



Univerza v Mariboru

**FAKULTETA ZA KEMIJO IN  
KEMIJSKO TEHNOLOGIJO**

Smetanova ulica 17  
2000 Maribor, Slovenija  
[www.fkkt.um.si](http://www.fkkt.um.si)

**Anita Kovač Kralj, Majda Krajnc**

## **Procesno računanje II**

**Zbirka nalog z rešitvami za domače delo**

**Maribor, 2014**

Copyright 2014

Naslov: Procesno računanje II, zbirka nalog z rešitvami za domače delo

Avtorici: doc. dr. Anita Kovač Kralj, doc. dr. Majda Krajnc

Vrsta gradiva: zbirka nalog

Založnik: FKKT Univerze v Mariboru

Naklada: On-line

Dostopno na naslovu: <http://atom.um.si/Stud/egradiva.php>

Gradiva iz publikacije, brez dovoljenja avtoric, ni dovoljeno kopirati, reproducirati objavljati ali prevajati v druge jezike.



CIP - Kataložni zapis o publikaciji  
Univerzitetna knjižnica Maribor

54(075.8)(076)

KOVAČ Kralj, Anita

Procesno računanje II [Elektronski vir] : zbirka nalog z rešitvami za domače delo / Anita Kovač Kralj, Majda Krajnc. - Maribor : Fakulteta za kemijo in kemijsko tehnologijo, 2014

Način dostopa (URL): <http://atom.um.si/Stud/egradiva.php>

ISBN 978-961-248-439-2

1. Krajnc, Majda

COBISS.SI-ID [78127617](#)

## **Predgovor**

Pri predmetu Procesno računanje II, VS študijskega programa, želimo z dodatnimi nalogami z rešitvami študentom čim bolj približati snov, tako iz teoretičnega dela kot iz praktičnega dela. Učna snov se pogloblja z dodatnim reševanjem nalog v obliki domačih nalog, saj tako študentje sproti utrjujejo učno snov. Reševanje dodatnih nalog študente navaja k večji samostojnosti. V zbirki nalog so dodane tudi naloge z angleškimi besedilom, tako se študentje seznanijo z angleškim izrazoslovjem.

Zbirka nalog je dopolnilo k učbeniku Procesne bilance ter Delovnemu zvezku, ki sta osnovni učni gradivi pri tem predmetu.

Anita Kovač Kralj in Majda Krajnc

V Mariboru, marec 2014

**Predgovor**

<b>I. Poglavje: Pretvarjanje enot veličin</b>	1
Naloga I/1: Pretvarjanje enot veličin 1	1
Naloga I/2: Izračun temperaturnih konstant 1	1
Naloga I/3: Izračun temperaturnih konstant 2	1
Naloga I/4: Pretvarjanje enot veličin 2	2
Naloga I/5: Pretvarjanje temperaturnih konstant entalpije za butan	2
Naloga I/6: Pretvarjanje enot veličin 3	2
Naloga I/7: Pretvarjanje enote tlaka <sup>1</sup>	3
Naloga I/8: Pretvarjanje množine plinov CO in CO <sub>2</sub>	3
Naloga I/9: Pretvarjanje enote masne toplotne kapacitete za plin CO	3
Naloga I/10: Pretvarjanje enote mase plinov CO in CO <sub>2</sub>	3
Naloga I/11: Pretvarjanje enot veličin 4	4
Naloga I/12: Pretvarjanje enote splošne plinske konstante	4
Naloga I/13: Pretvarjanje enote težnostnega pospeška	4
Naloga I/14: Pretvarjanje enote masne toplotne kapacitete acetona <sup>1</sup>	4
Naloga I/15: Pretvarjanje enote masne toplotne kapacitete metanola <sup>1</sup>	5
Naloga I/16: Pretvarjanje enot veličin 5	5
Naloga I/17: Pretvarjanje temperature	5
Naloga I/18: Pretvarjanje enote temperature in gostote	6
Naloga I/19: Pretvarjanje enot veličin 6	6
Naloga I/20: Pretvarjanje enot veličin 7	6
Naloga I/21: Pretvarjanje enot veličin 8	7
Naloga I/22: Pretvarjanje enot veličin 9	7
Naloga I/23: Pretvarjanje enot veličin 10	8
Naloga I/24: Convert the unit of concentration <sup>1</sup>	8
Naloga I/25: Convert the unit of a gravitational acceleration	8
Naloga I/26: Convert the unit of energy	8
Naloga I/27: Convert the unit of the mass heat capacity of ethanol <sup>1</sup>	9
Naloga I/28: Convert the unit of a force	9
Naloga I/29: Convert the unit of a heat flux	9
<b>II. Poglavje: Masne bilance procesnih enot brez kemijske reakcije</b>	11
Naloga II/1: Izračun masne bilance separatorja za zmes metanol/voda	11
Naloga II/2: Izračun masne bilance vlažilne komore	11
Naloga II/3: Izračun masne bilance mešalnika za zmes benzen/toluen	12
Naloga II/4: Izračun masne bilance ločilnika za zmes etanol/metanol/voda	12
Naloga II/5: Izračun masne bilance mešalnika za zmes voda/NaOH	13
Naloga II/6: Izračun masne bilance sušilnika <sup>1</sup>	13
Naloga II/7: Izračun masne bilance mešalnika trikomponentne zmesi <sup>1</sup>	14
Naloga II/8: Izračun masne bilance mešalnika za zmes aceton/ocetna kislina	14
Naloga II/9: Izračun masne bilance mešalnika za zmes voda/H <sub>2</sub> SO <sub>4</sub>	15

<b>Naloga II/10:</b> Izračun masne bilance mešalnika plinske zmesi <sup>1</sup>	16
<b>Naloga II/11:</b> Izračun masne bilance separatorja za zmes DME/metanol	16
<b>Naloga II/12:</b> Izračun masne bilance uparjalnika za raztopino NH <sub>4</sub> NO <sub>3</sub>	17
<b>Naloga II/13:</b> Izračun masne bilance mešalnika za zmes DME/metanol	18
<b>Naloga II/14:</b> Izračun masne bilance destilacijske kolone <sup>1</sup>	18
<b>Naloga II/15:</b> Izračun masne bilance mešalnika za zmes voda/HCl	19
<b>Naloga II/16:</b> Izračun masne bilance separatorja za zmes aceton/ocetna kislina	20
<b>Naloga II/17:</b> Izračun masne bilance separatorja za zmes aceton/ocetna kislina	20
<b>Naloga II/18:</b> Izračun masnih tokov plinov	21
<b>Naloga II/19:</b> Izračun masne bilance mešalnika plinske zmesi	22
<b>Naloga II/20:</b> Izračun masne bilance ekstraktorja	22
<b>Naloga II/21:</b> Material balance of the separator for the mixture methanol/water	22
<b>Naloga II/22:</b> Material balance of the dryer <sup>1</sup>	23
<b>Naloga II/23:</b> Material balance of the mixer for the benzene/toluene mixture	24
<b>Naloga II/24:</b> Material balance of the evaporator	24
<b>Naloga II/25:</b> Material balance of the mixer for the water/H <sub>2</sub> SO <sub>4</sub> mixture	25

### **III. Poglavje: Masne bilance sistemov procesnih enot brez kemijske reakcije**

<b>Naloga III/1:</b> Izračun masne bilance sistema procesnih enot za zmes metanol/voda	27
<b>Naloga III/2:</b> Izračun masne bilance dvostopenjskega uparjalnika za NH <sub>4</sub> NO <sub>3</sub>	28
<b>Naloga III/3:</b> Izračun masne bilance sistema procesnih enot za zmes benzen/toluen	28
<b>Naloga III/4:</b> Izračun masne bilance dvostopenjskega sušilnika	29
<b>Naloga III/5:</b> Izračun masne bilance sistema procesnih enot za zmes DME/metanol	30
<b>Naloga III/6:</b> Izračun masne bilance sistema procesnih enot za proizvodnjo DME	30
<b>Naloga III/7:</b> Izračun masne bilance trostopenjskega sušilnika	31
<b>Naloga III/8:</b> Izračun masne bilance sistema procesnih enot za proizvodnjo metanola	32
<b>Naloga III/9:</b> Izračun masne bilance sistema procesnih enot za zmes dušik/amoniak	32
<b>Naloga III/10:</b> Izračun masne bilance sistema procesnih enot za proizvodnjo acetona	33
<b>Naloga III/11:</b> Masna bilanca sistema procesnih enot za proizvodnjo metanola z delnim obtokom destilacijskega ostanka	34
<b>Naloga III/12:</b> Izračun masne bilance sistema dveh ločilnikov	34
<b>Naloga III/13:</b> Izračun masne bilance sistema procesnih enot za proizvodnjo amoniaka z obtokom	35
<b>Naloga III/14:</b> Izračun masne bilance sistema procesnih enot trikomponentne zmesi	36
<b>Naloga III/15:</b> Material balance of the system for benzene/toluene mixture	37
<b>Naloga III/16:</b> Material balance of the two-stage dryer	38
<b>Naloga III/17:</b> Material balance in the two-stage evaporator	39

### **IV. Poglavje: Masne bilance za kemijske reaktorje**

<b>Naloga IV/1:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja propana	41
<b>Naloga IV/2:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja butena	41
<b>Naloga IV/3:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja etana z znano stopnjo presnove	42
<b>Naloga IV/4:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja butana	42

<b>Naloga IV/5:</b> Masna bilanca reaktorja pridobivanja dušikove kisline	43
<b>Naloga IV/6:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja propanola	44
<b>Naloga IV/7:</b> Masna bilanca reaktorja dehidrogenacije etana	44
<b>Naloga IV/8:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja etana	45
<b>Naloga IV/9:</b> Masna bilanca zgorevanja metana v komori	46
<b>Naloga IV/10:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja metanola	47
<b>Naloga IV/11:</b> Masna bilanca reaktorja oksidacije etena	48
<b>Naloga IV/12:</b> Izračun prebitnega zraka <sup>1</sup>	48
<b>Naloga IV/13:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja etanola	48
<b>Naloga IV/14:</b> Izračun sestave plina v množinskih deležih <sup>1</sup>	49
<b>Naloga IV/15:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja propana	49
<b>Naloga IV/16:</b> Masna bilanca zgorevanja etanola v komori	50
<b>Naloga IV/17:</b> Masna bilanca reaktorja zgorevanja butanola	51
<b>Naloga IV/18:</b> Masna bilanca reaktorja popolnega zgorevanja etanola	52
<b>Naloga IV/19:</b> Production of acrylonitrile <sup>1</sup>	53
<b>Naloga IV/20:</b> Production of ethane and methane <sup>1</sup>	53
<b>Naloga IV/21:</b> Molar composition of the gas <sup>1</sup>	53
<b>Naloga IV/22:</b> Production of the gas <sup>1</sup>	54

## **V. Poglavje: Masne bilance sistemov procesnih enot s kemijsko reakcijo**

<b>Naloga V/1:</b> Zgorevanje etanola	55
<b>Naloga V/2:</b> Zgorevanje propanola	55
<b>Naloga V/3:</b> Zgorevanje etana z znano stopnjo presnove	56
<b>Naloga V/4:</b> Pridobivanje dušikove kisline	57
<b>Naloga V/5:</b> Zgorevanje metanola	58
<b>Naloga V/6:</b> Dehidrogenacija etana	58
<b>Naloga V/7:</b> Zgorevanje metana v komori	59
<b>Naloga V/8:</b> Zgorevanje propana	60
<b>Naloga V/9:</b> Zgorevanje etana	61
<b>Naloga V/10:</b> Zgorevanje butena	62
<b>Naloga V/11:</b> Popolno zgorevanje etanola	63
<b>Naloga V/12:</b> Calculate molar composition of the gases	64
<b>Naloga V/13:</b> Calculate the material balance of the reactor system <sup>1</sup>	64
<b>Naloga V/14:</b> Calculate the material balance of the reactor for formaldehyde production <sup>1</sup>	64

## **VI. Obdelava podatkov**

<b>Naloga VI/1:</b> Obdelava podatkov spremenljivk <sup>2</sup>	65
<b>Naloga VI/2:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $x$ , $y$ <sup>1</sup>	65
<b>Naloga VI/3:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $y$ , $x$ <sup>1</sup>	66
<b>Naloga VI/4:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $r_A$ in $c_A$ v laboratorijskem reaktorju <sup>2</sup>	66
<b>Naloga VI/5:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $x$ , $y$ <sup>2</sup>	67
<b>Naloga VI/6:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $x$ , $y$ <sup>3</sup>	67
<b>Naloga VI/7:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $T$ in $p$ za metanol <sup>1</sup>	68

<b>Naloga VI/8:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $x$ , $y$ kvadratne enačbe	68
<b>Naloga VI/9:</b> Izračun parametrov $a$ in $b$ 1	69
<b>Naloga VI/10:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $P$ in $t$ 1	69
<b>Naloga VI/11:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $T$ in $p$ za aceton <sup>1</sup>	70
<b>Naloga VI/12:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $f(t)$ in $t$	71
<b>Naloga VI/13:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $c_A$ in $t$	71
<b>Naloga VI/14:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $P$ in $t$ 2	71
<b>Naloga VI/15:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $p$ in $T$ za n-butan <sup>1</sup>	72
<b>Naloga VI/16:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $t$ and $q$ <sup>1</sup>	73
<b>Naloga VI/17:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $p$ in $t$ za benzofenon <sup>1</sup>	73
<b>Naloga VI/18:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $x$ in $y$ 4	73
<b>Naloga VI/19:</b> Obdelava podatkov spremenljivk $p$ in $t$ za n-pentan <sup>1</sup>	74
<b>Naloga VI/20:</b> Determine parameters $a$ and $b$ <sup>1</sup>	75
<b>Naloga VI/21:</b> Determine parameter $k$ <sup>1</sup>	75
<b>Naloga VI/22:</b> Determine parameters $a$ and $b$ <sup>1</sup>	76
<b>Naloga VI/23:</b> Determine parameters $k$ and $c_{A0}$ <sup>1</sup>	76

## **VII. Osnove numeričnih metod**

<b>Naloga VII/1:</b> Določitev spremenljivke $x$ z uporabo numeričnih metod <sup>3</sup>	77
<b>Naloga VII/2:</b> Določitev specifične toplotne kapacitete $CO_2$ 1	77
<b>Naloga VII/3:</b> Določitev spremenljivke $x$ iz kubične enačbe 1	77
<b>Naloga VII/4:</b> Določitev spremenljivke $x$ iz kubične enačbe 2	78
<b>Naloga VII/5:</b> Določitev specifične toplotne kapacitete $CO_2$ 2	78
<b>Naloga VII/6:</b> Uporaba numeričnih metod za določitev spremenljivke $x$ iz kvadratne enačbe <sup>3</sup>	78
<b>Naloga VII/7:</b> Določitev specifične toplotne kapacitete $CO_2$ 3	79
<b>Naloga VII/8:</b> Določitev spremenljivke $x$ z numeričnimi metodami 1 <sup>3</sup>	79
<b>Naloga VII/9:</b> Določitev spremenljivke $x$ z numeričnimi metodami 2 <sup>3</sup>	79
<b>Naloga VII/10:</b> Določitev spremembe entalpije plina butana <sup>1</sup>	80
<b>Naloga VII/11:</b> Uporaba numeričnih metod za določitev spremenljivke $x$ iz kubične enačbe <sup>3</sup>	80
<b>Naloga VII/12:</b> Določitev molske toplotne kapacitete ketena	81
<b>Naloga VII/13:</b> Določitev spremenljivke $x$	81
<b>Naloga VII/14:</b> Določitev spremenljivke $x$ iz kvadratne enačbe na določenem intervalu <sup>3</sup>	81
<b>Naloga VII/15:</b> Določitev spremenljivke $x$ z Newtonovo in grafično metodo	82
<b>Naloga VII/16:</b> Določitev spremenljivke $x$ iz kubične enačbe z numeričnimi metodami <sup>3</sup>	82
<b>Naloga VII/17:</b> Določitev spremenljivke $x$ iz kubične enačbe	82
<b>Naloga VII/18:</b> Določitev spremenljivke $x$ iz kvadratne enačbe z numeričnimi metodami <sup>3</sup>	83
<b>Naloga VII/19:</b> Določitev spremenljivke $x$ iz kubične enačbe z Newtonovo in grafično metodo	83
<b>Naloga VII/20:</b> Določitev spremenljivke $x$ z Newtonovo metodo in metodo zaporedne substitucije 1	83
<b>Naloga VII/21:</b> Določitev spremenljivke $x$ iz kvadratne enačbe na določenem	

intervalu z numeričnimi metodami <sup>3</sup>	84
<b>Naloga VII/22:</b> Določitev spremenljivke $x$ z Newtonovo metodo in metodo zaporedne substitucije 2	84
<b>Naloga VII/23:</b> Determine the variable $x$ by using Newton method <sup>3</sup>	84
<b>Naloga VII/24:</b> Determine the variable $x$ by using graphical and Newton methods <sup>3</sup>	85
<b>Naloga VII/25:</b> Determine the variable $x$ by using numerical methods <sup>3</sup>	85
<b><u>VIII. Literatura</u></b>	87

## **I. Poglavje: Pretvarjanje enot veličin**

### **Naloga I/1: Pretvarjanje enot veličin 1**

Pretvorite naslednje enote v zelene! Poiščite osnovne pretvornike in uporabite princip krajšanja enot!

<b>Ime veličine</b>	<b>Osnova</b>	<b>Pretvorba</b>
Prostorninski tok	2,5 cm <sup>3</sup> /min	in <sup>3</sup> /d
Toplotna kapaciteta	2 Btu/(lbmol · ° R)	cal/(mol · K)
Gostota	500 kg/m <sup>3</sup>	lb/ft <sup>3</sup>
Pospešek	10 nm/s <sup>2</sup>	cm/h <sup>2</sup>

### **Naloga I/2: Izračun temperaturnih konstant 1**

Parni tlak acetata (C<sub>6</sub>H<sub>14</sub>O<sub>2</sub>) v odvisnosti od temperature je prikazan s funkcijsko zvezo, kjer je tlak v bar in temperatura v K:

$$\ln(p^{nas}) = 13 - \frac{4960}{T}$$

Preračunajte obe konstanti A=13 in B=4960 tako, da bo temperaturni člen predstavljal temperaturo v °C! Zapišite končno obliko enačbe!

**(Rezultat:  $\ln(p^{nas}) = -1409 + 13 \cdot t$ )**

### **Naloga I/3: Izračun temperaturnih konstant 2**

Toplotno prevodnost etanola ( $\lambda$ ) izračunamo po naslednji enačbi:

$$\lambda = 2,5344 - 0,000293 \cdot T$$

$\lambda$  je izražen v Wm<sup>-1</sup> · K<sup>-1</sup> in temperatura  $T$  v K.

Preračunajte obe konstanti A=2,5344 in B=0,000293, tako da bo temperaturni člen predstavljal temperaturo v °C!

**(Rezultat:  $\lambda = 2,4544 - 0,000293 \cdot t$ )**

**Naloga I/4: Pretvarjanje enot veličin 2**

Pretvorite naslednje enote v zelene! Poiščite osnovne pretvornike in uporabite princip krajšanja enot!

Ime veličine	Osnova	Pretvorba
Tlak	$3 \cdot 10^5 \text{ Pa}$	bar
Gostota	$33 \text{ lb/in}^3$	$\text{kg/cm}^3$
Toplotni tok	$6000 \text{ J/s}$	kW
Molska masa	$12 \text{ lb/lbmol}$	$\text{g/mol}$

**Naloga I/5: Pretvarjanje temperaturnih konstant spremembe entalpije za butan**

Spremembo entalpije za butan ( $\Delta H$ ) izračunamo po naslednji enačbi:

$$\Delta H = -0,14344 \times 10^6 + 0,002522 \cdot T$$

$\Delta H$  je izražen v J/mol in temperatura  $T$  v K.

Preračunajte konstanti  $A = -0,14344 \times 10^6$  in  $B = 0,002522$  tako, da bo temperaturni člen predstavljal temperaturo v °F!

**(Rezultat:  $\Delta H = -0,14344 \times 10^6 + 0,001387 \cdot t$ )**

**Naloga I/6: Pretvarjanje enot veličin 3**

Pretvorite naslednje enote v zelene! Poiščite osnovne pretvornike in uporabite princip krajšanja enot!

Ime veličine	Osnova	Pretvorba
Prostorninski tok	$78 \text{ cm}^3/\text{min}$	$\text{in}^3/\text{d}$
Toplotna kapaciteta	$92 \text{ Btu}/(\text{lbmol} \cdot ^\circ \text{R})$	$\text{cal}/(\text{mol} \cdot \text{K})$
Gostota	$80 \text{ kg/m}^3$	$\text{lb/ft}^3$
Pospešek	$10 \text{ nm/s}^2$	$\text{cm/h}^2$

**Naloga I/7:** Pretvarjanje enote tlaka<sup>1</sup>

Izračunajte tlak ( $p$ ) na globini 30 m po naslednji enačbi:

$$p = p_o + \rho \cdot g \cdot h$$

kjer je  $g = 9,8 \text{ m/s}^2$ , gostota vode,  $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$  in atmosferski tlak  $p_o = 1,013 \text{ bar}$ .  
Izračunajte tlak v  $\text{N/m}^2$  in  $\text{mmHg}$ .

