1) = \text{false}$, kar pomeni, da bi moral T trditi, da se Q ne ustavi. Če pa se Q ne bi ustavil, se to lahko zgodilo samo, če je $T(Q,p_1) = \text{true}$, kar pomeni, da bi T moral trditi, da se Q ne ustavi. Niti prvo niti drugo se ne more zgoditi, zato tak Q ne more obstajati. Ker pa v Q vse razen T obstaja, T ne obstaja. Q. E. D.

VI. Rešitve nalog za učence po drugem letu pouka računalništva

1. Program za izstevanje najprej v fortranu nato pa v pascalu.

```
C      Program izstevanka
C          INTEGER OTROCI(30),N,M,I,J,P,
C          Bitanje
C          READ(2,1)N,M
1         FORMAT(2I2)
C          vsi otroci so v krogu
C          predpostavljamo 1<N<31, M>0
D0 2 I=1,N
    OTROCI(I)=1
CONTINUE
C          začnemo s prvim
P=0
C          N-1 jih mora izpasti
DO 5 I=2,N
    vsakokrat moramo štetiti do M
    DO 4 J=1,M
        izpadli otrok ne smemo štetiti
3         CONTINUE
        P=P+1
        Stejemo v krogu (za n-tim sledi
                           prvi otrok)
        IF(P.GT.N)P=1
        IF(OTROCI(P).EQ.0)GO TO 3
CONTINUE
C          otrok P izpade
OTROCI(P)=0
5         CONTINUE
C          poiščemo edinega neizpadlega otroka
P=1
6         IF(OTROCI(P).NE.0)GO TO 7
        P=P+1
GO TO 6
CONTINUE
C          izpis
WRITE(3,B)N,M,P
8         FORMAT('1Stevilo otrok',I10/
                  ' dolžina izstevanke',I5/
                  ' Dolgi otrok',I13)
CALL EXIT
END .
```

```
program izstevanka(input,output)
const mx=30;
var n,m,i,j,p:integer;
otroci:array[1..mx]of boolean;
begin
readln(n,m); { čitanje }
{ vsi otroci so v krogu }
{ predpostavljamo 1<n<=mx, m>0
for i:=1 to n do otroci[i]:=true;
{ začnemo s prvim }
p:=0;
{ n-1 otrok mora izpasti }
for i:=1 to n-1 do
begin
    vsakokrat moramo štetiti do m
    for j:=1 to m do
        { izpadli otrok ne smemo štetiti }
        repeat
            p:=p+1;
```

```
        { Stejemo v krogu,
           n-temu sledi prvi }
        if p>n then p:=1;
until otroci[p];
{ otrok p izpade }
otroci[p]:=false
end;
{ poiščemo edinega neizpadlega otroka }
p:=1;
while not otroci[p] do p:=p+1;
{ izpis }
page(output);
writeln(" Stevilo otrok",n:10);
writeln(" dolžina izstevanke",m:5);
writeln;
writeln(" Dolgi otrok",p:13);
end.
```

2. Postopek zapišemo (skoraj) v pascalu, kar ne more škoditi preglednosti.

```
program barcode(output);
type Bb=(Črna,bela);
var t,t0,zakas: integer;
b: Bb;
podat: 0..1;

function barva: Bb; external;
function Bas: integer; external;

begin
{ ignoriramo belino vse do začetka }
repeat until barva=Črna;
{ izmerimo širino prvega črnega pasu }
t:=t0;
repeat until barva=bela;
t0:=t0-t; { t0 je Bas za prelet nittle }
{ pravo Bitanje se začenja }
repeat
    t:=t0;
    b:=barva;
    { potakamo, da Bitalnik pride do
      spremembe barve }
    repeat until barva>b;
zakas:=t0-t;
{ zakas je Bas potovanja čez zadnji pas }
{ odločimo se, ali je to 0 ali 1 }
if zakas>1.5*t0 then
begin
    podat:=1;
    { popravimo vzorčni Bas }
    t0:=zakas/2
end
else
begin
    podat:=0;
    { popravimo vzorčni Bas }
    t0:=zakas
end;
write(podat)
until false
end.
```

Osnovni postopek, ki bi deloval le pri konstantni hitrosti, ne potrebuje popravljanja vzorčnega Basa. V program bi lahko vgradili če test za končno podatkov (npr. če se barva zelo dolgo ne spremeni), vendar tega naloga ne zahteva.

