

PRESEK

List za mlade matematike, fizike, astronome in računalnikarje

ISSN 0351-6652

Letnik 19 (1991/1992)

Številka 4

Stran 203

Anton Cedilnik:

PREPOGIBANJE LISTA PAPIRJA

Ključne besede: naloge, matematika, eksponentna funkcija, rešitev.

Elektronska verzija:

<http://www.presek.si/19/1094-Cedilnik-papir.pdf>

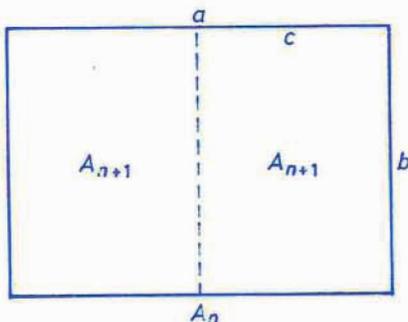
© 1992 Društvo matematikov, fizikov in astronomov Slovenije

© 2010 DMFA - založništvo

Vse pravice pridržane. Razmnoževanje ali reproduciranje celote ali posameznih delov brez poprejšnjega dovoljenja založnika ni dovoljeno.

PREPOGIBANJE LISTA PAPIRJA

Vzemimo list papirja formata A_0 1189 mm x 841 mm. Verjetno že veste, kakšno značilnost ima format A_n . Če ga prepognemo natanko na polovico, ostane razmerje robov enako in dobimo format A_{n+1} .



$$a : b = b : c = \sqrt{2}$$

A_1 : 841 mm x 595 mm,

A_2 : 595 mm x 420 mm,

A_3 : 420 mm x 297 mm itd.

Če je debelina papirja, recimo, desetinka milimetra, je po zgibu A_0 v A_1 debelina dvojnega lista 0.2 mm, A_1 se prepogne v A_2 z debelino 0.4 mm in tako naprej.

Vprašanje: kateri format je dolg le še toliko, kolikor je dolga molekula celuloze, in kakšno debelino ima, če smo ga dobili s prepogibanjem začetnega lista? Pri tem zanemarimo, da postane prav kmalu zavijovanje več listov naenkrat zelo težavna zadeva. Ocena za dolžino molekule celuloze naj bo 10^{-6} m.

Pred računanjem ocenite "na oko" število pregibanj in debelino takšne zvihanke; pozneje boste ugotovili, da je ena od ocen daleč prevelika in druga daleč premajhna. No, ravno v tem je hec te sicer lahke naloge.

Še dve zanimivi informaciji: $1189 \approx 1000 \sqrt[4]{2}$; ploščina formata A_0 je 1 m^2 , ploščina vsakega nadaljnjega pa je pol manjša od prejšnje.

Anton Cedilnik