**(Rezultat:**  $3,96 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ ;  $2,97 \times 10^3 \text{ mmHg}$ )

**Naloga I/8:** Pretvarjanje množine plinov CO in CO<sub>2</sub>

Koliko mol je 140 g CO in 120 g CO<sub>2</sub>? Uporabite princip krajšanja enot.

**(Rezultat:** 5 mol CO in 2,72 mol CO<sub>2</sub>)

**Naloga I/9:** Pretvarjanje enote masne toplotne kapacitete za plin CO

Masno toplotno kapaciteto plina CO izračunamo po naslednji enačbi:

$$c_p = 0,122 + 0,572 \times 10^{-4} \cdot t$$

$c_p$  je v  $\text{Btu}/(\text{lb} \cdot ^\circ\text{F})$  in temperatura  $t$  v  $^\circ\text{F}$ .

Izrazite enačbo tako, da bo  $c_p$  v  $\text{J}/(\text{g} \cdot ^\circ\text{C})$  in temperaturni člen v  $^\circ\text{C}$ .

**(Rezultat:**  $c_p = 0,517 + 4,312 \times 10^{-4} \cdot t/^\circ\text{C}$  [  $\text{J}/(\text{g} \cdot ^\circ\text{C})$ ])

**Naloga I/10:** Pretvarjanje enote mase plinov CO in CO<sub>2</sub>

Kolikšna je masa v lb za 4 mol CO in 5 mol CO<sub>2</sub>. Uporabite princip krajšanja enot.

**(Rezultat:** 0,247 lb CO in 0,485 lb CO<sub>2</sub>)

**Naloga I/11:** Pretvarjanje enot veličin 4

Pretvorite naslednje enote v zelene! Poiščite osnovne pretvornike in uporabite princip krajšanja enot!

Ime veličine	Osnova	Pretvorba
Tlak	$14 \cdot 10^5 \text{ Pa}$	bar
Gostota	$18 \text{ lb/in}^3$	$\text{kg/cm}^3$
Toplotni tok	$9000 \text{ J/s}$	kW
Spec. toplotna kapaciteta	$120 \text{ cal/(kg K)}$	$\text{Btu/(kg } ^\circ\text{C)}$

**Naloga I/12:** Pretvarjanje enote splošne plinske konstante

Pretvorite splošno plinsko konstanto  $R=1,987 \text{ cal/(mol}\cdot\text{K)}$  v  $\text{J/(mol}\cdot^\circ\text{C)}$  in  $\text{Btu/(lbmol}\cdot^\circ\text{R)}$ ! Poiščite ustrezne pretvornike in uporabite princip krajšanja enot.

**(Rezultat:**  $8,314 \text{ J/(mol}\cdot^\circ\text{C)}$  in  $1,987 \text{ Btu/(lbmol}\cdot^\circ\text{R)}$ )

**Naloga I/13:** Pretvarjanje enote težnostnega pospeška

Pretvorite težnostni pospešek  $g = 9,8 \text{ m/s}^2$  v  $\text{dm/min}^2$  in  $\text{ft/s}^2$ ! Poiščite ustrezne pretvornike in uporabite princip krajšanja enot.

**(Rezultat:**  $352,8 \times 10^3 \text{ dm/min}^2$ ;  $32,15 \text{ ft/s}^2$ )

**Naloga I/14:** Pretvarjanje enote masne toplotne kapacitete acetona<sup>1</sup>

Masno toplotno kapaciteto acetona izračunamo po naslednji enačbi:

$$c_p = 0,243 + 1,145 \times 10^{-4} \cdot t$$

$c_p$  je v  $\text{Btu/(lb}\cdot^\circ\text{F)}$  in temperatura  $t$  v  $^\circ\text{F}$ . Izrazite enačbo tako, da bo  $c_p$  v  $\text{J/(g}\cdot^\circ\text{C)}$  in temperaturni člen v  $^\circ\text{C}$ .

**(Rezultat:**  $c_p = 1,034 + 8,625 \times 10^{-4} \cdot t/^\circ\text{C}$  [  $\text{J/(g}\cdot^\circ\text{C)}$ ])

**Naloga I/15:** Pretvarjanje enote masne toplotne kapacitete metanola<sup>1</sup>

Masno toplotno kapaciteto metanola izračunamo po naslednji enačbi:

$$c_p = 0,162 + 0,763 \times 10^{-4} \cdot t$$

$c_p$  je v Btu/(lb·°F) in temperatura  $t$  v °F.

Izrazite enačbo tako, da bo  $c_p$  v J/(kg·°C) in temperaturni člen v °C.

**(Rezultat:**  $c_p = 686,34 + 0,574 \cdot t / ^\circ\text{C}$  [ J/(kg·°C) ])

**Naloga I/16:** Pretvarjanje enot veličin 5

Pretvorite naslednje enote v zelene:

a)  $42 \frac{\text{ft}^2}{\text{h}}$  v  $\frac{\text{cm}^2}{\text{s}}$

Pretvorniki: 1 ft=30,48 cm

1 mi=1609,347 m

b)  $60 \frac{\text{mi}}{\text{h}}$  v  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$

1 J/s = 1 W

c) 4,21 kW v J/s

Pri pretvarjanju uporabite princip krajšanja enot!

**(Rezultat:** a) 10,8 cm<sup>2</sup>/s

b) 26,8 m/s

c) 4210 J/s)

**Naloga I/17:** Pretvarjanje temperature

Povprečni zimski in letni temperaturi ozračja v Sloveniji sta –5 °C in 25 °C. Koliko je to v K, °R in °F? Uporabite ustrezne enačbe za pretvarjanje!

**(Rezultat:** 268,15 K in 298,15 K

482,67 °R in 536,67 °R

23 °F in 77 °F)

**Naloga I/18:** Pretvarjanje enote temperature in gostote

a) Normalna temperatura vrelišča metanola je  $t_v = 64,7\text{ }^\circ\text{C}$ . Podajte to temperaturo še v  $^\circ\text{F}$  in  $^\circ\text{R}$  ! Pri tem uporabite ustrezne enačbe za preračun.

b) Pretvorite naslednjo enoto v želeno:

$$\frac{20\text{ mg}}{\text{cm}^3} \quad \text{v} \quad \frac{\text{lb}}{\text{ft}^3}$$

Uporabite princip krajšanja enot in naslednje pretvornike:

$$1\text{ ft} = 30,48\text{ cm}$$

$$1\text{ lb} = 453,59\text{ g}$$

(**Rezultat:** a)  $148,46\text{ }^\circ\text{F}$  in  $608,13\text{ }^\circ\text{R}$

b)  $1,248\text{ lb/ft}^3$ )

**Naloga I/19:** Pretvarjanje enot veličin 6

Pretvorite naslednje enote v zelene:

a)  $4 \frac{\text{Btu}}{(\text{lbmol } ^\circ\text{R})} \quad \text{v} \quad \frac{\text{J}}{\text{mol K}}$

b)  $\frac{600\text{ kg}}{\text{m}^3} \quad \text{v} \quad \frac{\text{lb}}{\text{ft}^3}$

c)  $\frac{8\text{ lb}}{\text{ft}^3} \quad \text{v} \quad \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

Pri tem uporabite **princip krajšanja enot** in naslednje pretvornike:

$$1\text{ lbmol} = 453,59\text{ mol}$$

$$1\text{ ft} = 0,3048\text{ m}$$

$$1\text{ Btu} = 1055,06\text{ J}$$

$$1\text{ lb} = 0,45359\text{ kg}$$

(**Rezultat:** a)  $16,74\text{ J}/(\text{mol K})$

b)  $37,46\text{ lb/ft}^3$

c)  $128,14\text{ kg/m}^3$ )

**Naloga I/20:** Pretvarjanje enot veličin 7

Pretvorite naslednje enote v zelene! Poiščite osnovne pretvornike in uporabite princip krajšanja enot!

Ime veličine	Osnova	Pretvorba
Prostorninski tok	7,8 cm <sup>3</sup> /min	in <sup>3</sup> /h
Toplotna kapaciteta	77 Btu/(lbmol · ° R)	cal/(kmol · K)
Gostota	900 kg/m <sup>3</sup>	lb/ft <sup>3</sup>
Pospešek	8 nm/s <sup>2</sup>	cm/min <sup>2</sup>

**Naloga I/21:** Pretvarjanje enot veličin 8

Pretvorite naslednje enote v zelene:

a)  $\frac{25 \text{ lb ft}}{\text{min}^2}$  v  $\frac{\text{kg cm}}{\text{s}^2}$

b)  $\frac{3 \text{ g}}{\text{cm}^3}$  v  $\frac{\text{lb}}{\text{ft}^3}$

c)  $\frac{30 \text{ ft}^3}{\text{min}}$  v  $\frac{\text{L}}{\text{s}}$

Pri tem uporabite princip krajšanja enot in naslednje pretvornike:

1 lb = 0,45359 kg

1 ft = 30,48 cm

(Rezultat: a) 0,1 kg cm/s<sup>2</sup>

b) 187,3 lb/ft<sup>3</sup>

c) 21 L/s)

**Naloga I/22:** Pretvarjanje enot veličin 9

Pretvorite naslednje enote v zelene! Poiščite osnovne pretvornike in uporabite princip krajšanja enot!

Ime veličine	Osnova	Pretvorba
Molska masa	12 lb/lbmol	g/mol
Gostota	30 lb/in <sup>3</sup>	kg/cm <sup>3</sup>
Toplotni tok	2000 J/s	kW
Tlak	2 · 10 <sup>5</sup> Pa	bar

**Naloga I/23:** Pretvarjanje enot veličin 10

Pretvorite naslednje enote v zelene! Poiščite osnovne pretvornike in uporabite princip krajšanja enot!

Ime veličine	Osnova	Pretvorba
Prostorninski tok	25 cm <sup>3</sup> /min	in <sup>3</sup> /min
Toplotna kapaciteta	72 Btu/(lbmol · °R)	cal/(mol · °F)
Gostota	880 kg/m <sup>3</sup>	lb/in <sup>3</sup>
Pospešek	90 nm/s <sup>2</sup>	m/h <sup>2</sup>

**Naloga I/24:** Convert the unit of concentration<sup>1</sup>

A concentration  $c$  (mol/L) varies with time  $t$  (min) according to the equation:

$$c = 3 \cdot e^{-2 \cdot t}$$

- What are the units of constant 3 and 2?
- Calculate the concentration in lbmol/L at 1 min?

**(Results:** a) mol/L and 1/min  
b) 0,4 mol/L)

**Naloga I/25:** Convert the unit of a gravitational acceleration

Convert a gravitational acceleration ( $g$ ) of 9,8 m/s<sup>2</sup> into its equivalent in km/min<sup>2</sup> and in ft/s<sup>2</sup>! Find basic conversion factors and use the principle of canceling out old units.

**(Results:** 35,28 km/min<sup>2</sup>; 32,15 ft/s<sup>2</sup>)

**Naloga I/26:** Convert the unit of energy

Convert energy of 5×10<sup>6</sup> lb·ft<sup>2</sup>/h<sup>2</sup> into its equivalent in kg·m<sup>2</sup>/s<sup>2</sup>! Find basic conversion factors and use the principle of canceling out old units.

**(Result:** 0,016 kg·m<sup>2</sup>/s<sup>2</sup>)

**Naloga I/27:** Convert the unit of the mass heat capacity of ethanol<sup>1</sup>

Mass heat capacity of ethanol is calculated by the following equation:

$$c_p = 0,097 + 0,458 \times 10^{-4} \cdot t$$

$c_p$  is expressed in Btu/(lb·°F) and temperature  $t$  in ° F.

Convert the equation and the unit of mass heat capacity,  $c_p$  into J/(g·°C) and temperature into °C.

**(Result:**  $c_p = 0,4136 + 3,45 \times 10^{-4} \cdot t / ^\circ\text{C}$  [ J/(g·°C)])

**Naloga I/28:** Convert the unit of a force

Convert a force of  $8 \times 10^{-6} \text{ kg} \cdot \text{m} / \text{s}^2$  into its equivalent in lb·ft/h<sup>2</sup>! Find basic conversion factors and use the principle of canceling out old units.

**(Result:** 750 lb·ft/h<sup>2</sup>)

**Naloga I/29:** Convert the unit of a heat flux

Convert a heat flux of  $100 \text{ J} / (\text{m}^2 \cdot \text{s})$  into its equivalent in Btu/(ft<sup>2</sup>·min)! Find basic conversion factors and use the principle of canceling out old units.

**(Result:** 0,53 Btu/(ft<sup>2</sup>·min))



## II. Poglavje: Masne bilance procesnih enot brez kemijske reakcije

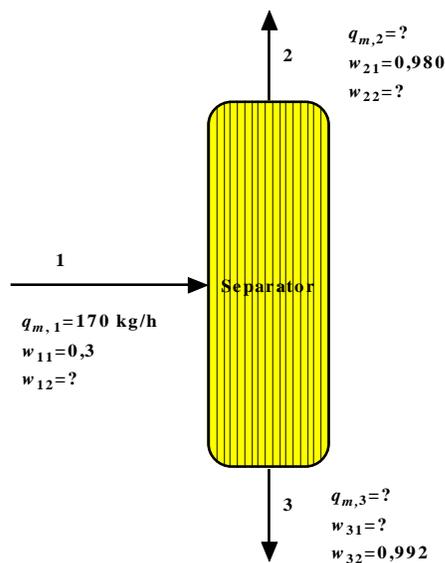
**Naloga II/1:** Izračun masne bilance separatorja za zmes metanol/voda

Rešite masno bilanco **separatorja**, ki je prikazan na sliki. Zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s, N_n, N_e$ ,
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_3, F_3$  in  $x_{32}$ .

1–metanol

2–voda



- (Rezultat:** a)  $N_s = 9; N_n = 4; N_e = 5$   
b)  $q_{m,2} = 51 \text{ kg/h}; q_{m,3} = 119 \text{ kg/h};$   
c)  $w_{12} = 0,7; w_{22} = 0,02; w_{31} = 0,008)$   
d)  $\overline{M}_3 = 18; F_3 = 6,6; x_{32} = 0,995)$

**Naloga II/2:** Izračun masne bilance vlažilne komore<sup>1</sup>

Eksperiment je pokazal, da potrebujejo nekateri organizmi za svojo rast vlažen zrak obogaten s kisikom. V vlažilno komoro vtekajo trije procesni tokovi: voda, zrak in kisik. Po mešanju teh tokov izteka iz komore tok zelene sestave v katerem so kisik, voda in dušik. Narišite shemo procesa in izračunajte vse neznane spremenljivke procesa.

Določite  $N_s$  in  $N_n$ ! Na voljo so naslednji podatki:

- vtok vode je  $20 \text{ cm}^3/\text{min}$ ,
- sestava vtočnega zraka ( $x(\text{N}_2)=79 \%$  in  $x(\text{O}_2)=21 \%$ ),
- vtok čistega kisika, ki znaša  $1/5$  množinskega toka zraka,
- na iztoku je bila izmerjena vsebnost vode, ki znaša  $x(\text{H}_2\text{O})=1,5 \%$ .

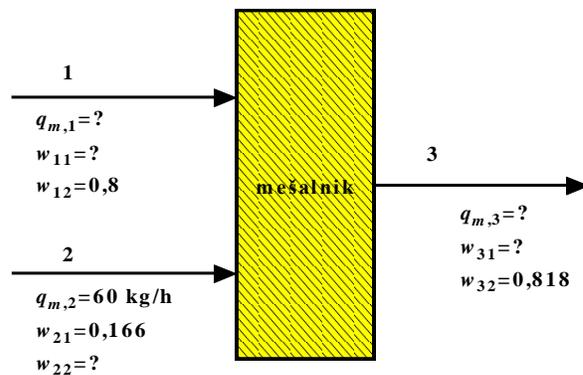
**Naloga II/3:** Izračun masne bilance mešalnika za zmes benzen/toluen

Rešite masno bilanco **mešalnika**, ki je prikazan na sliki. Zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s, N_n, N_e$ ,
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_2, F_2$  in  $x_{22}$ .

1–benzen

2–toluen



- (Rezultat:** a)  $N_s = 9; N_n = 4; N_e = 5$   
 b)  $q_{m,1} = 50 \text{ kg/h}; q_{m,3} = 110 \text{ kg/h};$   
 c)  $w_{11} = 0,2; w_{22} = 0,834; w_{31} = 0,182)$

**Naloga II/4:** Izračun masne bilance ločilnika za zmes etanol/metanol/voda

Trikomponentno zmes napajamo s pretokom  $100 \text{ kg/h}$  v **ločilnik**. Sestava zmesi je naslednja:  $w(\text{etanol}) = 50 \%$ ,  $w(\text{metanol}) = 10 \%$ ,  $w(\text{voda}) = 40 \%$ .

Ko se vzpostavi stacionarno stanje, dobimo v toku 2 zmes s sestavo  $w(\text{etanol}) = 80 \%$ ,  $w(\text{metanol}) = 15 \%$  in  $w(\text{voda}) = 5 \%$ . Pretok tega produkta je  $60 \text{ kg/h}$ . Tok 3 je neznane sestave.

- Narišite shemo procesa ter določite  $N_s$  in  $N_n$ .
- Izračunajte sestavo toka 3.
- Izračunajte masni pretok,  $q_{m,3}$ .

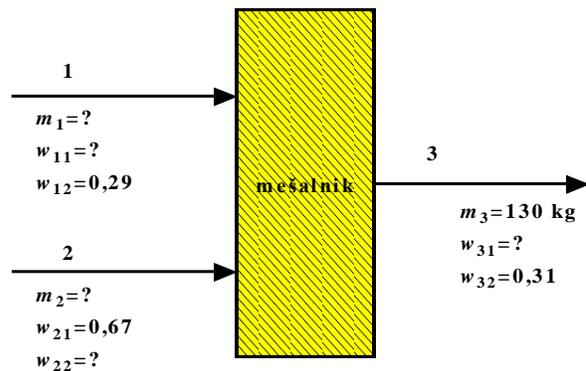
**Naloga II/5:** Izračun masne bilance mešalnika za zmes voda/NaOH

Rešite masno bilanco **mešalnika**, ki je prikazan na sliki in kjer se mešata dve raztopini. Zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s, N_n, N_e$ ,
- manjkajoči masi raztopin,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_3, n_3$  in  $x_{32}$ .

1–voda

2–NaOH



- (Rezultat:** a)  $N_s = 9; N_n = 4; N_e = 5$   
 b)  $m_1 = 70 \text{ kg}; m_2 = 60 \text{ kg};$   
 c)  $w_{11} = 0,71; w_{22} = 0,33; w_{31} = 0,69$ )

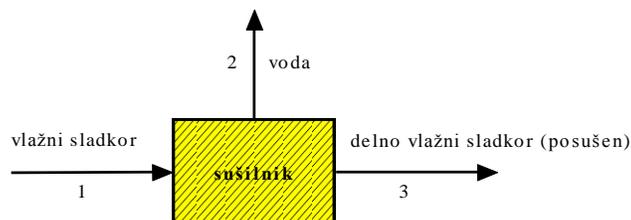
**Naloga II/6:** Izračun masne bilance sušilnika<sup>1</sup>

Vlažni sladkor vsebuje  $w = 20 \%$  vode. Takšen sladkor vodimo v sušilnik v katerem odstranimo  $w = 75 \%$  vode. Če vsako minuto vteka v sušilnik 100 kg vlažnega sladkorja, določite masni delež sladkorja v še delno vlažnem sladkorju, ki izteka iz sušilnika!

Poenostavljen proces prikazuje slika.

1–sladkor

2–voda

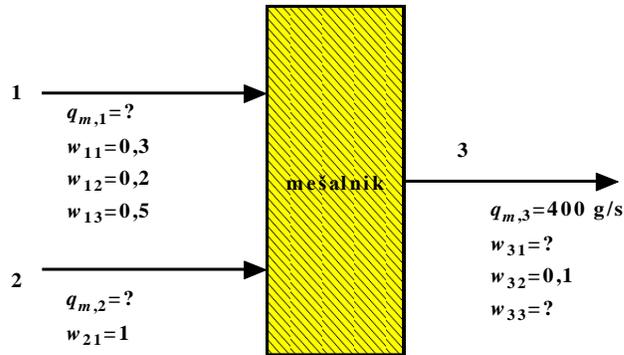


- (Rezultat:**  $w_{31} = 0,9412$ )

**Naloga II/7:** Izračun masne bilance mešalnika trikomponentne zmesi<sup>1</sup>

V **mešalnik** vtekata dva procesna tokova. V prvem toku imamo trikomponentno zmes znane sestave, v drugem toku vteka čista komponenta 1. Zapišite enačbe za masno bilanco.

- Določite  $N_s$ ,  $N_n$  in  $N_e$ .
- Določite neznane tokove.
- Določite neznane deleže komponent.



