

PRESEK

List za mlade matematike, fizike, astronome in računalnikarje

ISSN 0351-6652

Letnik 6 (1978/1979)

Številka 1

Stran 52

Dušan Repovš:

ČRNA KROŽNICA

Ključne besede: matematika, geometrija, elementarna matematika, premisli in reši.

Elektronska verzija:

<http://www.presek.si/6/348-Repovs-kroznica.pdf>

© 1978 Društvo matematikov, fizikov in astronomov Slovenije

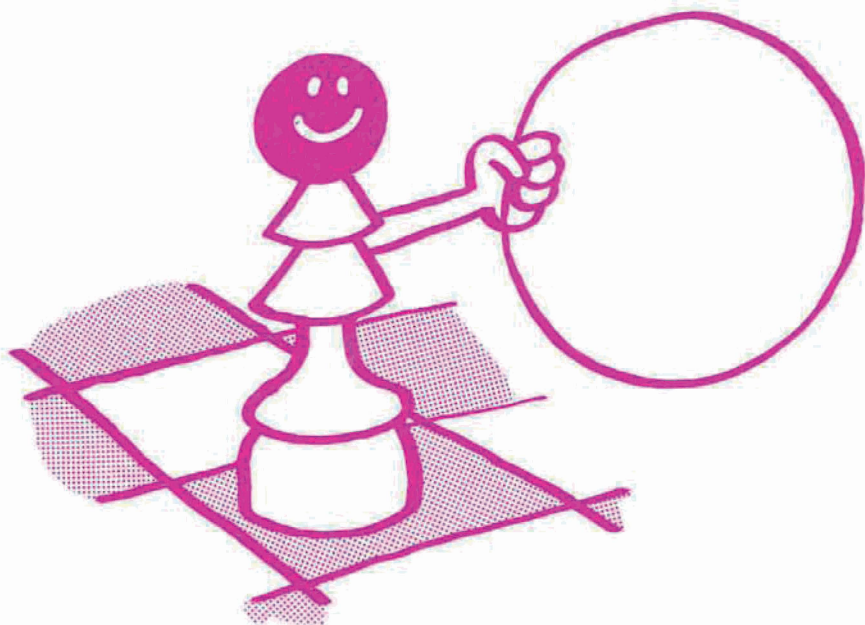
© 2010 DMFA - založništvo

Vse pravice pridržane. Razmnoževanje ali reproduciranje celote ali posameznih delov brez poprejšnjega dovoljenja založnika ni dovoljeno.

ČRNA KROŽNICA*

Na običajni šahovski deski poskusi načrtati krožnico s čimvečjim polmerom, tako da tvoja krožnica ne seka niti enega belega polja!

Dušan Repovš



* Karikaturu k članku je prispeval *Božo Kos*

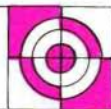
Konstrukcija: Dano krožnico označimo s K .