3.

$$\begin{aligned} a) f(5) &= f(4)+f(3) = f(3)+f(2)+f(3) = \\ &= f(2)+f(1)+f(2)+f(3) = \\ &= f(1)+f(0)+f(1)+f(2)+f(3) = \\ &= 1+0+1+f(1)+f(0)+f(3) = 1+0+1+1+0+f(2)+f(1) = \\ &= 1+0+1+1+0+f(1)+f(0)+f(1) = 1+0+1+1+0+1+0+1 = \\ &= 5, \end{aligned}$$

kar se seveda lažje izračuna, če zapišemo tabelo:

n	0	1	2	3	4	5	6	7...
f(n)	1	0	1	2	3	5	8	13...

$$\underline{g(5)} = h(0;1,5) = h(1,1,4) = h(1,2,3) = \\ h(2,3,2) = h(3,5,1) = 5.$$

b) Če so a, b, c in d e poljubna nenegativna celo števila, je treba dokazati, da velja

$$f(a,b;c)+f(c,d;b) = f(a+c,b+d;c).$$

Trditev bomo dokazali z indukcijo:

- Pri $c=0$ in $c=1$ trditev obično velja.
- Naj bo k poljubno naravno število večje od 1. Vzemimo, da trditev velja za vse $c \leq k$. Dokazimo, da tedaj velja tudi pri $c=k$.

$$h(a,b;k)+h(c,d;k) = h(b,a+b;k-1)+h(d,c+d;k-1) = \\ h(b+d,a+b+c+d;k-1),$$

$$h(a+c,b+d;k) = h(b+d,a+c+b+d;k-1).$$

S tem je trditev dokazana.

c) Dokazati moramo, da za vsak nenegativen cel n velja

$$f(n) = g(n).$$

Tudi to trditev bomo dokazovali z indukcijo. Veljavnost je obična za n med 0 in 2. Svet naj bo k neko naravno število večje od 2 in predpostavimo, da trditev velja za vse $n \leq k$. Za dokazi, da trditev velja tudi pri $n=k$, bomo potrebovali trditev pod točko b):

$$f(k) = f(k-1)+f(k-2) = h(0;1,k-1)+h(0;1,k-2) = \\ h(1;1,k-2)+h(0;1,k-2) = h(1;2,k-2)$$

$$g(k) = h(0;1,k) = h(1;1,k-1) = h(1;2,k-2)$$

Prepričali smo se, da tako f kot g računata斐onaccijeva števila. Opazimo lahko, da je pri tem g v primerjavi z f mnogo učinkovitejša.

4. Program prebera celoštevilčno matriko velikosti 10×10 . Izpiše jo nespremenjeno. Programer je hotel verjetno matriko transponirati, kar bi dosegel, če bi program popravil takole:

```
... | . . .
DO 3 I=1,10 | for i:=1 to 10 do
  DO 2 J=1,I |   for j:=1 to i-1 do
    Z=A(I,J) |     begin
    ... |     ...
    ... |   end
    ... | end
```

Se lažje pa je odstraniti zanke in zamenjati indekse pri izpisu:

```
... | . . .
READ(2+1)((A(I,J),J=...|read(a[i,j])}
1 FORMAT ... | { zanki za izpis }
  WRITE(3,4)((A(J,I),J=...| write(a[j,i])
  ... | . . .
```

(Vetjavno rešitev dobimo tudi, če si mislimo, da je programer hotel kaj drugega; le program je treba pravilno popraviti.)

5. Glej 5. nalogu pri nalogah za učence po enem letu pouka.

TABELA 1: Število udeležencev na vseh treh tekmovanjih

	1977	1978	1979
po 1. letu	?	52	56
po 2. letu	?	27	36
skupaj	47	79	92

Opomba: V letu 1977 tekmovanje ni bilo ločeno na dve skupini.

TABELA 2: Število tekmovalcev in povprečen uspeh po šolah

Šola	št. tekmovalcev in		št. prijavljenih	
	povprečno št. tek.	št. tekmovalcev	po 1. letu	po 2. letu
Center srednjih šol - Jesenice	2	51.00	2	7.50
CSŠ Brnolj - gimnazija splošne smeri	1	18.00	0	---
Ekonomska srednja šola Brnolj	2	21.50	0	---
Elektrotehnička srednja šola Krško	1	19.00	0	---
Elektrotehnička šola v Ljubljani	7	24.29	0	---
Gimnazija "Boris Ziherl" Škofja Loka	4	9.50	4	14.50
Gimnazija Kočevje	2	26.50	0	---
Gimnazija Koper	5	39.00	1	34.00
Gimnazija Ljubljana - Bentvid	2	35.00	2	41.50
Gimnazija Miloša Zidanščka - Maribor	2	51.50	3	48.00
Gimnazija Nova Gorica	4	45.00	0	---
Gimnazija Novo mesto	3	54.33	4	33.50
Gimnazija Trbovlje	4	42.25	1	47.00
I. gimnazija Ljubljana - Bežigrad	8	82.50	5	57.40
Prva gimnazija Maribor	0	---	6	26.50
Šo Idrija - gimnazija Jurija Vege	0	---	1	23.00
Šo "Vojvodina" - gimnazija Tolmin	1	75.00	1	39.00
Tehnička el. str. in teksilna šola Maribor	0	---	3	23.33
Tehničke strojne in elektro šola, Trbovlje	7	20.00	0	---
Tehnička teksilna šola, Kranj	1	40.00	0	---
VII. gimnazija Ljubljana Vič	0	---	3	49.67
Skupaj	56	40.00	36	34.50
Število šol	17		13	21
Število gimnazij	11		11	14
Število tehničkih srednjih šol	6		2	7