- (Rezultat:** a)  $N_s = 10$ ;  $N_n = 6$ ;  $N_e = 4$   
b)  $q_{m,1} = 200 \text{ g/s}$ ;  $q_{m,2} = 200 \text{ g/s}$ ;  
c)  $w_{31} = 0,65$ ;  $w_{33} = 0,25$ )

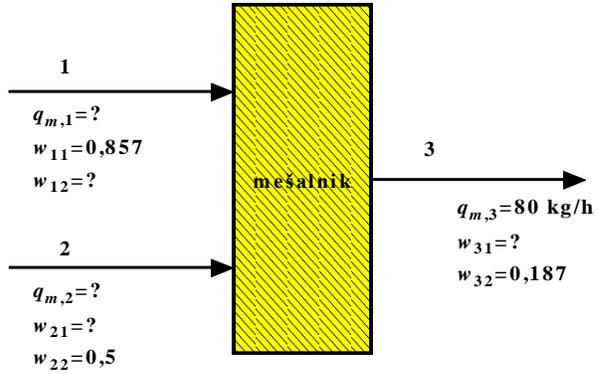
**Naloga II/8:** Izračun masne bilance mešalnika za zmes aceton/ocetna kislina

Rešite masno bilanco **mešalnika**, ki je prikazan na sliki. Zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ ,
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_3$ ,  $F_3$  in  $x_{32}$ .

1–aceton

2–ocetna kislina



- (Rezultat: a)  $N_s = 9$ ;  $N_n = 4$ ;  $N_e = 5$   
 b)  $q_{m,1} = 70 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,2} = 10 \text{ kg/h}$ ;  
 c)  $w_{12} = 0,142$ ;  $w_{21} = 0,5$ ;  $w_{31} = 0,813$   
 d)  $\overline{M}_3 = 58$ ;  $F_3 = 1,4$ ; in  $x_{32} = 0,18$ )

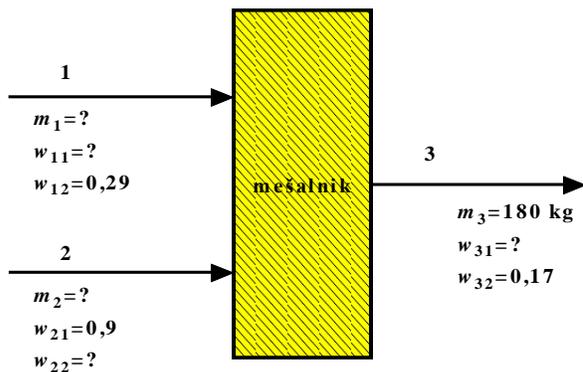
**Nalog II/9:** Izračun masne bilance mešalnika za zmes voda/ $\text{H}_2\text{SO}_4$

Rešite masno bilanco **mešalnika**, ki je prikazan na sliki in kjer se mešata dve raztopini. Zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- a)  $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ ,  
 b) manjkajoči masi raztopin,  
 c) manjkajoče masne deleže,  
 d)  $\overline{M}_3$ ,  $n_3$  in  $x_{32}$ .

1–voda

2–  $\text{H}_2\text{SO}_4$



- (Rezultat: a)  $N_s = 9$ ;  $N_n = 4$ ;  $N_e = 5$   
 b)  $m_1 = 70 \text{ kg}$ ;  $m_2 = 110 \text{ kg}$ ;  
 c)  $w_{11} = 0,71$ ;  $w_{22} = 0,10$ ;  $w_{31} = 0,83$   
 d)  $\overline{M}_3 = 20,9$ ;  $n_3 = 8,6$ ; in  $x_{32} = 0,04$ )

**Naloga II/10:** Izračun masne bilance mešalnika plinske zmesi<sup>1</sup>

Zrak, s sestavo  $x = 21\% \text{ O}_2$  in  $x = 79\% \text{ N}_2$ , ima pretok  $150 \text{ kg/min}$ . Pomešamo ga s čistim kisikom, saj želimo proizvajati plin, za uporabo pri določeni terapiji. Produkt (plin) mora vsebovati  $w = 40\% \text{ O}_2$ .

- Narišite shemo procesa.
- Določite  $N_s$  in  $N_n$ .
- Izračunajte masni vtok čistega kisika.
- Izračunajte sestavo produkta.
- Izračunajte masni iztok plina.

1–kisik  
2–dušik

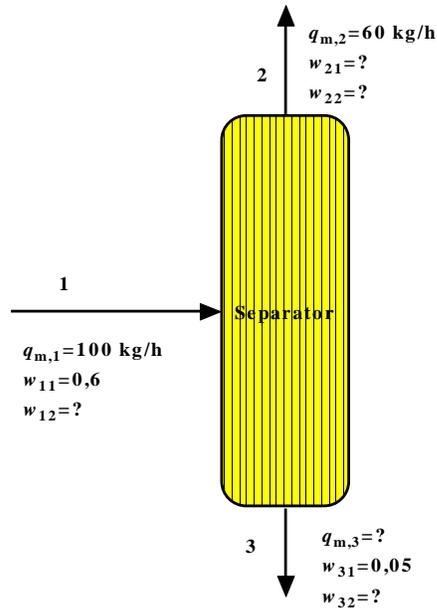
**(Rezultat:** b)  $N_s = 8$ ;  $N_n = 5$   
c)  $q_{m,2} = 41,75 \text{ kg/min}$   
d)  $w_{31} = 0,4$ ;  $w_{32} = 0,6$   
e)  $q_{m,3} = 191,75 \text{ kg/min}$ )

**Naloga II/11:** Izračun masne bilance separatorja za zmes DME/metanol

Rešite masno bilanco **separatorja**, ki je prikazan na sliki. Zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s, N_n, N_e$ ,
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_3, F_3$  in  $x_{32}$ .

1–DME  
2–metanol

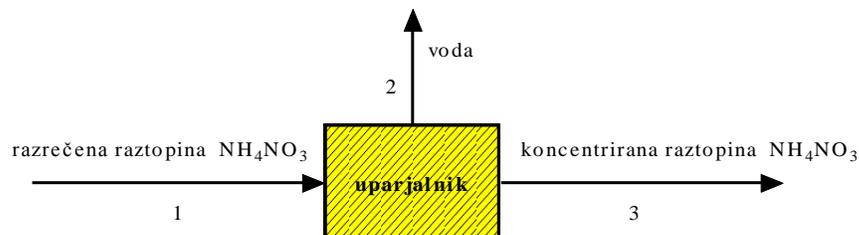


- (Rezultat: a)  $N_s = 9$ ;  $N_n = 4$ ;  $N_e = 5$   
 b)  $q_{m,3} = 40$  kg/h;  
 c)  $w_{12} = 0,4$ ;  $w_{21} = 0,966$ ;  $w_{22} = 0,034$ ;  $w_{32} = 0,95$ )

**Naloga II/12:** Izračun masne bilance uparjalnika za raztopino  $\text{NH}_4\text{NO}_3$

Izračunajte:

- a) koliko vode moramo upariti, če želimo iz 12 % raztopine  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  dobiti 60 % raztopino  $\text{NH}_4\text{NO}_3$ . Deleži so na masni osnovi. Vtok razredčene raztopine je  $q_m = 1000$  kg/h.  
 b) Določite  $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$  ter  
 c) koliko znaša pretok koncentrirane raztopine  $\text{NH}_4\text{NO}_3$ .



- (Rezultat: a)  $q_{m,2} = 800$  kg/h  
 b)  $N_s = 8$ ;  $N_n = 4$ ;  $N_e = 4$   
 c)  $q_{m,3} = 200$  kg/h)

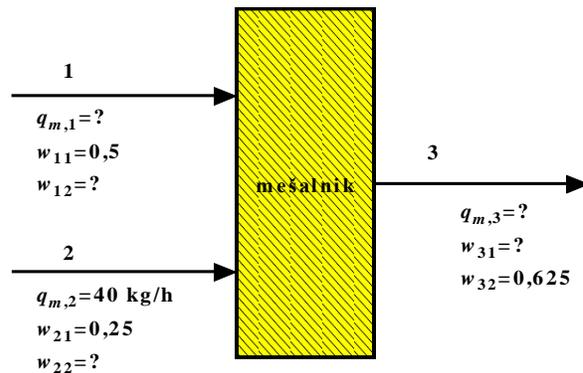
**Naloga II/13:** Izračun masne bilance mešalnika za zmes DME/metanol

Rešite masno bilanco **mešalnika**, ki je prikazan na sliki. Zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s, N_n, N_e$ ,
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_3, F_3$  in  $x_{32}$ .

1–DME

2–metanol



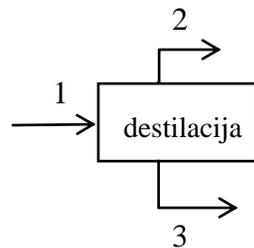
- (Rezultat:** a)  $N_s = 9; N_n = 4; N_e = 5$   
 b)  $q_{m,1} = 40 \text{ kg/h}; q_{m,3} = 80 \text{ kg/h};$   
 c)  $w_{12} = 0,5; w_{22} = 0,75; w_{31} = 0,375)$

**Naloga II/14:** Izračun masne bilance destilacijske kolone<sup>1</sup>

1000 kg/h zmesi toluena in benzena (tok 1) vsebuje  $w = 50 \%$  benzena. Pri določenih pogojih dobimo z destilacijo dva produkta, kot je prikazano na sliki:

1–benzen

2–toluen



V toku 2 proizvedemo vsako uro 450 kg benzena, v toku 3 pa 475 kg toluena. Proces obratuje v stacionarnem stanju, kontinuirano. Izračunajte:

- $N_s$ ,  $N_e$  in  $N_n$ ,
- masna tokova  $q_{m2}$  in  $q_{m3}$ ,
- sestavo tokov 1, 2 in 3 v masnih deležih.

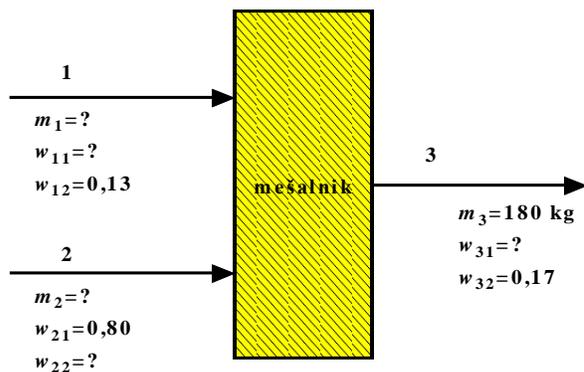
**(Rezultat:** a)  $N_s = 9$ ;  $N_n = 5$ ;  $N_e = 4$   
 b)  $q_{m,2} = 475$  kg/h;  $q_{m,3} = 525$  kg/h;  
 c)  $w_{21} = 0,947$ ;  $w_{22} = 0,053$ ;  $w_{31} = 0,095$ ;  $w_{32} = 0,905$ )

**Naloga II/15:** Izračun masne bilance mešalnika za zmes voda/HCl

Rešite masno bilanco **mešalnika**, ki je prikazan na sliki in kjer se mešata dve raztopini. Zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ ,
- manjkajoči masi raztopin,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_3$ ,  $n_3$  in  $x_{32}$ .

1–voda  
 2– HCl



**(Rezultat:** a)  $N_s = 9$ ;  $N_n = 4$ ;  $N_e = 5$   
 b)  $m_1 = 80$  kg;  $m_2 = 100$  kg;  
 c)  $w_{11} = 0,87$ ;  $w_{22} = 0,30$ ;  $w_{31} = 0,83$ )

**Naloga II/16:** Izračun masne bilance separatorja za zmes aceton/ocetna kislina

Tekoča zmes benzena in toluena vsebuje  $w = 50\%$  benzena. Del zmesi upari, pri čemer nastane produkt v parni fazi, v katerem je  $w = 60\%$  benzena, in produkt v tekoči fazi, ki vsebuje  $w = 37,6\%$  benzena. Predpostavimo, da je v procesu vzpostavljeno stacionarno stanje in da v uparjalnik vteka vsako uro 100 kg zmesi.

1–benzen

2–toluen

- Narišite shemo procesa.
- Zapišite enačbe masne bilance.
- Določite  $N_s$ ,  $N_n$  in  $N_e$ .
- Izračunajte vse manjkajoče deleže.
- Izračunajte manjkajoča masna tokova.

**(Rezultat:** c)  $N_s = 9$ ;  $N_n = 5$ ;  $N_e = 4$

d)  $w_{12} = 0,5$ ;  $w_{22} = 0,4$ ;  $w_{31} = 0,095$ ;  $w_{32} = 0,624$ )

e)  $q_{m,2} = 55,3$  kg/h;  $q_{m,3} = 44,7$  kg/h;

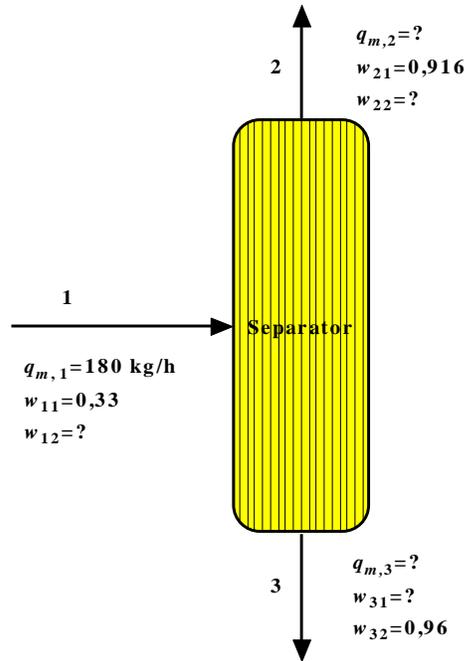
**Naloga II/17:** Izračun masne bilance separatorja za zmes aceton/ocetna kislina

Rešite masno bilanco **separatorja**, ki je prikazan na sliki. Zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ ,
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_2$ ,  $F_2$  in  $x_{22}$ .

1–aceton

2–ocetna kislina



- (Rezultat:** a)  $N_s = 9$ ;  $N_n = 4$ ;  $N_e = 5$   
 b)  $q_{m,2} = 60 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,3} = 120 \text{ kg/h}$ ;  
 c)  $w_{12} = 0,67$ ;  $w_{22} = 0,084$ ;  $w_{31} = 0,04$ )

**Naloga II/18:** Izračun masnih tokov plinov

V nekem procesu so podatki za tok 1 naslednji:

$$F_1 = 100 \text{ kmol/h}$$

$$x(\text{CH}_4) = 0,3$$

$$x(\text{C}_2\text{H}_4) = 0,4$$

$$x(\text{C}_2\text{H}_6) = 0,3.$$

Izračunajte :

- a) množinski pretok  $\text{CH}_4$ ,  
 b) masni pretok  $\text{C}_2\text{H}_4$  ter  
 c) masni pretok toka 1!

- (Rezultat:** a)  $30 \text{ kmol/h}$   
 b)  $1120 \text{ kg/h}$   
 c)  $2500 \text{ kg/h}$ )

**Naloga II/19:** Izračun masne bilance mešalnika plinske zmesi

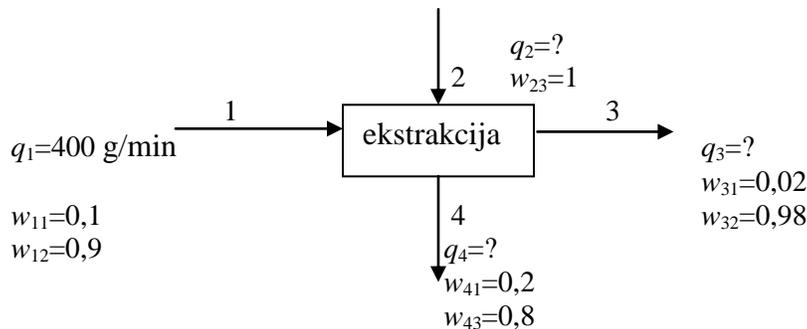
Naravni plin (tok 1) vsebuje  $x = 85\%$   $\text{CH}_4$ ,  $x = 10\%$   $\text{C}_2\text{H}_6$  in  $x = 5\%$   $\text{C}_2\text{H}_4$ . Drugi plin (tok 2) vsebuje  $x = 89\%$   $\text{C}_2\text{H}_4$  in  $x = 11\%$   $\text{C}_2\text{H}_6$  ter tretji plin (tok 3)  $x = 94\%$   $\text{C}_2\text{H}_6$  in  $x = 6\%$   $\text{CH}_4$ . Narišite procesno shemo!

Koliko plina v toku 1, toku 2 in toku 3 moramo dovesti v **mešalnik**, če želimo proizvesti 100 mol/min plina, ki vsebuje enake deleže  $\text{CH}_4$ ,  $\text{C}_2\text{H}_4$  in  $\text{C}_2\text{H}_6$  ?

(**Rezultat:**  $F_1 = 37,2$  mol/min;  $F_2 = 35,3$  mol/min;  $F_3 = 27,5$  mol/min)

**Naloga II/20:** Izračun masne bilance ekstraktorja

Na sliki je prikazan kontinuiran postopek ekstrakcije, pri kateri topljenec A prehaja iz topila S v drugo topilo T, v katerem je bolj topen.



topljenec (A) - 1  
prvo topilo (S) - 2  
drugo topilo (T) - 3

- Rešite masno bilanco procesa ekstrakcije ter
- določite  $N_s$  in  $N_n$  !

(**Rezultat:** a)  $q_2 = 130$  g/min;  $q_3 = 367$  g/min;  $q_4 = 163$  g/min;  
b)  $N_s = 11$  in  $N_n = 8$ )

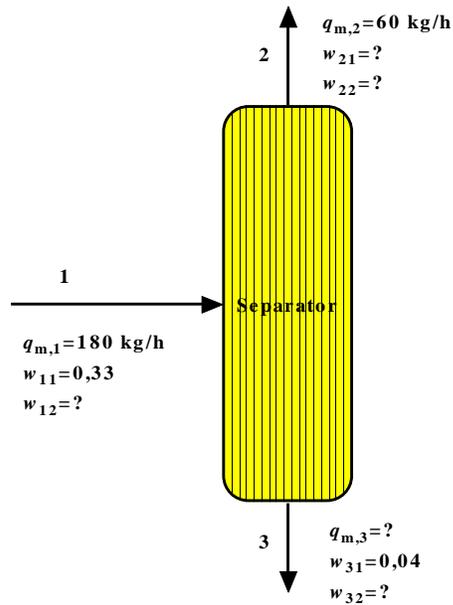
**Naloga II/21:** Material balance of the separator for the mixture methanol/water

Solve the material balance of the separator, which is shown in Figure. Write down the equations for the material balance and calculate:

- $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ ,
- the missing mass flow rates,

- c) the missing mass fractions and  
 d)  $\overline{M}_2$ ,  $F_2$  in  $x_{22}$ .

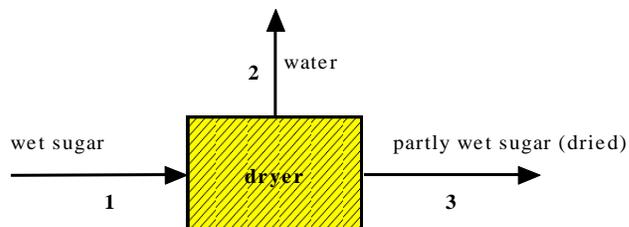
1–methanol  
 2–water



- (Results: a)  $N_s = 9$ ;  $N_n = 4$ ;  $N_e = 5$   
 b)  $q_{m,3} = 120$  kg/h;  
 c)  $w_{12} = 0,67$ ;  $w_{21} = 0,916$ ;  $w_{22} = 0,084$ ;  $w_{32} = 0,96$ )

**Naloga II/22: Material balance of the dryer<sup>1</sup>**

Wet sugar contains  $w = 20$  % of water. This sugar was fed into the dryer where 80 % of water was removed. The mass flow rate of wet sugar is 100 kg/min. Calculate the missing mass flow rates and mass fractions. The simplified process is shown in Figure.

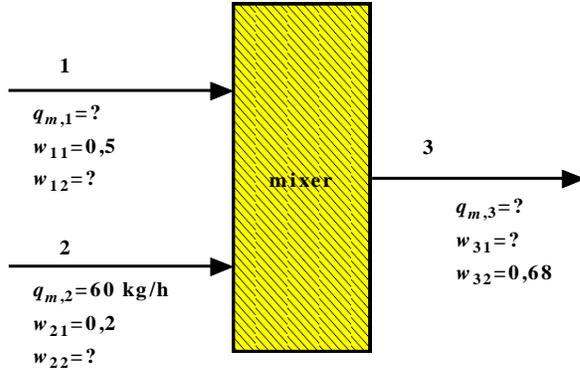


- (Result:  $w_{31} = 0,95$ )

**Naloga II/23:** Material balance of the mixer for the benzene/toluene mixture

Solve the material balance of the mixer, which is shown in Figure. Write down the equations for the material balance and calculate:

- $N_s, N_n, N_e,$
- the missing mass flows rates,
- the missing mass fractions and
- $\overline{M}_2, F_2$  in  $x_{22}.$

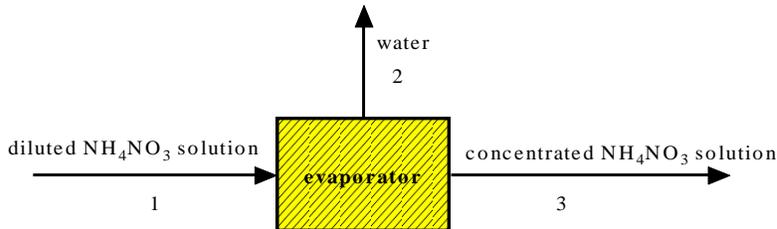


- (Results:** a)  $N_s = 9; N_n = 4; N_e = 5$   
 b)  $q_{m,1} = 40 \text{ kg/h}; q_{m,3} = 100 \text{ kg/h};$   
 c)  $w_{12} = 0,5; w_{22} = 0,8; w_{31} = 0,32)$

**Naloga II/24:** Material balance of the evaporator

Calculate:

- how much water should evaporate from 12 %  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  solution to obtain 65 % solution of  $\text{NH}_4\text{NO}_3$ . The fractions are on a weight basis. The inlet mass flow rate ( $q_m$ ) is 1000 kg/h. Write down the equations for the material balance and define:
- $N_s, N_n$  in  $N_e$  and
- the outlet mass flow rate of concentrated  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  solution.