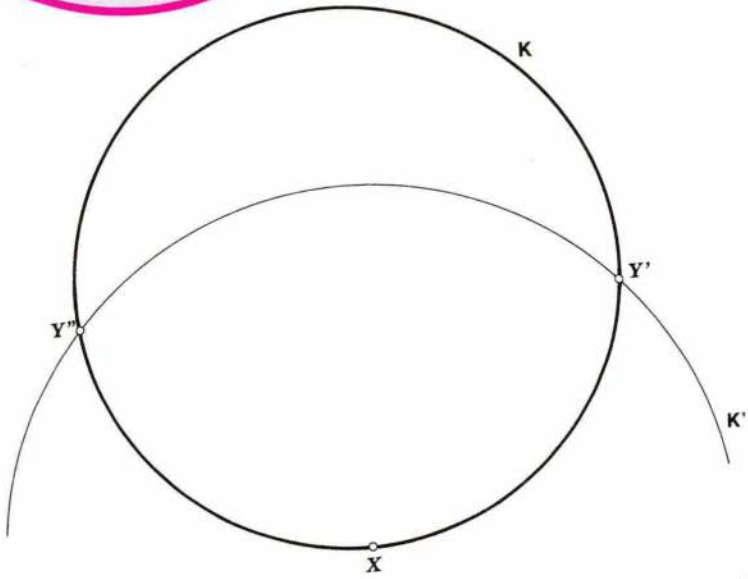
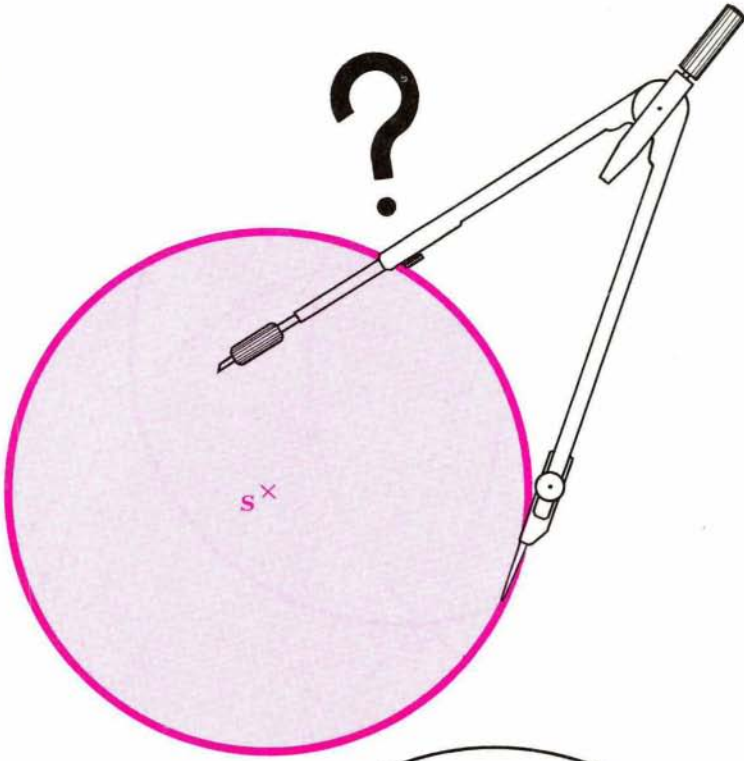
1. Izberimo na K poljubno točko X in v njej narišimo poljubno veliko krožnico K' , ki pa naj bo vseeno tako majhna, da še seka K v dveh različnih točkah Y' in Y'' . (Slika 1)
2. Narišimo v točki Y' krožnico L' polmera $Y'X$. Enako veliko krožnico L'' narišimo tudi v točki Y'' . Krožnici L' in L'' se sekata v dveh različnih točkah, v X in Z . (Slika 2)
3. V točki Z narišimo krožnico M s polmerom ZX . Krožnica M seka krožnico K' v točkah D' in D'' . (Slika 3)
4. V točki D' narišimo krožnico N' s polmerom $D'X$. Enako veliko krožnico N'' narišimo v točki D'' . Krožnici N' in N'' se sekata v dveh točkah X in S . S je iskano središče krožnice K . (Slika 4)

Dokaz, da je S res središče krožnice K : (Slika 5)

Denimo, da to *ni* res, torej da je razdalja OS , kjer je O pravo središče krožnice K , od nič različna. Zaradi simetrije v konstrukciji so točke X , Z , S in O kolinearne. Iz konstrukcije sledi, da sta trikotnika $XD'S$ in $XD'Z$ podobna, ker sta enokraka in imata skupni kot α v oglišču X . Odtod dobimo zaradi podobnosti razmerje $XS:XD' = XD':XZ$ ali $XS = (XD')^2:XZ$. Iz enakega razloga sta podobna tudi trikotnika $XY'O$ in $XY'Z$ in spet velja razmerje $XO:XY' = XY':XZ$. Odtod dobimo $XO = (XY')^2:XZ$. Iz konstrukcije se spomnimo, da je $XY' = XD'$, zato je $XS = XO$ in tako je $OS = 0$, kar smo želeli dokazati.