- (Results:** a)  $q_{m,2} = 815 \text{ kg/h}$   
 b)  $N_s = 8; N_n = 4; N_e = 4$   
 c)  $q_{m,3} = 184,6 \text{ kg/h}$

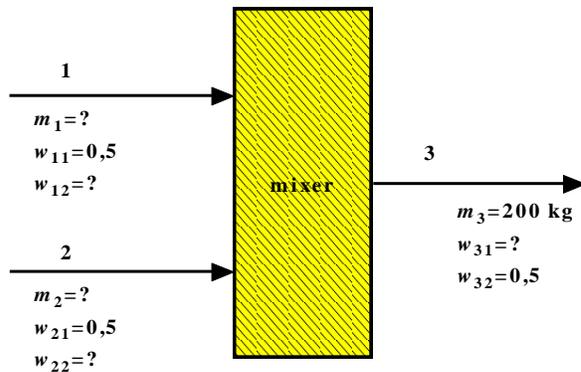
**Naloga II/25:** Material balance of the mixer for the water/H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> mixture

Solve the material balance of the mixer, which is shown in Figure. Write down the equations for the material balance and calculate:

- $N_s, N_n, N_e,$
- the missing mass flows rates,
- the missing mass fractions and
- $\overline{M}_2, F_2$  in  $x_{22}.$

1–water

2– H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>



- (Results:** a)  $N_s = 9; N_n = 4; N_e = 5$   
b)  $m_1 = 100 \text{ kg}; m_2 = 100 \text{ kg};$   
c)  $w_{12} = 0,5; w_{22} = 0,5; w_{31} = 0,5)$



### III. Poglavje: Masne bilance sistemov procesnih enot brez kemijske reakcije

**Naloga III/1:** Izračun masne bilance sistema procesnih enot za zmes metanol/voda

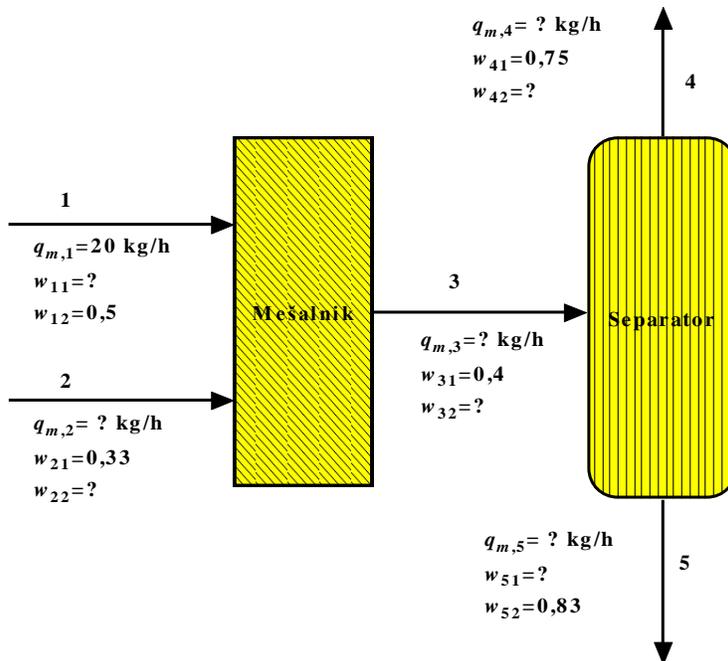
Rešite masno bilanco **mešalnika** in **separatorja** prikazana na sliki. Označite vse možne bilančne meje, zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s, N_n, N_e,$
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_1, F_1$  in  $x_{12}.$

Rezultate prikažite v preglednici ter preverite masno bilanco celotnega procesa.

1–metanol

2–voda



**(Rezultat:** a)  $N_s = 15; N_n = 6; N_e = 9$

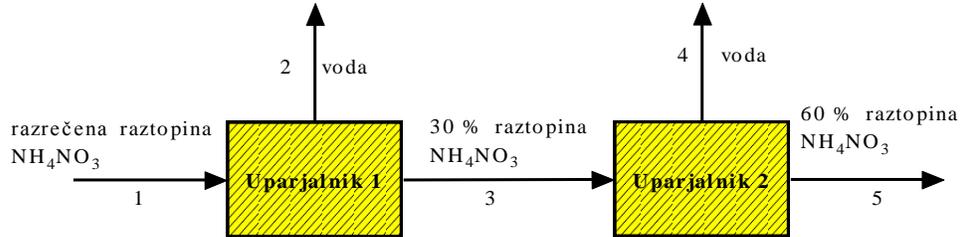
b)  $q_{m,2} = 30 \text{ kg/h}; q_{m,3} = 50 \text{ kg/h}; q_{m,4} = 20 \text{ kg/h}; q_{m,5} = 30 \text{ kg/h}$

c)  $w_{11} = 0,5; w_{22} = 0,67; w_{32} = 0,60; w_{42} = 0,25; w_{51} = 0,167)$

**Naloga III/2:** Izračun masne bilance dvostopenjskega uparjalnika za  $\text{NH}_4\text{NO}_3$

a) Izračunajte koliko vode moramo upariti v prvem in drugem uparjalniku, če želimo iz 12 % raztopine  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  dobiti 30 % raztopino  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  po prvem uparjevanju in 60 % po drugem uparjevanju. Deleži so na masni osnovi. Vtok razredčene raztopine je  $q_m = 1000 \text{ kg/h}$ .

b) Postavite enačbe za masno bilanco in določite, koliko znaša pretok koncentrirane raztopine  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  v toku 3 in 5.



(Rezultat: a)  $q_{m,2} = 600 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,4} = 200 \text{ kg/h}$

b)  $q_{m,3} = 400 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,5} = 200 \text{ kg/h}$ )

**Naloga III/3:** Izračun masne bilance sistema procesnih enot za zmes benzen/toluen

Rešite masno bilanco **mešalnika** in **separatorja** prikazana na sliki. Označite vse možne bilančne meje, zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

a)  $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ ,

b) manjkajoče masne tokove,

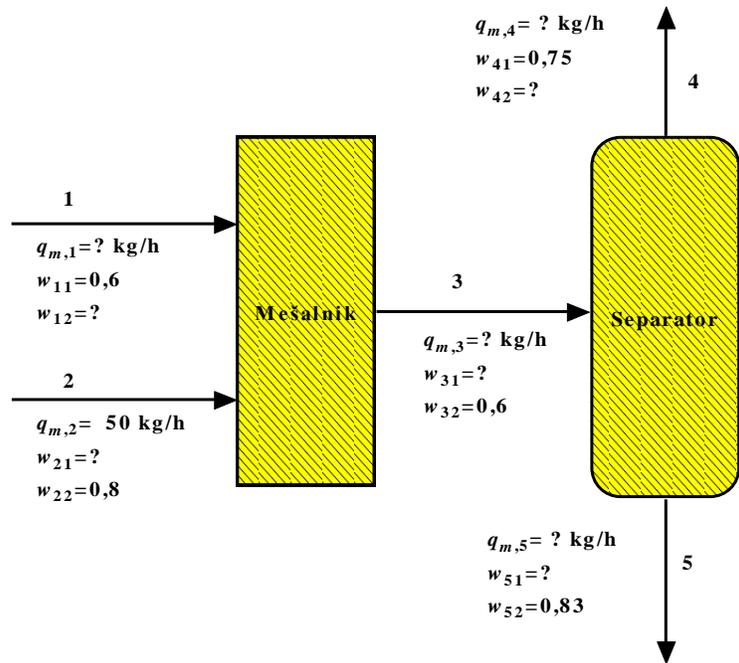
c) manjkajoče masne deleže,

d)  $\overline{M}_1$ ,  $F_1$  in  $x_{12}$ .

Rezultate prikažite v preglednici ter preverite masno bilanco celotnega procesa.

1–benzen

2–toluen



(Rezultat: a)  $N_s = 15$ ;  $N_n = 6$ ;  $N_e = 9$

b)  $q_{m,1} = 50 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,3} = 100 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,4} = 40 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,5} = 60 \text{ kg/h}$

c)  $w_{12} = 0,4$ ;  $w_{21} = 0,2$ ;  $w_{31} = 0,4$ ;  $w_{42} = 0,25$   $w_{51} = 0,17$ )

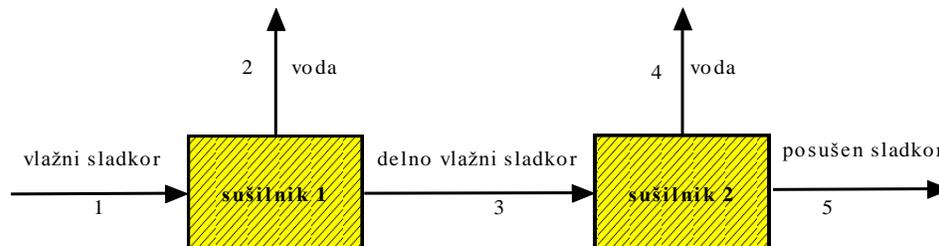
#### Naloga III/4: Izračun masne bilance dvostopenjskega sušilnika

Vlažni sladkor vsebuje  $w = 20 \%$  vode. Takšen sladkor vodimo v prvi sušilnik v katerem odstranimo  $w = 35 \%$  vode, v drugem sušilniku  $w = 40 \%$  vode. Če vsako minuto vteka v prvi sušilnik 100 kg vlažnega sladkorja, določite masni delež sladkorja na iztoku vsakega sušilnika! Preverite masno bilanco sistema!

Poenostavljen proces prikazuje slika.

1–sladkor

2–voda



(Rezultat:  $w_{31} = 0,86$ ;  $w_{51} = 0,91$ )

**Naloga III/5:** Izračun masne bilance sistema procesnih enot za zmes DME/metanol

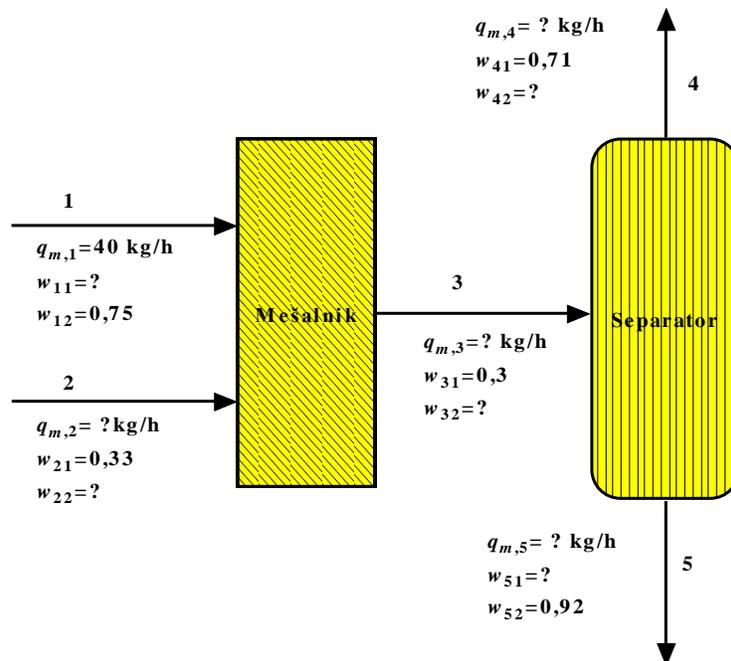
Rešite masno bilanco **mešalnika** in **separatorja** prikazana na sliki. Označite vse možne bilančne meje, zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s, N_n, N_e,$
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže,
- $\overline{M}_1, F_1$  in  $x_{12}.$

Rezultate prikažite v preglednici ter preverite masno bilanco celotnega procesa.

1–DME

2–metanol



**(Rezultat:** a)  $N_s = 15; N_n = 6; N_e = 9$

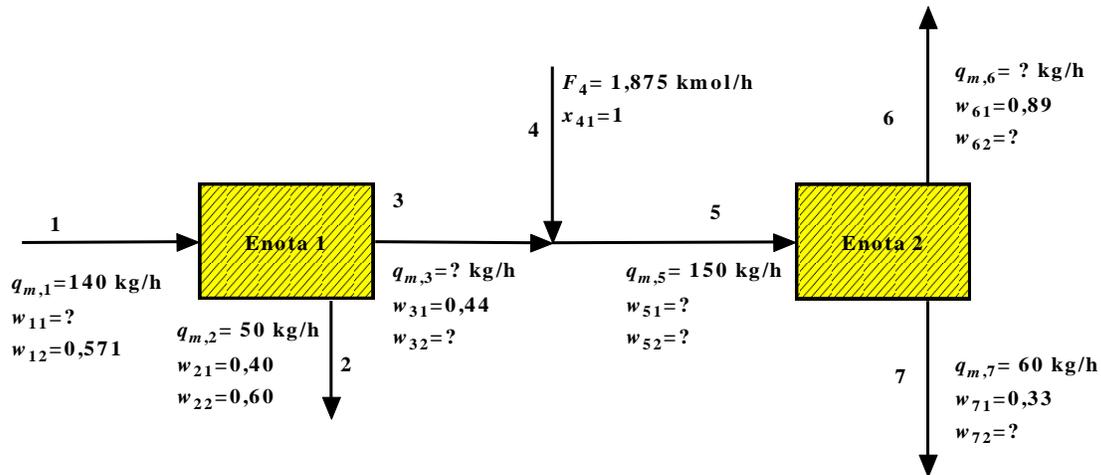
b)  $q_{m,2} = 60 \text{ kg/h}; q_{m,3} = 100 \text{ kg/h}; q_{m,4} = 35 \text{ kg/h}; q_{m,5} = 65 \text{ kg/h}$

c)  $w_{11} = 0,25; w_{22} = 0,67; w_{31} = 0,7; w_{42} = 0,29; w_{51} = 0,08)$

**Naloga III/6:** Izračun masne bilance sistema procesnih enot za proizvodnjo DME

Izračunajte masno bilanco procesa, prikazanega na sliki. Določite  $N_s, N_n$  in  $N_e$  ter vse neznane tokove in sestave! Preverite masno bilanco procesa!

1– DME  
2– metanol



(Rezultat:  $N_s = 20$ ;  $N_n = 12$ ;  $N_e = 8$ )

$q_{m,3} = 90 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,4} = 60 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,5} = 150 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,6} = 90 \text{ kg/h}$ ;

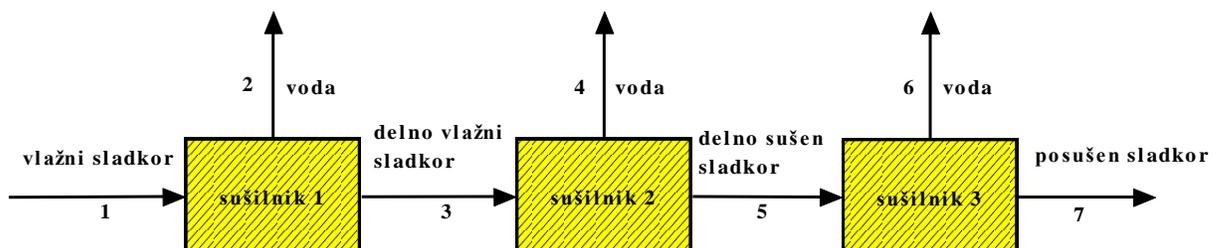
$w_{11} = 0,429$ ;  $w_{32} = 0,56$ ;  $w_{51} = 0,667$ ;  $w_{52} = 0,333$ ;  $w_{62} = 0,11$ ;  $w_{72} = 0,667$ )

### Naloga III/7: Izračun masne bilance trostopenjskega sušilnika

Vlažni sladkor vsebuje  $w = 20\%$  vode. Takšen sladkor vodimo v prvi sušilnik v katerem odstranimo  $w = 25\%$  vode, v drugem sušilniku  $w = 30\%$  vode in v tretjem sušilniku  $w = 25\%$  vode. Če vsako minuto vteka v prvi sušilnik 100 kg vlažnega sladkorja, določite masni delež sladkorja na iztoku vsakega sušilnika! Preverite masno bilanco sistema!

Poenostavljen proces prikazuje slika.

1–sladkor  
2–voda



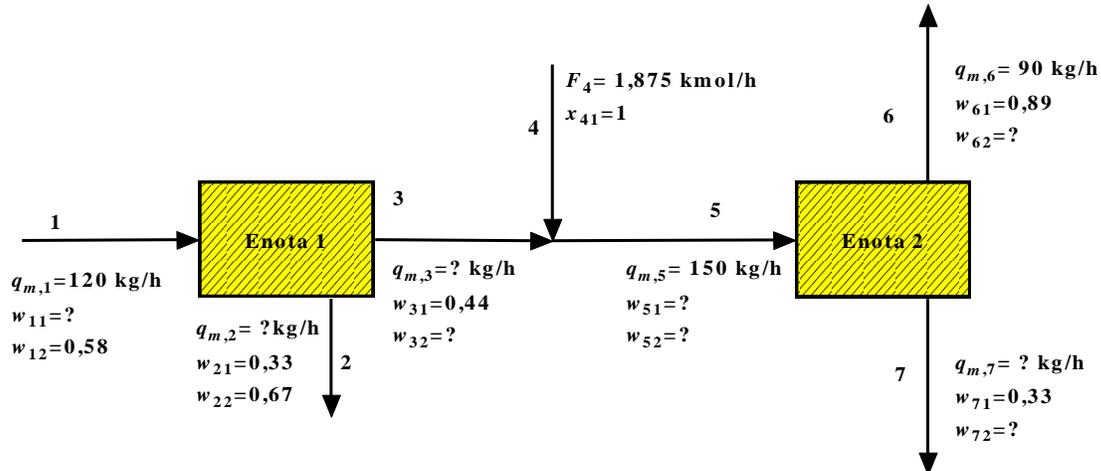
(Rezultat:  $w_{31} = 0,84$ ;  $w_{51} = 0,88$ ;  $w_{71} = 0,91$ )

**Naloga III/8:** Izračun masne bilance sistema procesnih enot za proizvodnjo metanola

Izračunajte masno bilanco procesa, prikazanega na sliki. Določite  $N_s$ ,  $N_n$  in  $N_e$  ter vse neznane tokove in sestave! Preverite masno bilanco procesa!

1–metanol

2–voda



(Rezultat:  $N_s = 20$ ;  $N_n = 11$ ;  $N_e = 9$ )

$q_{m,2} = 30 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,3} = 90 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,4} = 60 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,7} = 60 \text{ kg/h}$

$w_{11} = 0,42$ ;  $w_{32} = 0,56$ ;  $w_{51} = 0,667$ ;  $w_{52} = 0,333$ ;  $w_{62} = 0,11$ ;  $w_{72} = 0,667$ )

**Naloga III/9:** Izračun masne bilance sistema procesnih enot za zmes dušik/amoniak

Rešite masno bilanco **mešalnika** in **separatorja** prikazana na sliki. Označite vse možne bilančne meje, zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

a)  $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ ,

b) manjkajoče masne tokove,

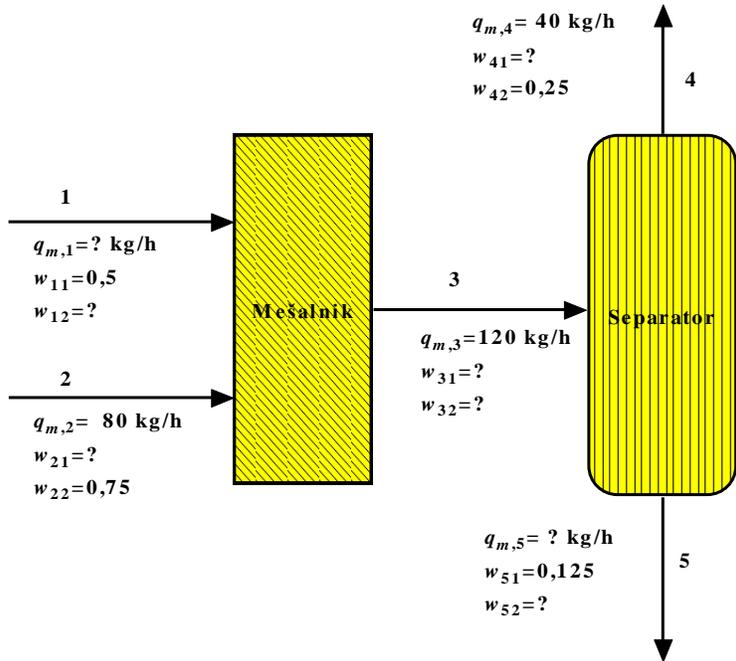
c) manjkajoče masne deleže,

d)  $\overline{M}_1$ ,  $F_1$  in  $x_{12}$ .

Rezultate prikažite v preglednici ter preverite masno bilanco celotnega procesa.

1–dušik

2–amoniak



(Rezultat: a)  $N_s = 15$ ;  $N_n = 7$ ;  $N_e = 8$

b)  $q_{m,1} = 40$  kg/h;  $q_{m,3} = 120$  kg/h;  $q_{m,5} = 80$  kg/h

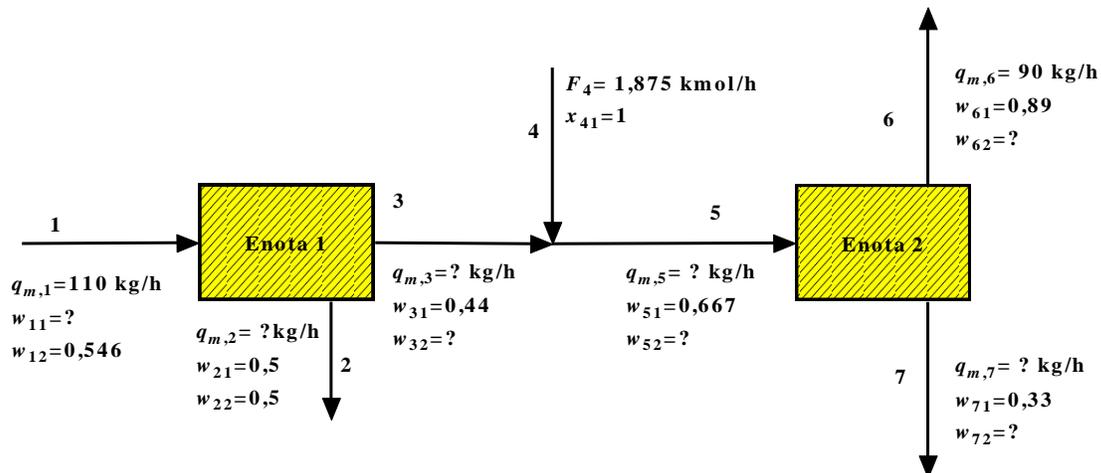
c)  $w_{12} = 0,5$ ;  $w_{21} = 0,25$ ;  $w_{31} = 0,33$ ;  $w_{32} = 0,67$ ;  $w_{41} = 0,75$ ;  $w_{52} = 0,875$ )

**Naloga III/10:** Izračun masne bilance sistema procesnih enot za proizvodnjo acetona

Izračunajte masno bilanco procesa, prikazanega na sliki. Določite  $N_s$ ,  $N_n$  in  $N_e$  ter vse neznanne tokove in sestave! Preverite masno bilanco procesa!

1—acetone

2—ocetna kislina



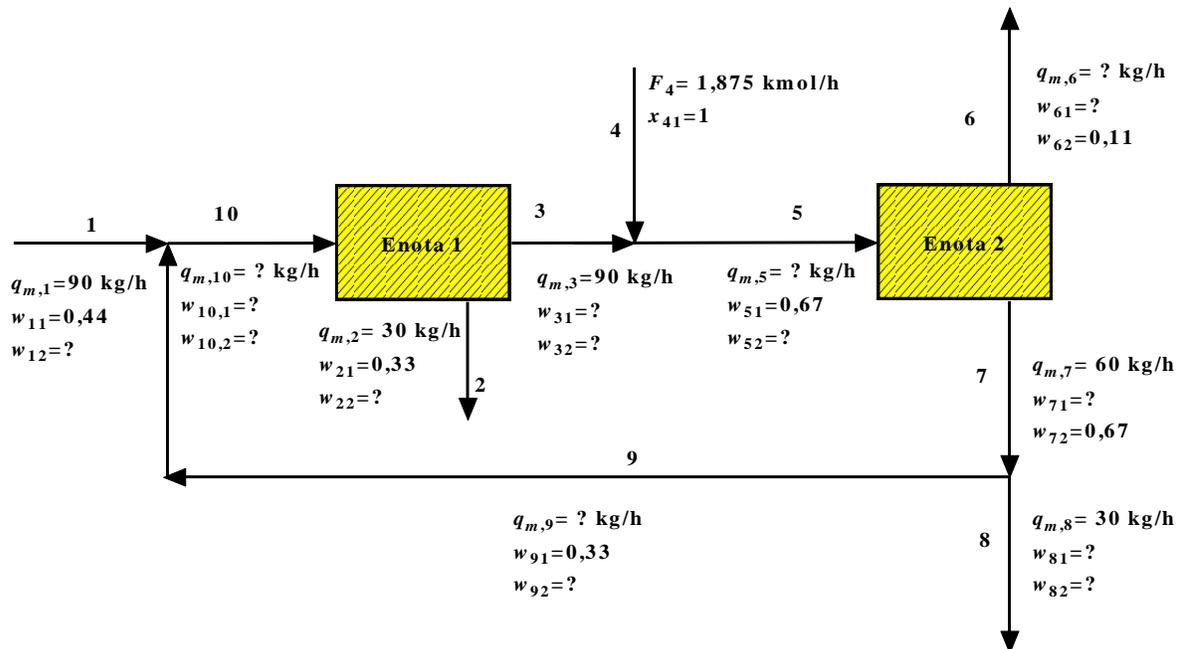
(Rezultat:  $N_s = 20$ ;  $N_n = 11$ ;  $N_e = 9$ )

$q_{m,2} = 20 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,3} = 90 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,4} = 60 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,5} = 150 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,7} = 60 \text{ kg/h}$   
 $w_{11} = 0,454$ ;  $w_{32} = 0,56$ ;  $w_{52} = 0,333$ ;  $w_{62} = 0,11$ ;  $w_{72} = 0,667$ )

**Naloga III/11:** Masna bilanca sistema procesnih enot za proizvodnjo metanola z delnim obtokom destilacijskega ostanka

Izračunajte masno bilanco procesa, prikazanega na sliki. Določite  $N_s$ ,  $N_n$  in  $N_e$  ter vse neznane tokove in sestave! Preverite masno bilanco procesa!

1–metanol  
2–voda



(Rezultat:  $N_s = 29$ ;  $N_n = 13$ ;  $N_e = 16$ )

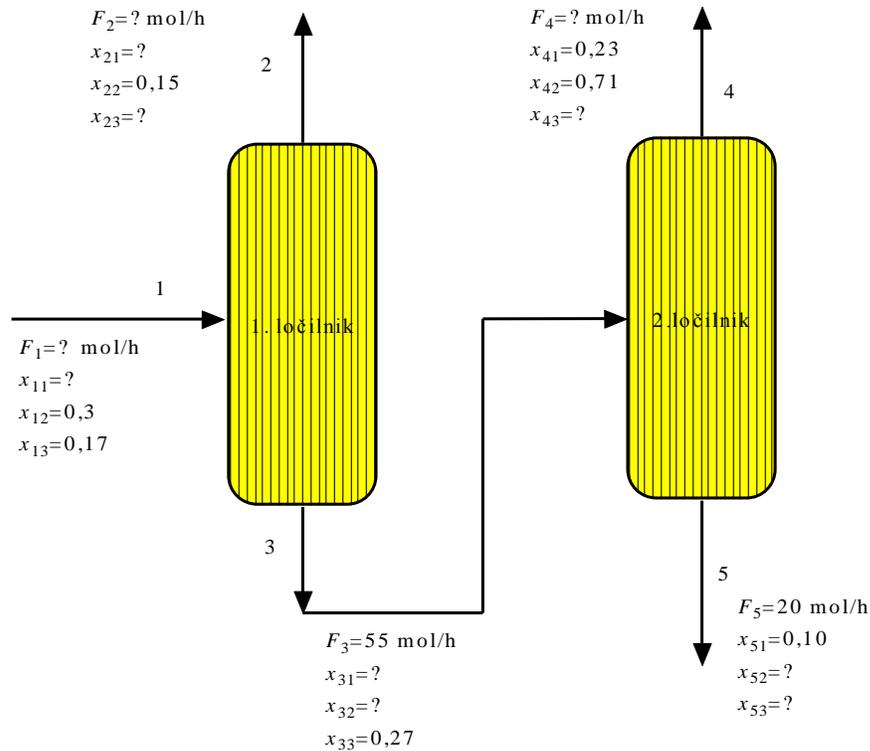
$q_{m,4} = 60 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,5} = 150 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,6} = 90 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,9} = 30 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,10} = 120 \text{ kg/h}$   
 $w_{12} = 0,555$ ;  $w_{22} = 0,67$ ;  $w_{31} = 0,44$ ;  $w_{32} = 0,56$ ;  $w_{52} = 0,333$ ;  $w_{61} = 0,89$ ;  $w_{71} = 0,33$ ;  
 $w_{81} = 0,33$ ;  $w_{82} = 0,67$ ;  $w_{92} = 0,67$ ;  $w_{10,1} = 0,42$ ;  $w_{10,2} = 0,58$ )

**Naloga III/12:** Izračun masne bilance sistema dveh ločilnikov

Rešite masno bilanco sistema dveh ločilnikov, ki je prikazan na sliki. Označite vse možne bilančne meje, zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ .
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže.

benzol – 1  
 toluol – 2  
 ksilol – 3



**(Rezultat:**  $N_s = 20$ ;  $N_n = 9$ ;  $N_e = 11$

$F_1 = 120 \text{ mol/h}$ ;  $F_2 = 65 \text{ mol/h}$ ;  $F_4 = 35 \text{ mol/h}$ ;

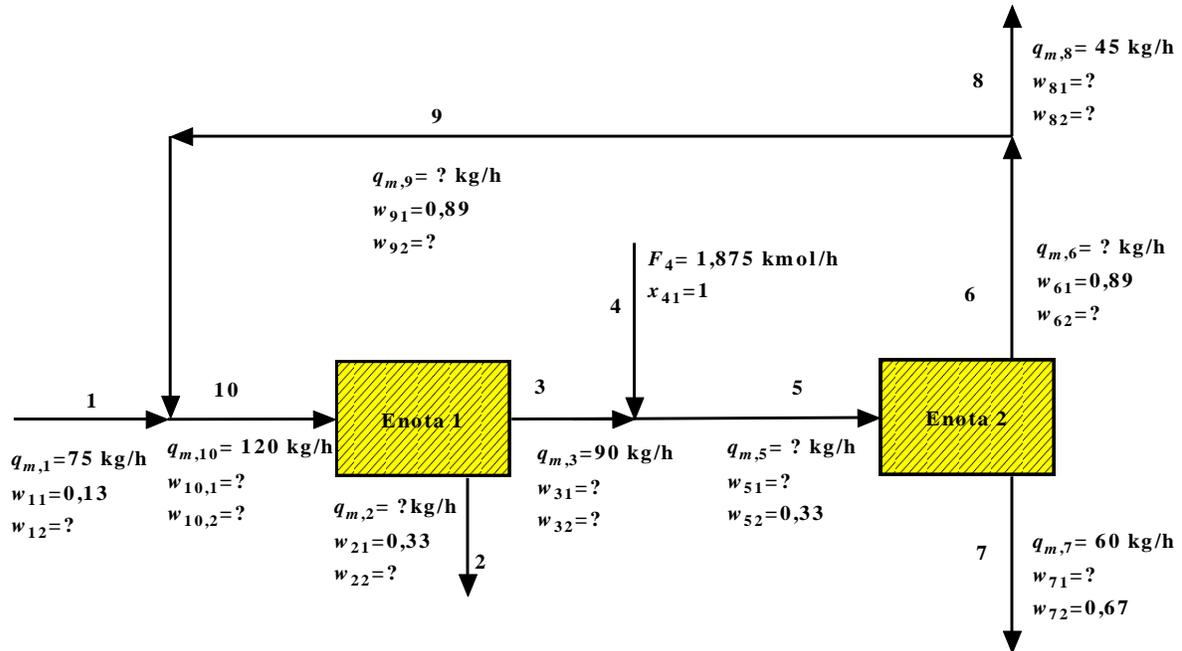
$x_{11} = 0,5$ ;  $x_{21} = 0,77$ ;  $x_{23} = 0,08$ ;  $x_{31} = 0,18$ ;  $x_{32} = 0,55$ ;  $x_{43} = 0,06$ ;  $x_{52} = 0,25$ ;  $x_{53} = 0,65$ )

**Naloga III/13:** Izračun masne bilance sistema procesnih enot za proizvodnjo amoniaka z obtokom

Izračunajte masno bilanco procesa, prikazanega na sliki. Določite  $N_s$ ,  $N_n$  in  $N_e$  ter vse neznane tokove in sestave! Preverite masno bilanco procesa!

1–dušik

2–amoniak



(Rezultat:  $N_s = 29$ ;  $N_n = 13$ ;  $N_e = 16$ )

$q_{m,2} = 30 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,4} = 60 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,5} = 150 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,6} = 90 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,9} = 45 \text{ kg/h}$ ;  
 $q_{m,10} = 120 \text{ kg/h}$

$w_{12} = 0,87$ ;  $w_{22} = 0,67$ ;  $w_{31} = 0,44$ ;  $w_{32} = 0,56$ ;  $w_{51} = 0,67$ ;  $w_{62} = 0,11$ ;  $w_{71} = 0,33$ ;  
 $w_{81} = 0,89$ ;  $w_{82} = 0,11$ ;  $w_{92} = 0,11$ ;  $w_{10,1} = 0,42$ ;  $w_{10,2} = 0,58$ )

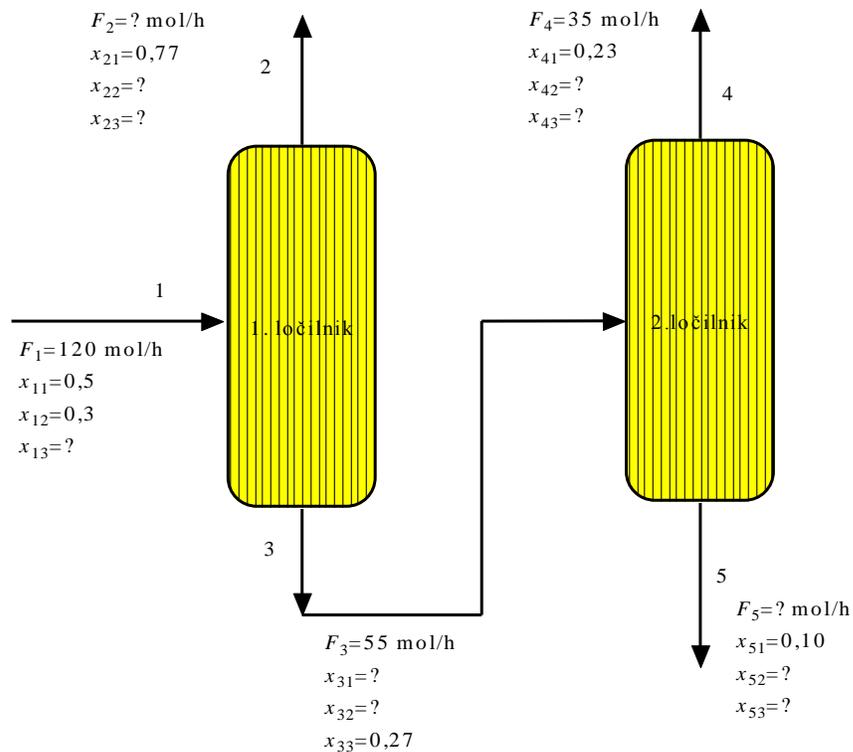
**Naloga III/14:** Izračun masne bilance sistema procesnih enot trikomponentne zmesi

Rešite masno bilanco **sistema dveh ločilnikov**, ki je prikazan na sliki. Označite vse možne bilančne meje, zapišite enačbe za masno bilanco ter izračunajte:

- $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ .
- manjkajoče masne tokove,
- manjkajoče masne deleže.

Rezultate prikažite v preglednici ter preverite masno bilanco celotnega procesa.

metanol – 1  
voda – 2  
butanol – 3



**(Rezultat:**  $N_s = 20$ ;  $N_n = 9$ ;  $N_e = 11$

$F_2 = 65$  mol/h;  $F_5 = 20$  mol/h;

$x_{13} = 0,17$ ;  $x_{22} = 0,15$ ;  $x_{23} = 0,08$ ;  $x_{31} = 0,18$ ;  $x_{32} = 0,55$ ;  $x_{42} = 0,71$ ;  $x_{43} = 0,06$ ;

$x_{52} = 0,25$ ;  $x_{53} = 0,65$ )

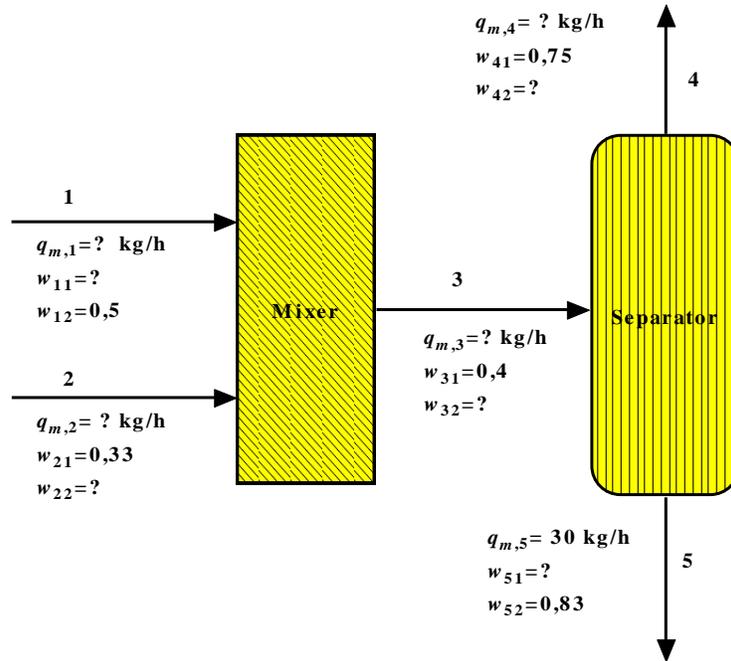
### Naloga III/15: Material balance of the system for benzene/toluene mixture

Solve the mass balance of the **mixer** and **separator**, which is shown in Figure. Write down the equations for the mass balance and calculate:

- $N_s$ ,  $N_n$ ,  $N_e$ ,
- the missing mass flow rates,
- the missing mass fractions,
- $\overline{M}_2$ ,  $F_2$  in  $x_{22}$ .

1–benzene

2–toluene



(Results: a)  $N_s = 15$ ;  $N_n = 6$ ;  $N_e = 9$

b)  $q_{m,1} = 20 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,2} = 30 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,3} = 50 \text{ kg/h}$ ;  $q_{m,4} = 20 \text{ kg/h}$

c)  $w_{11} = 0,5$ ;  $w_{22} = 0,67$ ;  $w_{32} = 0,60$ ;  $w_{42} = 0,25$ ;  $w_{51} = 0,167$

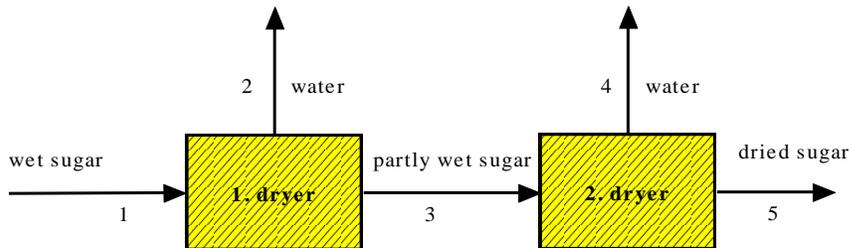
d)  $\overline{M}_2 = 87$ ;  $F_2 = 0,34$ ;  $x_{22} = 0,63$

### Naloga III/16: Material balance of the two-stage dryer

Wet sugar contains  $w = 20\%$  of water. This sugar was fed into the first dryer where  $30\%$  of water was removed and in the second  $w = 35\%$ . The mass flow rate of wet sugar is  $100 \text{ kg/min}$ . Calculate the missing mass flow rates and mass fractions after each dryer. The simplified process is shown in Figure.

1—sugar

2—water



(Results:  $w_{31} = 0,85$ ;  $w_{51} = 0,89$ )

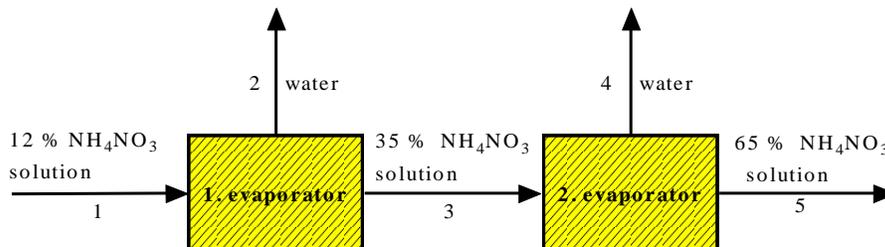
**Naloga III/17: Material balance in the two-stage evaporator**

Calculate:

a) how much water should evaporate from the first and second evaporator, if desired from 12 %  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  solution to obtain 35 % solution of  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  after first evaporator and 65 % after second evaporator. The fractions are on a weight basis. The inlet mass flow rate ( $q_m$ ) in the first evaporator is 1000 kg/h.