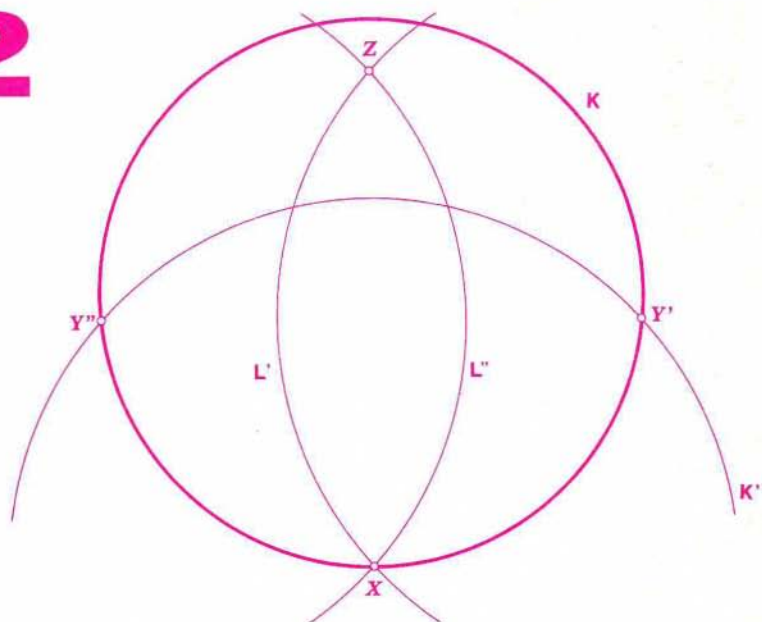
Dušan Repovš



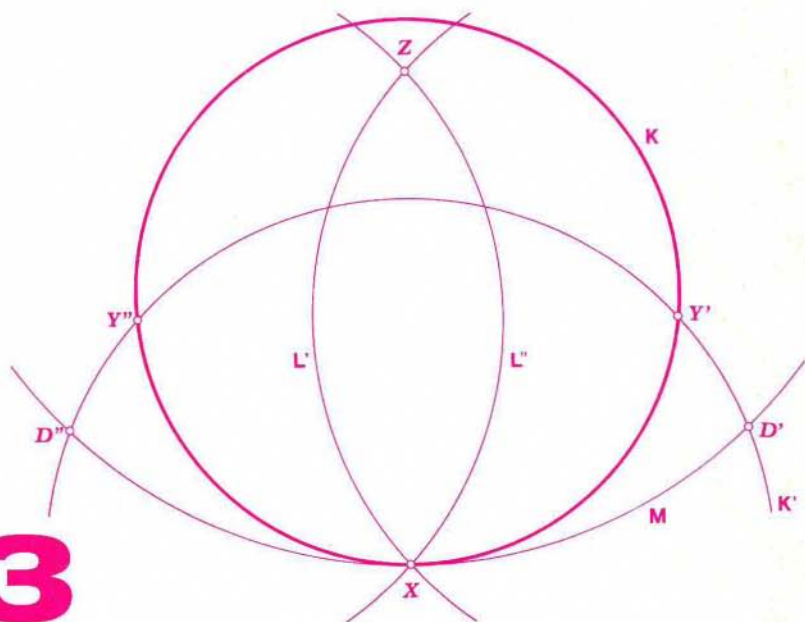


1

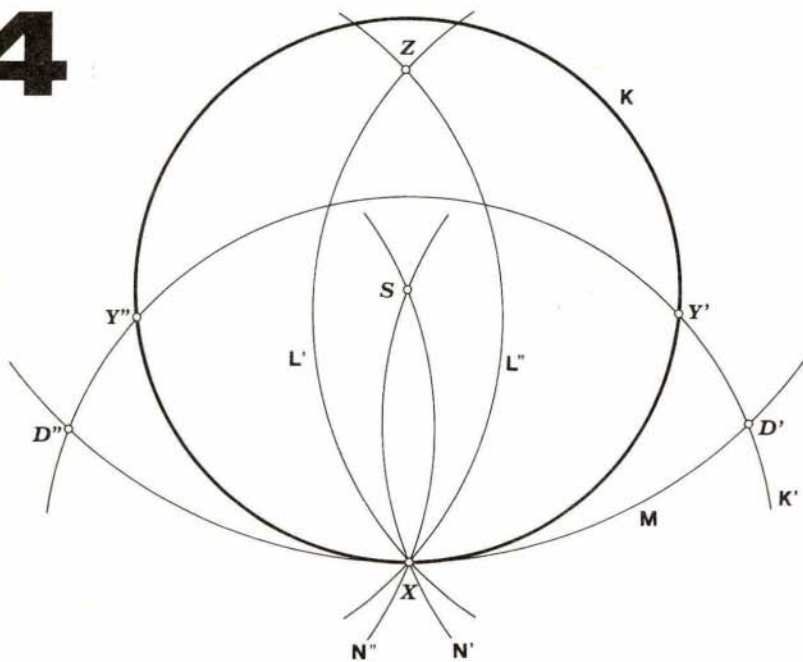
2



3



4



5