Write down the equations for the mass balance and define:

b) the outlet mass flow rate of  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  solution after the first and second evaporator.



(Results: a)  $q_{m,2} = 657$  kg/h;  $q_{m,4} = 158$  kg/h

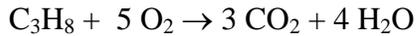
b)  $q_{m,3} = 343$  kg/h;  $q_{m,5} = 185$  kg/h)



## IV. Poglavje: Masne bilance za kemijske reaktorje

**Naloga IV/1:** Masna bilanca reaktorja zgorevanja propana

Ogljikovodik propan zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_3\text{H}_8$
- 2...  $\text{O}_2$
- 3...  $\text{CO}_2$
- 4...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok propana na vtoku je,  $F_{11} = 100$  mol/h in kisika,  $F_{12} = 250$  mol/h. Hitrost presnove je  $\omega = 50$  mol/h.

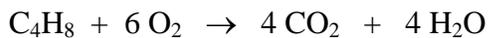
Izračunajte:

- a) množinske tokove na iztoku ( $F_{21}$ ,  $F_{22}$ ,  $F_{23}$ ,  $F_{24}$ ) v mol/h na osnovi masne bilance, ki temelji na kemijskih komponentah,
- b) celotni iztok,
- c) stopnjo presnove obeh reaktantov in na koncu
- d) preverite masno bilanco reaktorja.

**(Rezultat:** a)  $F_{21} = 50$  mol/h;  $F_{22} = 0$  mol/h;  $F_{23} = 150$  mol/h;  $F_{24} = 200$  mol/h  
b)  $F_2 = 400$  mol/h  
c)  $X_1 = 50$  %;  $X_2 = 100$  %  
d)  $q_{m1} = q_{m2} = 12400$ )

**Naloga IV/2:** Masna bilanca reaktorja zgorevanja butena

Buten zgoreva po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_4\text{H}_8$
- 2...  $\text{O}_2$
- 3...  $\text{CO}_2$
- 4...  $\text{H}_2\text{O}$

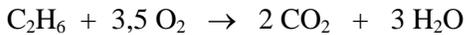
V reaktor vteka 100 mol/h  $C_4H_8$ , zreagira ga samo 50 %.

- Kakšna je hitrost presnove?
- Kakšna je hitrost nastajanja vode in  $CO_2$ ?
- Koliko butena izteka iz reaktorja?

**(Rezultat:** a)  $w = 50$  mol/h  
b)  $dn_4/dt = 200$  mol/h;  $dn_3/dt = 200$  mol/h;  
c)  $F_{21} = 50$  mol/h)

**Naloga IV/3:** Masna bilanca reaktorja zgorevanja etana z znano stopnjo presnove

Ogljikovodik etan zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- ...  $C_2H_6$
- ...  $O_2$
- ...  $CO_2$
- ...  $H_2O$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok etana na vtoku v reaktor je 100 mol/h in kisika 200 mol/h. Stopnja presnove metana je  $X = 40$  %. Izračunajte masno bilanco reaktorja. Enačbe masne bilance in izračun izvedite na osnovi **kemijskih elementov**.

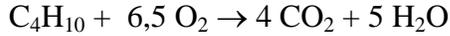
Kot rezultat podajte:

- množinske tokove komponent na iztoku reaktorja,
- celotni iztok reaktorja,
- sestavo vtoka in iztoka v množinskih deležih.

**(Rezultat:** a)  $F_{21} = 60$  mol/h;  $F_{22} = 60$  mol/h;  $F_{23} = 80$  mol/h;  $F_{24} = 120$  mol/h  
b)  $F_2 = 320$  mol/h)

**Naloga IV/4:** Masna bilanca reaktorja zgorevanja butana

Ogljikovodik butan zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_4\text{H}_{10}$
- 2...  $\text{O}_2$
- 3...  $\text{CO}_2$
- 4...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok butana na vtoku je,  $F_{11} = 100 \text{ mol/h}$  in kisika,  $F_{12} = 350 \text{ mol/h}$ .  
Hitrost presnove je  $\omega = 50 \text{ mol/h}$ .

Izračunajte:

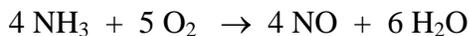
- a) množinske tokove na iztoku ( $F_{21}, F_{22}, F_{23}, F_{24}$ ) v mol/h na osnovi masne bilance, ki temelji na kemijskih komponentah,
- b) celotni iztok,
- c) stopnjo presnove obeh reaktantov.

Na koncu preverite masno bilanco reaktorja.

- (**Rezultat:** a)  $F_{21} = 50 \text{ mol/h}$ ;  $F_{22} = 25 \text{ mol/h}$ ;  $F_{23} = 200 \text{ mol/h}$ ;  $F_{24} = 250 \text{ mol/h}$   
 b)  $F_2 = 525 \text{ mol/h}$   
 c)  $X_1 = 50 \%$ ;  $X_2 = 92,8 \%$ )

#### Naloga IV/5: Masna bilanca reaktorja pridobivanja dušikove kisline

Moderni proces pridobivanja dušikove kisline je osnovan na oksidaciji amonijaka po Haberjevi reakciji. Prva stopnja oksidacijskega procesa je reakcija med  $\text{NH}_3$  in  $\text{O}_2$  v prisotnosti Pt kot katalizatorja. V tej fazi proizvedemo NO. Reakcija je naslednja:



- 1...  $\text{NH}_3$
- 2...  $\text{O}_2$
- 3...  $\text{NO}$
- 4...  $\text{H}_2\text{O}$

Predpostavimo, da dosežemo 80 % stopnjo presnove ključne komponente (kisika), če pomešamo enaka množinska tokova  $\text{NH}_3$  in  $\text{O}_2$  pri čemer znaša celotni vtok 100 mol/h. Masno bilanco postavite na osnovi **kemijskih komponent**. Narišite shemo procesa ter izračunajte:

- a) množinske tokove komponent v produktu,
- b) izhodno sestavo,

c) stopnjo presnove  $\text{NH}_3$ .

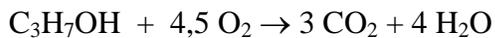
(Rezultat: a)  $F_{21} = 18 \text{ mol/h}$ ;  $F_{22} = 10 \text{ mol/h}$ ;  $F_{23} = 32 \text{ mol/h}$ ;  $F_{24} = 48 \text{ mol/h}$

b)  $F_2 = 108 \text{ mol/h}$

c)  $X_1 = 64 \%$ )

#### Naloga IV/6: Masna bilanca reaktorja zgorevanja propanola

Propanol zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



1...  $\text{C}_3\text{H}_7\text{OH}$

2...  $\text{O}_2$

3...  $\text{CO}_2$

4...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok propanola na vtoku je,  $F_{11} = 100 \text{ mol/h}$  in kisika,  $F_{12} = 250 \text{ mol/h}$ .

Hitrost presnove je  $\omega = 50 \text{ mol/h}$ .

Izračunajte:

a) množinske tokove na iztoku ( $F_{21}$ ,  $F_{22}$ ,  $F_{23}$ ,  $F_{24}$ ) v mol/h na osnovi masne bilance, ki temelji na kemijskih komponentah,

b) celotni iztok,

c) stopnjo presnove obeh reaktantov.

Na koncu preverite masno bilanco reaktorja.

(Rezultat: a)  $F_{21} = 50 \text{ mol/h}$ ;  $F_{22} = 25 \text{ mol/h}$ ;  $F_{23} = 150 \text{ mol/h}$ ;  $F_{24} = 200 \text{ mol/h}$

b)  $F_2 = 425 \text{ mol/h}$

c)  $X_1 = 50 \%$ ;  $X_2 = 90 \%$ )

#### Naloga IV/7: Masna bilanca reaktorja dehidrogenacije etana

Procesna shema prikazuje dehidrogenacijo etana v stacionarnem stanju. Reakcija je naslednja:



1...  $\text{C}_2\text{H}_6$

2...  $\text{C}_2\text{H}_4$

3...  $\text{H}_2$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Pretok etana v reaktor znaša 100 kmol/min, pretok vodika na iztoku je 40 kmol/min.

a) Izračunajte množinski pretok etana in etena na iztoku.

b) Izračunajte celotni iztok,  $F_2$ , reaktorja.

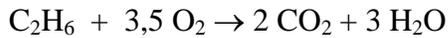
Enačbe masne bilance postavite na osnovi **prisotnih elementov!**

(**Rezultat:** a)  $F_{21} = 60$  kmol/min,  $F_{22} = 40$  kmol/min

b)  $F_2 = 140$  kmol/min)

**Naloga IV/8:** Masna bilanca reaktorja zgorevanja etana

Ogljikovodik etan zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



1...  $\text{C}_2\text{H}_6$

2...  $\text{O}_2$

3...  $\text{CO}_2$

4...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok etana na vtoku je,  $F_{11} = 100$  mol/h in kisika,  $F_{12} = 210$  mol/h.  
Hitrost presnove je  $\omega = 60$  mol/h.

Izračunajte:

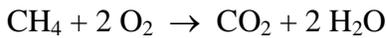
- množinske tokove na iztoku ( $F_{21}, F_{22}, F_{23}, F_{24}$ ) v mol/h na osnovi masne bilance, ki temelji na kemijskih komponentah,
- celotni iztok,
- stopnjo presnove obeh reaktantov.

Na koncu preverite masno bilanco reaktorja.

(**Rezultat:** a)  $F_{21} = 40$  mol/h;  $F_{22} = 0$  mol/h;  $F_{23} = 120$  mol/h;  $F_{24} = 180$  mol/h  
b)  $F_2 = 340$  mol/h  
c)  $X_1 = 60\%$ ;  $X_2 = 100\%$ )

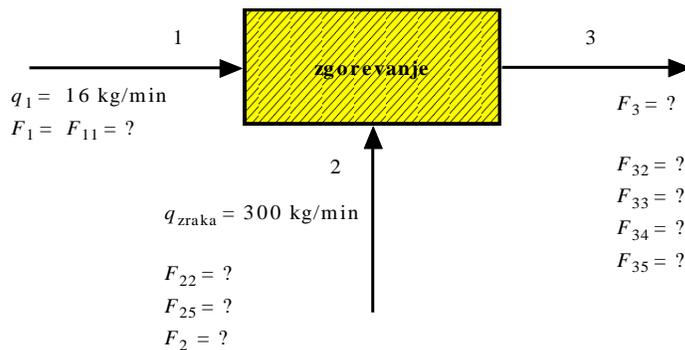
#### Naloga IV/9: Masna bilanca zgorevanja metana v komori

Metan zgoreva po naslednji reakciji:



- ...  $\text{CH}_4$
- ...  $\text{O}_2$
- ...  $\text{CO}_2$
- ...  $\text{H}_2\text{O}$
- ...  $\text{N}_2$

Podrobni podatki in zahteve so razvidni iz procesne sheme:



Predpostavimo popolno zgorevanje. V gorilnik dovajamo metan in zrak. Pretok metana je 16 kg/min in zraka 300 kg/min. Sestava zraka je  $x = 21\%$   $\text{O}_2$  in  $x = 79\%$   $\text{N}_2$  ( $\bar{M}_{\text{zraka}} = 29$  g/mol).

Izračunajte:

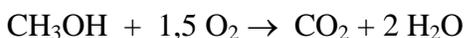
- pretoke komponent v produktu ter celotni pretok,
- stopnjo presnove  $O_2$ ,
- pretoke komponent v toku 2 in 1.

Pri izračunavanju spremenljivk uporabite **poenostavljen model** za masne bilance.

- (**Rezultat:** a)  $F_{31} = 0$  kmol/min;  $F_{32} = 0,17$  kmol/min;  $F_{33} = 1$  kmol/min;  
 $F_{34} = 2$  kmol/min;  $F_{35} = 8,17$  kmol/min;  $F_3 = 11,34$  kmol/min  
b)  $X_2 = 92\%$   
c)  $F_{22} = 2,17$  kmol/min;  $F_{25} = 8,17$  kmol/min;  $F_2 = 10,34$  kmol/min;  
 $F_1 = 1$  kmol/min =  $F_{11}$ )

#### Naloga IV/10: Masna bilanca reaktorja zgorevanja metanola

Metanol zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- ...  $CH_3OH$
- ...  $O_2$
- ...  $CO_2$
- ...  $H_2O$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok metanola na vtoku je,  $F_{11} = 100$  mol/h in kisika,  $F_{12} = 100$  mol/h.  
Hitrost presnove je  $\omega = 55$  mol/h.

Izračunajte:

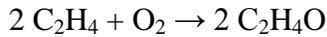
- množinske tokove na iztoku ( $F_{21}$ ,  $F_{22}$ ,  $F_{23}$ ,  $F_{24}$ ) v mol/h na osnovi masne bilance, ki temelji na kemijskih komponentah,
- celotni iztok,
- stopnjo presnove obeh reaktantov.

Na koncu preverite masno bilanco reaktorja.

- (**Rezultat:** a)  $F_{21} = 45$  mol/h;  $F_{22} = 17,5$  mol/h;  $F_{23} = 55$  mol/h;  $F_{24} = 110$  mol/h  
b)  $F_2 = 227,5$  mol/h  
c)  $X_1 = 55\%$ ;  $X_2 = 82,5\%$ )

**Naloga IV/11:** Masna bilanca reaktorja oksidacije etena

Z oksidacijo etena proizvajamo etenoksid po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_2\text{H}_4$
- 2.... $\text{O}_2$
- 3....  $\text{C}_2\text{H}_4\text{O}$

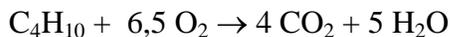
Vtok v reaktor je 200 kmol/h etena in 200 kmol/h kisika. Predpostavimo, da reakcija poteče do konca. Določite:

- a) Kateri reaktant je ključni reaktant!
- b) Kakšen je delež prebitnega reaktanta?
- c) Kakšna je stopnja presnove prebitnega reaktanta?
- d) Določite sestavo produkta!

**(Rezultat:** a) eten  
b) 0,5  
c)  $X_2 = 50 \%$   
d)  $F_{21} = 0 \text{ kmol/h}$ ;  $F_{22} = 100 \text{ kmol/h}$ ;  $F_{23} = 200 \text{ kmol/h}$ )

**Naloga IV/12:** Izračun prebitnega zraka<sup>1</sup>

100 mol/h butana in 5000 mol/h zraka vteka v reaktor, v katerem poteka naslednja reakcija:

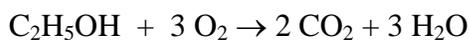


Sestava zraka je  $x = 21 \%$   $\text{O}_2$  in  $x = 79 \%$   $\text{N}_2$  ( $\bar{M}_{\text{zraka}} = 29 \text{ g/mol}$ ). Izračunajte delež prebitnega zraka.

**(Rezultat:**  $\Delta x_{\text{zrak}} = 0,616$ )

**Naloga IV/13:** Masna bilanca reaktorja zgorevanja etanola

Etanol zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$
- 2.... $\text{O}_2$

- 3....CO<sub>2</sub>
- 4....H<sub>2</sub>O

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok etanola na vtoku je,  $F_{11} = 100$  mol/h in kisika,  $F_{12} = 210$  mol/h. Hitrost presnove je  $\omega = 70$  mol/h.

Izračunajte:

- a) množinske tokove na iztoku ( $F_{21}, F_{22}, F_{23}, F_{24}$ ) v mol/h na osnovi masne bilance, ki temelji na kemijskih komponentah,
- b) celotni iztok,
- c) stopnjo presnove obeh reaktantov.

Na koncu preverite masno bilanco reaktorja.

- (**Rezultat:** a)  $F_{21} = 30$  mol/h;  $F_{22} = 0$  mol/h;  $F_{23} = 140$  mol/h;  $F_{24} = 210$  mol/h  
 b)  $F_2 = 380$  mol/h  
 c)  $X_1 = 70$  %;  $X_2 = 100$  %)

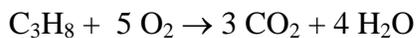
#### Naloga IV/14: Izračun sestave plina v množinskih deležih<sup>1</sup>

Dimni plini vsebujejo:  $x_{N_2} = 60$  %,  $x_{CO_2} = 15$  %,  $x_{O_2} = 10$  % O<sub>2</sub> in preostalo vode. Izračunajte sestavo suhe plinske zmesi v množinskih deležih.

- (**Rezultat:**  $x = 70,6$  % N<sub>2</sub>,  $x = 17,6$  % CO<sub>2</sub>,  $x = 11,8$  % O<sub>2</sub>)

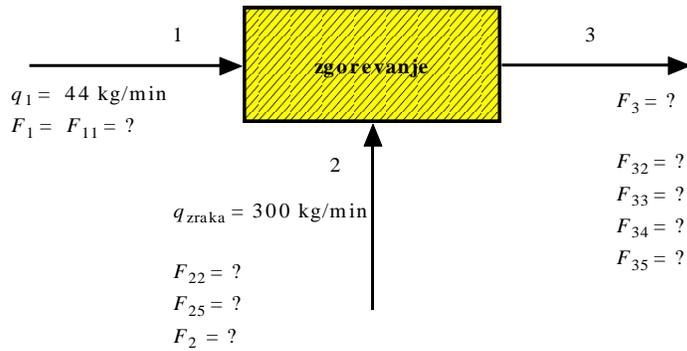
#### Naloga IV/15: Masna bilanca reaktorja zgorevanja propana

Propan zgoreva po naslednji reakciji:



- 1... C<sub>3</sub>H<sub>8</sub>
- 2....O<sub>2</sub>
- 3....CO<sub>2</sub>
- 4....H<sub>2</sub>O
- 5....N<sub>2</sub>

Predpostavimo popolno zgorevanje. V gorilnik dovajamo propan in zrak. Pretok propana je 44 kg/min in zraka 300 kg/min. Sestava zraka  $x = 21\% \text{ O}_2$  in  $x = 79\% \text{ N}_2$  ( $\bar{M}_{\text{zraka}} = 29 \text{ g/mol}$ ). Enačbe masne bilance postavite na osnovi prisotnih **kemijskih elementov**. Podrobni podatki so razvidni iz procesne sheme.



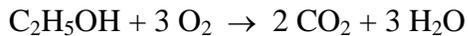
Izračunajte:

- pretoke komponent v produktu ter celotni pretok,
- stopnjo presnove  $\text{O}_2$ ,
- pretoke komponent v toku 2 in 1.

**(Rezultat:** a)  $F_{31} = 0 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{32} = 0,17 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{33} = 3 \text{ kmol/min}$ ;  
 $F_{34} = 4 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{35} = 8,17 \text{ kmol/min}$ ;  $F_3 = 15,34 \text{ kmol/min}$   
 b)  $X_2 = 92\%$   
 c)  $F_{22} = 2,17 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{25} = 8,17 \text{ kmol/min}$ ;  $F_2 = 10,34 \text{ kmol/min}$ ;  
 $F_1 = 1 \text{ kmol/min} = F_{11}$ )

#### Naloga IV/16: Masna bilanca zgorevanja etanola v komori

Etanol zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- ...  $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$
- ...  $\text{O}_2$
- ...  $\text{CO}_2$
- ...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok etanola na vtoku v reaktor je 100 mol/h in kisika, 200 mol/h. Stopnja presnove metana je  $X = 40\%$ .

Izračunajte:

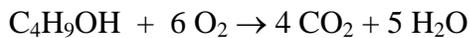
- množinske tokove komponent na iztoku reaktorja na osnovi masne bilance komponent,
- celotni iztok reaktorja,
- hitrost presnove.

Preverite masno bilanco reaktorja.

**(Rezultat:** a)  $F_{21} = 60$  mol/h;  $F_{22} = 80$  mol/h;  $F_{23} = 80$  mol/h;  $F_{24} = 120$  mol/h  
 b)  $F_2 = 340$  mol/h  
 c)  $\omega = 40$  mol/h)

#### Naloga IV/17: Masna bilanca reaktorja zgorevanja butanola

Butanol zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- ...  $\text{C}_4\text{H}_9\text{OH}$
- ...  $\text{O}_2$
- ...  $\text{CO}_2$
- ...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok butanola na vtoku je,  $F_{11} = 100$  mol/h in kisika,  $F_{12} = 350$  mol/h. Hitrost presnove je  $\omega = 50$  mol/h.

Izračunajte:

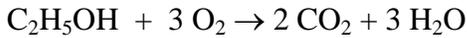
- množinske tokove na iztoku ( $F_{21}$ ,  $F_{22}$ ,  $F_{23}$ ,  $F_{24}$ ) v mol/h na osnovi masne bilance, ki temelji na kemijskih komponentah,
- celotni iztok,
- stopnjo presnove obeh reaktantov.

Preverite masno bilanco reaktorja.

- (**Rezultat:** a)  $F_{21} = 50 \text{ mol/h}$ ;  $F_{22} = 50 \text{ mol/h}$ ;  $F_{23} = 200 \text{ mol/h}$ ;  $F_{24} = 250 \text{ mol/h}$   
 b)  $F_2 = 550 \text{ mol/h}$   
 c)  $X_1 = 50 \%$ ;  $X_2 = 85,7 \%$ )

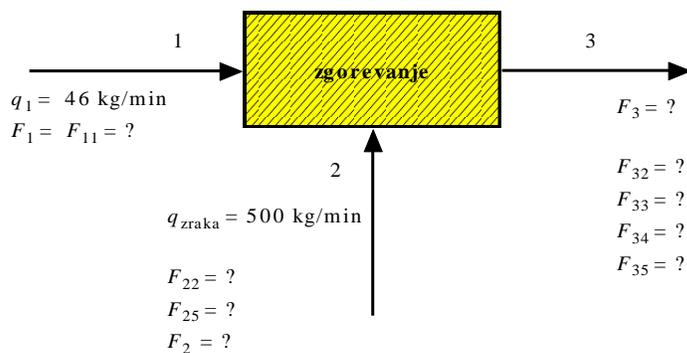
**Naloga IV/18:** Masna bilanca reaktorja popolnega zgorevanja etanola

Etanol zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$
- 2.... $\text{O}_2$
- 3.... $\text{CO}_2$
- 4.... $\text{H}_2\text{O}$
- 5.... $\text{N}_2$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Predpostavimo popolno zgorevanje. V gorilnik dovajamo etanol in zrak. Pretok etanola je  $46 \text{ kg/min}$  in zraka  $500 \text{ kg/min}$ . Sestava zraka  $x = 21 \%$   $\text{O}_2$  in  $x = 79 \%$   $\text{N}_2$   
 ( $\bar{M}_{\text{zraka}} = 29 \text{ g/mol}$ ) .

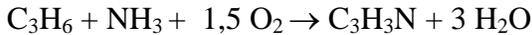
Izračunajte:

- a) pretoke komponent v produktu ter celotni pretok,
- b) stopnjo presnove  $\text{O}_2$ ,
- c) pretoke komponent v toku 2 in 1.

- (**Rezultat:** a)  $F_{31} = 0 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{32} = 0,62 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{33} = 2 \text{ kmol/min}$ ;  
 $F_{34} = 3 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{35} = 13,62 \text{ kmol/min}$ ;  $F_3 = 19,24 \text{ kmol/min}$   
 b)  $X_2 = 83 \%$   
 c)  $F_{22} = 3,62 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{25} = 13,62 \text{ kmol/min}$ ;  $F_2 = 17,24 \text{ kmol/min}$ ;  
 $F_1 = 1 \text{ kmol/min} = F_{11}$ )

**Naloga IV/19:** Production of acrylonitrile<sup>1</sup>

Acrylonitrile is produced in the reaction of propylene, ammonia and oxygen:



The feed contains  $x = 10,0$  % propylene,  $x = 12,0$  % ammonia, and  $x = 78,0$  % air. A fractional conversion  $X = 30,0$  % of the limiting reactant is achieved. Taking 100 mol of feed as a basis.

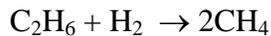
- Determine which reactant is limiting, the percentage by which each of the other reactants is in excess.
- Determine the molar amounts of all product gas constituents for a 30 % conversion of the limiting reactant.

**(Results:** a) 20 % excess  $\text{NH}_3$ ; 9,3 % excess  $\text{O}_2$

b) 7,0 mol  $\text{C}_3\text{H}_6$ ; 9,0 mol  $\text{NH}_3$ ; 11,9 mol  $\text{O}_2$ ; 3 mol  $\text{C}_3\text{H}_3\text{N}$  ; 9 mol  $\text{H}_2\text{O}$ ;  
61,6 mol  $\text{N}_2$ )

**Naloga IV/20:** Production of ethane and methane<sup>1</sup>

The reactions:



take place in a continuous reactor at steady state. The feed contains  $x = 85,0$  % ethane ( $\text{C}_2\text{H}_6$ ) and the balance inerts (I). The fractional conversion of ethane is 50,1 %, and of ethylene is 47,1 %. Calculate the molar composition of the product gas.

**(Results:** 30,3 %  $\text{C}_2\text{H}_6$ ; 28,6 %  $\text{C}_2\text{H}_4$ ; 26,7 %  $\text{H}_2$ ; 3,7 %  $\text{CH}_4$ ; 10,7 % I)

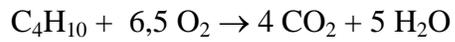
**Naloga IV/21:** Molar composition of the gas<sup>1</sup>

A stack gas contains  $x = 65$  %  $\text{N}_2$ ,  $x = 10$  %,  $\text{CO}_2$ ,  $x = 10$  %  $\text{O}_2$  and the balance  $\text{H}_2\text{O}$ . Calculate the molar composition of the gas on a dry basis.

**(Result:**  $x = 76$  %  $\text{N}_2$ ;  $x = 11,7$  %  $\text{CO}_2$ ;  $x = 11,7$  %  $\text{O}_2$ )

**Naloga IV/22:** Production of the gas<sup>1</sup>

One hundred mol/h of butane (C<sub>4</sub>H<sub>10</sub>) and 5100 mol/h of air are fed into a combustion reactor:



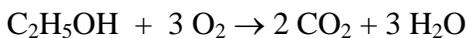
The composition of the air is  $x = 21 \%$  O<sub>2</sub> in  $x = 79 \%$  N<sub>2</sub> ( $\bar{M}_{\text{zrak}} = 29$  g/mol). Calculate the percent excess air.

**(Result:  $\Delta x_{\text{zrak}} = 62,8 \%$ )**

## V. Poglavje: Masne bilance sistemov procesnih enot s kemijsko reakcijo

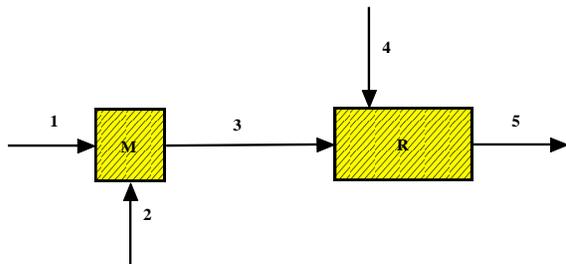
### Naloga V/1: Zgorevanje etanola

Čisti etanol in kisik ločeno vtekata v mešalnik (M). Zmes nato vteka v reaktor (R), kjer zgoreva s hitrostjo presnove,  $\omega = 50$  mol/h. Reakcija je naslednja:



- 1 ...  $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$
- 2 ...  $\text{O}_2$
- 3 ...  $\text{CO}_2$
- 4 ...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:

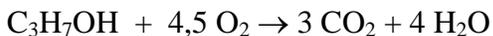


Množinski tok etanola na vtoku v mešalnik,  $F_1 = 100$  mol/h in kisika,  $F_2 = 200$  mol/h. V reaktor še dodatno vteka čisti kisik,  $F_{42} = 10$  mol/h. Izračunajte vse množinske tokove na iztoku reaktorja ( $F_{51}$ ,  $F_{52}$ ,  $F_{53}$ ,  $F_{54}$ ) v mol/h.

**(Rezultat:**  $F_{51} = 50$  mol/h;  $F_{52} = 60$  mol/h;  $F_{53} = 100$  mol/h;  $F_{54} = 150$  mol/h)

### Naloga V/2: Zgorevanje propanola

Propanol zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_3\text{H}_7\text{OH}$
- 2...  $\text{O}_2$
- 3...  $\text{CO}_2$
- 4...  $\text{H}_2\text{O}$

Množinski tok propanola na vtoku je,  $F_{11} = 100 \text{ mol/h}$  in kisika,  $F_{12} = 250 \text{ mol/h}$ . Hitrost presnove je  $\omega = 50 \text{ mol/h}$ . Za reaktorjem je še parcialni kondenzator, kjer se v toku 3 odstrani 96 % nastale vode. Ostala voda in plini izstopajo v iztoku 4.

Narišite shemo procesa ter izračunajte vse množinski pretoke. Preverite masno bilanco celotnega procesa.

**(Rezultat a):**  $F_{21} = 50 \text{ mol/h}$ ;  $F_{22} = 25 \text{ mol/h}$ ;  $F_{23} = 150 \text{ mol/h}$ ;  $F_{24} = 200 \text{ mol/h}$   
 $F_{31} = 50 \text{ mol/h}$ ;  $F_{32} = 25 \text{ mol/h}$ ;  $F_{33} = 150 \text{ mol/h}$ ;  $F_{34} = 8 \text{ mol/h}$ ;  
 $F_{44} = 192 \text{ mol/h}$ )

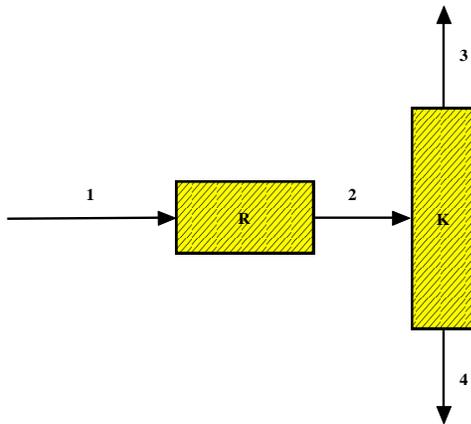
**Naloga V/3:** Zgorevanje etana z znano stopnjo presnove

Ogljikovodik etan zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_2\text{H}_6$
- 2.... $\text{O}_2$
- 3.... $\text{CO}_2$
- 4.... $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok etana na vtoku v reaktor (R) je  $100 \text{ mol/h}$  in kisika  $200 \text{ mol/h}$  (tok 1). Stopnja presnove metana je  $X = 40 \%$ . Izračunajte množinsko bilanco reaktorja in parcialnega kondenzatorja (K), kjer se v tekoči fazi odstrani 95 % nastale vode (tok 4). Ostala voda in plini izstopajo v plinskem iztoku (tok 3).

Kot rezultat podajte:

- a) množinske tokove komponent na iztoku reaktorja in kondenzatorja,  
 b) celotni iztok reaktorja in oba iztoka kondenzatorja.

(**Rezultat** a):  $F_{21} = 60 \text{ mol/h}$ ;  $F_{22} = 60 \text{ mol/h}$ ;  $F_{23} = 80 \text{ mol/h}$ ;  $F_{24} = 120 \text{ mol/h}$   
 $F_{31} = 60 \text{ mol/h}$ ;  $F_{32} = 60 \text{ mol/h}$ ;  $F_{33} = 80 \text{ mol/h}$ ;  $F_{34} = 6 \text{ mol/h}$ ;  
 $F_{44} = 114 \text{ mol/h}$   
 b)  $F_2 = 320 \text{ mol/h}$ ;  $F_3 = 206 \text{ mol/h}$ ;  $F_4 = 114 \text{ mol/h}$ )

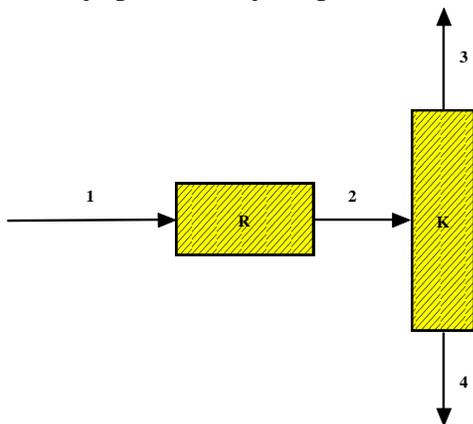
#### Naloga V/4: Pridobivanje dušikove kisline

Moderni proces pridobivanja dušikove kisline je osnovan na oksidaciji amonijaka po Haberjevi reakciji. Prva stopnja oksidacijskega procesa je reakcija med  $\text{NH}_3$  in  $\text{O}_2$  v prisotnosti Pt kot katalizatorja. V tej fazi proizvedemo NO. Reakcija je naslednja:



- 1...  $\text{NH}_3$
- 2...  $\text{O}_2$
- 3... NO
- 4...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Predpostavimo, da dosežemo 80 % presnovo ključne komponente (kisika), če pomešamo enaka množinska tokova  $\text{NH}_3$  in  $\text{O}_2$  pri čemer znaša celotni vtok 100 mol/h (tok 1). Za reaktorjem je še parcialni kondenzator (K), kjer se v tekoči fazi odstrani 96 % nastale vode (tok 4). Ostala voda in plini izstopajo v plinskem iztoku (tok 3).

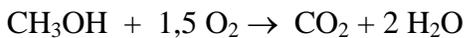
Izračunajte:

- a) množinske tokove reaktorja in kondenzatorja,  
 b) stopnjo presnove  $\text{NH}_3$ .

(**Rezultat:** a)  $F_{21} = 18 \text{ mol/h}$ ;  $F_{22} = 10 \text{ mol/h}$ ;  $F_{23} = 32 \text{ mol/h}$ ;  $F_{24} = 48 \text{ mol/h}$ ;  
 $F_{31} = 18 \text{ mol/h}$ ;  $F_{32} = 10 \text{ mol/h}$ ;  $F_{33} = 32 \text{ mol/h}$ ;  $F_{34} = 2 \text{ mol/h}$ ;  
 $F_{44} = 46 \text{ mol/h}$   
 b)  $X_1 = 64 \%$ )

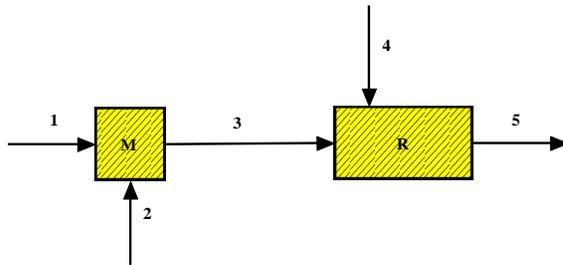
### Naloga V/5: Zgorevanje metanola

Čisti metanol in kisik ločeno vtekata v mešalnik (M) in reagirata v reaktorju (R). Hitrost presnove,  $\omega = 50 \text{ mol/h}$ . Reakcija je naslednja:



- 1... CH<sub>3</sub>OH
- 2... O<sub>2</sub>
- 3... CO<sub>2</sub>
- 4... H<sub>2</sub>O

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok metanola na vtoku v mešalnik,  $F_1 = 100 \text{ mol/h}$  in kisika,  $F_2 = 65 \text{ mol/h}$ . V reaktorju še dodatno vteka čisti kisik,  $F_{42} = 10 \text{ mol/h}$ . Izračunajte vse množinske tokove na iztoku reaktorja ( $F_{51}$ ,  $F_{52}$ ,  $F_{53}$ ,  $F_{54}$ ) v mol/h.

(**Rezultat:**  $F_{51} = 50 \text{ mol/h}$ ;  $F_{52} = 0 \text{ mol/h}$ ;  $F_{53} = 50 \text{ mol/h}$ ;  $F_{54} = 100 \text{ mol/h}$ )

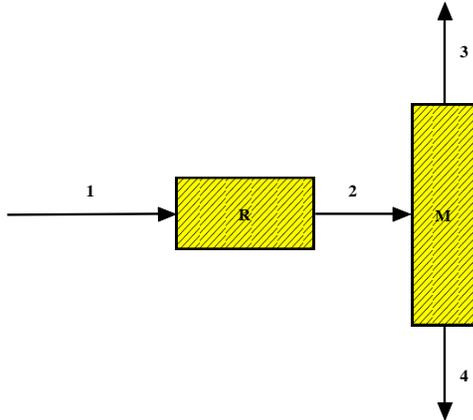
### Naloga V/6: Dehidrogenacija etana

Procesna shema prikazuje dehidrogenacijo etana v stacionarnem stanju. Reakcija je naslednja:



- 1... C<sub>2</sub>H<sub>6</sub>
- 2....C<sub>2</sub>H<sub>4</sub>
- 3....H<sub>2</sub>

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Pretok etana v reaktor (R) znaša 100 kmol/h (tok 1) in vodika 60 kmol/h na iztoku (tok 2). Za reaktorjem je še selektivna membrana (M), kjer se v toku 3 odstrani 96 % nastalega vodika. Ostali vodik in plini izstopajo v iztoku 4.

Izračunajte:

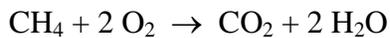
- a) množinski pretok etana in etena na iztoku reaktorja in membrane,
- b) stopnjo presnove etana.

Preverite masno bilanco celotnega procesa.

**(Rezultat:** a)  $F_{21} = 40$  kmol/h;  $F_{22} = 60$  kmol/h;  
 $F_{41} = 40$  kmol/h;  $F_{42} = 60$  kmol/h;  $F_{43} = 2,4$  mol/h;  $F_{33} = 57,6$  mol/h  
 b) 60 %)

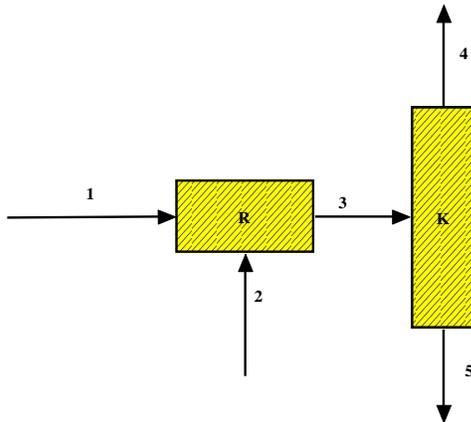
### Naloga V/7: Zgorevanje metana v komori

Metan zgoreva po naslednji reakciji:



- 1... CH<sub>4</sub>
- 2....O<sub>2</sub>
- 3....CO<sub>2</sub>
- 4....H<sub>2</sub>O
- 5....N<sub>2</sub>

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Predpostavimo popolno zgorevanje. V reaktor (R) dovajamo metan in zrak. Pretok metana (tok 1) je 16 kg/min in zraka 300 kg/min (tok 2). Sestava zraka je  $x = 21\% \text{ O}_2$  in  $x = 79\% \text{ N}_2$  ( $\bar{M}_{\text{zraka}} = 29 \text{ g/mol}$ ). Za reaktorjem je še parcialni kondenzator (K), kjer se v tekoči fazi odstrani 90 % nastale vode (tok 5). Ostala voda in plini izstopajo v plinskem iztoku (tok 4).

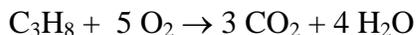
Izračunajte:

- pretoke komponent in celotni pretok za tokove 3, 4 in 5,
- presnovo  $\text{O}_2$ .

**(Rezultat:** a)  $F_{31} = 0 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{32} = 0,17 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{33} = 1 \text{ kmol/min}$ ;  
 $F_{34} = 2 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{35} = 8,17 \text{ kmol/min}$ ;  $F_3 = 11,34 \text{ kmol/min}$   
 $F_{41} = 0 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{42} = 0,17 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{43} = 1 \text{ kmol/min}$ ;  
 $F_{44} = 0,2 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{45} = 8,17 \text{ kmol/min}$ ;  $F_4 = 9,54 \text{ kmol/min}$ ;  
 $F_{54} = 1,8 \text{ kmol/min} = F_5$   
 b)  $X_2 = 92,2\%$ )

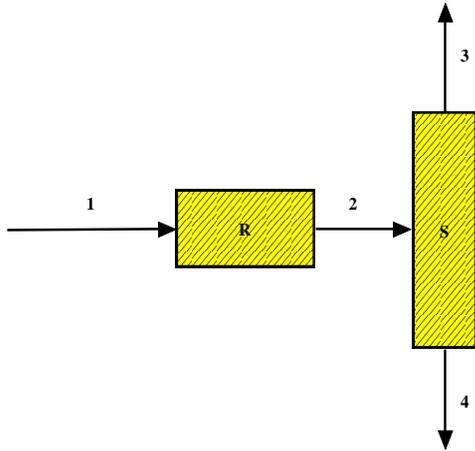
### Naloga V/8: Zgorevanje propana

Ogljikovodik propan zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- ...  $\text{C}_3\text{H}_8$
- ...  $\text{O}_2$
- ...  $\text{CO}_2$
- ...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Množinski tok propana na vtoku v reaktor (R) je 100 mol/h in kisika 200 mol/h (tok 1). Stopnja presnove propana je  $X = 40\%$ . Izračunajte množinsko bilanco reaktorja in separatorja (S), kjer se v iztoku destilacijskega ostanka odstrani 92 % nastale vode (tok 4). Ostala voda in plini izstopajo v iztoku destilata (tok 3).

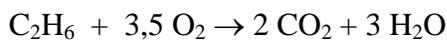
Kot rezultat podajte:

- množinske tokove komponent na iztoku reaktorja in separatorja,
- celotni množinski iztok reaktorja in oba iztoka separatorja.

**(Rezultat a):**  $F_{21} = 60$  mol/h;  $F_{22} = 0$  mol/h;  $F_{23} = 120$  mol/h;  $F_{24} = 160$  mol/h  
 $F_{31} = 60$  mol/h;  $F_{32} = 0$  mol/h;  $F_{33} = 120$  mol/h;  $F_{34} = 12,8$  mol/h;  
 $F_{44} = 147,2$  mol/h  
**b)**  $F_2 = 340$  mol/h;  $F_3 = 192,8$  mol/h;  $F_4 = 147,2$  mol/h)

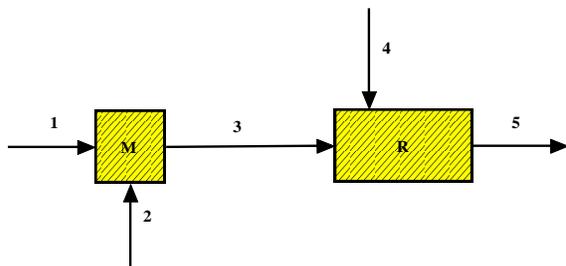
### Naloga V/9: Zgorevanje etana

Čisti etan in kisik ločeno vtekata v mešalnik (M) in nadalje v reaktorju (R) zgorevata. Stopnja presnove,  $X_1 = 50\%$ . Reakcija je naslednja:



- ...  $\text{C}_2\text{H}_6$
- ...  $\text{O}_2$
- ...  $\text{CO}_2$
- ...  $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



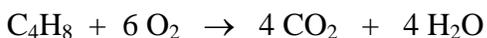
Množinski tok etana na vtoku v mešalnik,  $F_1 = 100$  mol/h in kisika,  $F_2 = 200$  mol/h. V reaktor še dodatno vteka čisti kisik,  $F_{42} = 10$  mol/h. Izračunajte vse množinske tokove na iztoku ( $F_{51}$ ,  $F_{52}$ ,  $F_{53}$ ,  $F_{54}$ ) v mol/h.

Preverite masno bilanco celotnega procesa.

**(Rezultat:**  $F_{51} = 50$  mol/h;  $F_{52} = 35$  mol/h;  $F_{53} = 100$  mol/h;  $F_{54} = 150$  mol/h)

### Naloga V/10: Zgorevanje butena

Buten zgoreva po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_4\text{H}_8$
- 2.... $\text{O}_2$
- 3.... $\text{CO}_2$
- 4.... $\text{H}_2\text{O}$

V reaktor vteka 100 mol/h  $\text{C}_4\text{H}_8$  (tok 1), zreagira ga samo 50 %. Prav tako vteka v reaktor 300 mol/h kisika (tok 2). Za reaktorjem je še parcialni kondenzator, kjer se v tekoči fazi odstrani 98 % nastale vode (tok 5). Ostala voda in plini izstopajo v plinskem iztoku (tok 4).

Narišite shemo procesa ter izračunajte:

- a) hitrost presnove,  $\omega$ ,
- b) množinske tokove iz reaktorja in parcialnega kondenzatorja.

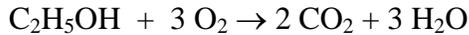
Preverite masno bilanco celotnega procesa.

**(Rezultat:** a)  $w = 50$  mol/h

b)  $F_{31} = 50$  mol/h;  $F_{32} = 0$  mol/h;  $F_{33} = 200$  mol/h;  $F_{34} = 200$  mol/h  
 $F_{41} = 50$  mol/h;  $F_{42} = 0$  mol/h;  $F_{43} = 200$  mol/h;  $F_{44} = 4$  mol/h;  
 $F_{54} = 196$  mol/h)

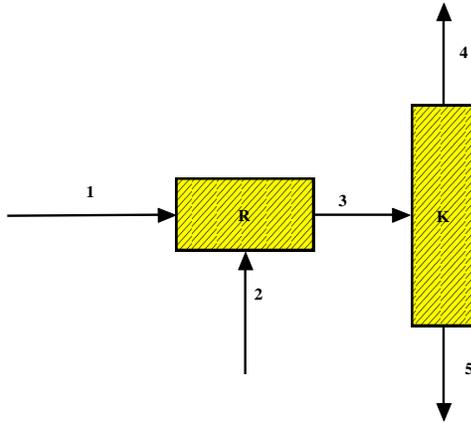
### Naloga V/11: Popolno zgorevanje etanola

Etanol zgoreva v reaktorju po naslednji reakciji:



- 1...  $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$
- 2.... $\text{O}_2$
- 3.... $\text{CO}_2$
- 4.... $\text{H}_2\text{O}$

Proces je poenostavljeno prikazan s shemo:



Predpostavimo popolno zgorevanje. V reaktor (R) dovajamo etanol in zrak. Pretok etanola je 46 kg/min (tok 1) in zraka 500 kg/min (tok 2). Sestava zraka  $x = 21\% \text{ O}_2$  in  $x = 79\% \text{ N}_2$  ( $\bar{M}_{\text{zraka}} = 29 \text{ g/mol}$ ). Za reaktorjem je še parcialni kondenzator (K), kjer se v tekoči fazi odstrani 90 % nastale vode (tok 5). Ostala voda in plini izstopajo v plinskem iztoku (tok 4).

Izračunajte:

- c) pretoke komponent in celotni pretok za tokove 3, 4 in 5,
- d) presnovo  $\text{O}_2$ .

Preverite masno bilanco celotnega procesa.

**(Rezultat:** a)  $F_{31} = 0 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{32} = 0,62 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{33} = 2 \text{ kmol/min}$ ;  
 $F_{34} = 3 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{35} = 13,62 \text{ kmol/min}$ ;  $F_3 = 19,24 \text{ kmol/min}$   
 $F_{41} = 0 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{42} = 0,62 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{43} = 2 \text{ kmol/min}$ ;  
 $F_{44} = 0,3 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{45} = 13,62 \text{ kmol/min}$ ;  $F_{54} = 2,7 \text{ kmol/min}$   
b)  $X_2 = 83\%$ )

**Naloga V/12:** Calculate molar composition of the gases

Two gas stack gases are mixed in the mixer. The first stack gas contains  $x = 60,0\%$   $\text{N}_2$ ,  $x = 15\%$   $\text{CO}_2$ ,  $x = 10,0\%$   $\text{O}_2$ , and the balance  $\text{H}_2\text{O}$ . The second stack gas contains  $x = 50,0\%$   $\text{N}_2$ ,  $x = 10\%$   $\text{CO}_2$ ,  $x = 10,0\%$   $\text{O}_2$ , and the balance  $\text{H}_2\text{O}$ . Calculate the molar composition of the mixed gas on a dry basis.

**(Results:**  $x = 71\%$   $\text{N}_2$ ;  $x = 16,13\%$   $\text{CO}_2$ ;  $x = 12,9\%$   $\text{O}_2$ )

**Naloga V/13:** Calculate the material balance of the reactor system<sup>1</sup>

A mixture of propane and butane is burned with pure oxygen. The combustion products contain  $x = 47,4\%$   $\text{H}_2\text{O}$ . After all the water is removed from the products, the residual gas contains  $x = 69,4\%$   $\text{CO}_2$  and the balance  $\text{O}_2$ .

What is the mole percent of propane in the fuel?

**(Result:**  $x = 5,27\%$ )

**Naloga V/14:** Calculate the material balance of the reactor for formaldehyde production<sup>1</sup>

A catalytic reactor is used to produce formaldehyde from methanol in the reaction:



A single-pass conversion of  $60\%$  is achieved in the reactor. The methanol in the reactor product is separated from the formaldehyde and hydrogen. The production rate of formaldehyde is  $900\text{ kg/h}$ .

Calculate the required feed of methanol to the process ( $\text{kmol/h}$ ) if there is no recycle.

**(Result:**  $50\text{ kmol/h}$ )

## VI. Obdelava podatkov

### Naloga VI/1: Obdelava podatkov spremenljivk<sup>2</sup>

Reakcija  $A \rightarrow P$  je izvedena v laboratorijskem reaktorju. Proizvodnost ( $-r_A$ ) v odvisnosti od koncentracije ( $c_A$ ) je pridobljena eksperimentalno in je prikazana v preglednici s funkcijsko zvezo:

$$-r_A = k \cdot c_A^n$$

Preglednica: Proizvodnost ( $-r_A$ ) v odvisnosti od koncentracije ( $c_A$ ).

$-r_A / (\text{mol}/(\text{L min}))$	$c_A / (\text{mol}/\text{L})$
110	6,1
200	8,2
220	8,5
250	9,1
530	13,3

Izvedite naslednje naloge:

- Narišite funkcijo  $-r_A = f(c_A)$ .
- Transformirajte koordinate, da boste dobili linearno funkcijo.
- Narišite novo transformirano funkcijo, da preverite sipanje točk od premice.
- Uporabite metodo najmanjših kvadratov za določitev koeficientov A in B v enačbi premice.
- Določite končno formulo osnovne funkcije.
- Z linearno interpolacijo določite proizvodnost pri  $c_A = 10 \text{ mol/L}$ . Uporabite formulo za izračun.

**(Rezultat:  $k = 2,9$  ;  $n = 2$ )**

### Naloga VI/2: Obdelava podatkov spremenljivk $x, y$ 1<sup>1</sup>

Na voljo imamo naslednje podatke:

$x$	1	2	3	4	5	6
$y$	1	0,333	0,2	0,143	0,110	0,091

Splošna enačba funkcije je:  $y = \frac{1}{C_1 \cdot x - C_2}$ .

- Narišite osnovno funkcijo.
- Transformirajte koordinate tako, da dobite premico!

- c) Določite vrednosti  $C_1$  in  $C_2$ .  
 d) Določite končno formulo funkcije!

**(Rezultat:**  $C_1 = 2$  ;  $C_2 = 1$ )

**Naloga VI/3:** Obdelava podatkov spremenljivk  $y, x$

Na voljo imamo naslednje podatke:

$x$	1	2	3	4	5	6
$y$	2	2,12	2,16	2,18	2,19	2,2

Splošna formula funkcije je:  $y^2 = \frac{a}{x} + b$

- a) Narišite osnovno funkcijo.  
 b) Transformirajte koordinate tako, da dobite premico!  
 c) Narišite graf transformirane funkcije!  
 d) Določite naklon A in odsek B na Yosi za premico  $Y=A X + B$   
 e) Določite a in b končne funkcije!

**(Rezultat:**  $a = -1$ ;  $b = 5$ )

**Naloga VI/4:** Obdelava podatkov spremenljivk  $r_A$  in  $c_A$  v laboratorijskem reaktorju<sup>2</sup>

Reakcija  $A \rightarrow P$  je izvedena v laboratorijskem reaktorju. Proizvodnost ( $-r_A$ ) v odvisnosti od koncentracije ( $c_A$ ) je pridobljena eksperimentalno in je prikazana v tabeli s funkcijsko zvezo:

$$-r_A = k \cdot c_A^n$$

Tabela: Proizvodnost ( $-r_A$ ) v odvisnosti od koncentracije ( $c_A$ ).

$-r_A / (\text{mol}/(\text{L min}))$	$c_A / (\text{mol}/\text{L})$
100	5,8
200	8,2
230	9,0
260	9,3
500	13,0

Izvedite naslednje naloge:

- a) Narišite funkcijo  $-r_A = f(c_A)$ .

- b) Transformirajte koordinate, da boste dobili linearno funkcijo.
- c) Narišite transformirano funkcijo, da preverite sipanje točk od premice.
- d) Uporabite metodo najmanjših kvadratov za določitev koeficientov A in B v enačbi premice.
- e) Določite končno formulo osnovne funkcije.
- f) Z linearno interpolacijo določite proizvodnost pri  $c_A = 11$  mol/L. Uporabite formulo za izračun.

**(Rezultat:  $k = 3$ ;  $n = 2$ )**

**Naloga VI/5:** Obdelava podatkov spremenljivk  $x, y$  2

Na voljo imamo naslednje podatke:

$x$	1	2	3	4	5	6
$y$	1	0,4	0,23	0,15	0,12	0,09

Splošna enačba funkcije je:  $y = \frac{1}{C_1 \cdot x - C_2}$ .

- a) Narišite osnovno funkcijo.
- b) Transformirajte koordinate tako, da dobite premico!
- c) Določite vrednosti  $C_1$  in  $C_2$ .
- d) Določite končno formulo funkcije!

**(Rezultat:  $C_1 = 2$ ;  $C_2 = 1,4$ )**

**Naloga VI/6:** Obdelava podatkov spremenljivk  $x, y$  3

Imamo naslednje podatke:

$x$	2	3	4	5	6
$y$	1	0,5	0,2	0,1	0,0588

Splošna formula funkcije je:  $\frac{1}{y} = a(x - 2)^2 + b$ . Narišite osnovno funkcijo.

Transformirajte koordinate tako, da dobite premico ter določite  $a$  in  $b$ . Zapišite končno formulo funkcije.

**(Rezultat:  $a = 1$ ;  $b = 1$ )**

**Naloga VI/7:** Obdelava podatkov spremenljivk  $T$  in  $p$  za metanol<sup>1</sup>

Preglednica prikazuje parni tlak metanola v odvisnosti od temperature:

Št. meritve	$T/K$	$p^{\text{nas}} / \text{mmHg}$
1	200	1
2	220	5
3	230	10
4	240	20
5	250	40
6	260	60
7	270	100
8	280	200
9	300	400
10	320	760

Predpostavimo, da navedene eksperimentalne podatke zadovoljivo predstavlja Clapeyronova enačba:

$$\ln(p^{\text{nas}}) = A - \frac{B}{T}$$

- Narišite funkcijo  $p^{\text{nas}} = f(T)$ .
- Transformirajte koordinate, da boste dobili transformirano funkcijo.
- Izračunajte transformirane koordinate.
- Narišite transformirano funkcijo. Ali je linearna?
- Določite naklon in odsek premice.
- Zapišite končno formulo osnovne funkcije  $p^{\text{nas}} = f(T)$ , tj. določite  $A$  in  $B$  v Clapeyronovi enačbi.

**(Rezultat:**  $A = 17,9$ ;  $B = 3588,2$ )

**Naloga VI/8:** Obdelava podatkov spremenljivk  $x$ ,  $y$  kvadratne enačbe

Na voljo imamo naslednje podatke:

$x$	1	2	3	4	5	6
$y$	3	9	19	33	51	73

Splošna enačba funkcije je:  $y = a \cdot x^2 + b$ .

- Narišite graf osnovne funkcije.
- Transformirajte koordinate tako, da dobite premico.
- Narišite graf transformirane funkcije.
- Iz naklona in odseka določite a in b.
- Zapišite končno enačbo funkcije.

**(Rezultat:** a = 2; b = 1)

**Naloga VI/9:** Izračun parametrov a in b 1

Z metodo najmanjših kvadratov odstopanj določite najboljšo ravno črto (premico), ki se prilagaja naslednjim točkam:

x	y
0,3	0,4
1,9	2,1
3,2	3,1

- Za enačbo  $y = a \cdot x + b$  torej določite najboljša a in b !
- Narišite sliko približno ležeče premice in premico po regresijski analizi. Komentirajte rezultat!

**(Rezultat:** a = 0,94; b = 0,18)

**Naloga VI/10:** Obdelava podatkov spremenljivk P in t 1

Odvisnost dveh spremenljivk P in t lahko izrazimo z enačbo:

$$P = \frac{1}{m \cdot t^{0,5} + r}$$

Znane imamo naslednje podatke:

P	0,279	0,194	0,168	0,120	0,083
t	1,0	2,0	3,0	5,0	10,0

- Narišite osnovno funkcijo.

- b) Transformirajte koordinate v  $Y = \frac{1}{p}$  in  $X = t^{0,5}$ .
- c) Narišite transformirano funkcijo, da preverite, če je linearna.
- d) Z metodo najmanjših kvadratov odstopanj določite  $m$  in  $r$  in zapišite končno enačbo.

(Rezultat:  $m = 3,94$ ;  $r = -0,51$ )

**Naloga VI/11:** Obdelava podatkov spremenljivk  $T$  in  $p$  za aceton<sup>1</sup>

Preglednica prikazuje parni tlak acetona ( $C_3H_6O$ ) v odvisnosti od temperature:

Št. meritve	$T/K$	$p^{nas} / mmHg$
1	214	1
2	233	5
3	242	10
4	252	20
5	264	40
6	271	60
7	281	100
8	296	200
9	313	400
10	330	760

Predpostavimo, da navedene eksperimentalne podatke zadovoljivo predstavlja Clapeyronova enačba:

$$\ln(p^{nas}) = A - \frac{B}{T}$$

- a) Narišite funkcijo  $p^{nas} = f(T)$ .
- b) Transformirajte koordinate, da boste dobili transformirano funkcijo.
- c) Izračunajte transformirane koordinate.
- d) Narišite transformirano funkcijo. Ali je linearna?
- e) Določite naklon in odsek premice.
- f) Zapišite končno formulo osnovne funkcije  $p^{nas} = f(T)$ , tj. določite A in B v Clapeyronovi enačbi.

(Rezultat:  $A = 18,9$ ;  $B = 4022$ )

**Naloga VI/12:** Obdelava podatkov spremenljivk  $f(t)$  in  $t$

Vrednosti  $f(t)$  so merjene pri naslednjih časih:

Št. meritve	$f(t)$	$t$
1	1	1
2	4	2
3	8	3

- Narišite funkcijo  $f(t)$ !
- Določite vrednost funkcije  $f(t)$  pri času  $t = 1,3$  in pri tem uporabite linearno interpolacijo.
- Komentirajte rezultat glede na dejansko vrednost funkcije, ki jo odčitata na sliki!

**(Rezultat:**  $f(t) = 1,9$ )

**Naloga VI/13:** Obdelava podatkov spremenljivk  $c_A$  in  $t$

Pri kemijski reakciji  $A \rightarrow B$  je odvisnost koncentracije A od časa naslednja:

Štev. meritve	$c_A$ /(mol/L)	$t$ /min
1	0,1453	36
2	0,1025	100
3	0,0795	160

- Določite koncentracijo  $c_A$  po  $t = 65$  min poteka reakcije. Za izračun uporabite enačbo za linearno interpolacijo.
- Rezultat primerjajte z dejanskim rezultatom, ki znaša  $c_A = 0,1216$  mol/L. Zakaj pride do odstopanj?
- Narišite graf funkcije in prikažite rezultat z linearno interpolacijo!

**(Rezultat:**  $c_A = 0,1259$  mol/L z linearno interpolacijo)

**Naloga VI/14:** Obdelava podatkov spremenljivk  $P$  in  $t$

Odvisnost dveh spremenljivk  $P$  in  $t$  lahko izrazimo z enačbo:

$$P = \frac{1}{m \cdot t^{0,5} + r}$$

Znane imamo naslednje podatke:

$P$	0,279	0,194	0,168	0,120	0,083
$t$	1,2	2,2	3,3	5,4	10,5

- Narišite osnovno funkcijo  $P = f(t)$ .
- Transformirajte koordinate v  $Y = \frac{1}{P}$  in  $X = t^{0,5}$ .
- Narišite funkcijo, da preverite, če je linearna.
- Z metodo najmanjših kvadratov odstopanj določite  $m$  in  $r$  in zapišite končno enačbo.

**(Rezultat:  $m = 3,96$ ;  $r = -0,87$ )**

**Naloga VI/15:** Obdelava podatkov spremenljivk  $p$  in  $T$  za n-butan<sup>1</sup>

Podatki prikazani v tabeli so dobljeni pri izvajanju eksperimenta v laboratoriju in veljajo za n-butan:

$T/K$	$p^{\text{nas}}/\text{mmHg}$
195,4	10
214	40
229	100
242	200
256,9	400

Odvisnost  $p^{\text{nas}} = f(T)$  predstavlja enačba:  $\ln(p^{\text{nas}}) = a - \frac{b}{T}$ .

- Narišite osnovno funkcijo  $p^{\text{nas}} = f(T)$ .
- Transformirajte koordinate tako, da bo nova, transformirana funkcija linearna.
- Narišite funkcijo s transformiranimi koordinatami in določite  $A$  in  $B$  enačbe premice  $Y = B + A X$ .
- Zapišite končno formulo funkcije.

**(Rezultat:  $a = 17,74$ ;  $b = 3011,5$ )**

**Naloga VI/16:** Obdelava podatkov spremenljivk  $t$  and  $q$ <sup>1</sup>

Podatki prikazani v tabeli so dobljeni eksperimentalno v laboratoriju. Masni pretok  $q$  (g/s) in temperaturo  $t$  (°C) lahko izrazimo s funkcijo:

$$q = a \cdot t^{0,5} + b$$

$t$	10	20	40	80
$q$	14,76	20,14	27,73	38,47

- Narišite osnovno funkcijo  $q = f(t)$ .
- Transformirajte koordinate.
- Narišite funkcijo, da preverite, če je linearna.
- Določite konstanti  $a$  in  $b$ .

**(Rezultat:**  $a = 4,16$ ;  $b = 1,72$ )

**Naloga VI/17:** Obdelava podatkov spremenljivk  $p$  in  $t$  za benzofenon<sup>1</sup>

V laboratoriju smo merili odvisnost parnega tlaka benzofenona od temperature in zabeležili naslednje meritve:

Št. meritve	$t/^\circ\text{C}$	$p^{\text{nas}}/\text{mmHg}$
1	108,2	1
2	157,6	10
3	195,7	40
4	224,4	100

- Narišite funkcijo  $p^{\text{nas}} = f(t)$  !
- Po formuli za linearno interpolacijo izračunajte parni tlak pri 170 °C !
- Primerjajte dejansko vrednost in rezultat dobljen z linearno interpolacijo. Oba rezultata prikažite tudi na grafu in komentirajte, zakaj je prišlo do razlike.

**(Rezultat:** b)  $p = 20$  mmHg)

**Naloga VI/18:** Obdelava podatkov spremenljivk  $x$  in  $y$  4

Za dane podatke funkcije  $y = x^n$

$x$	$y$
2	11
3	47
4	128
5	280
6	529
7	907

izvedite naslednje naloge:

- Narišite funkcijo  $y = f(x)$ !
- Transformirajte koordinate kot  $\log x = X$  in  $\log y = Y$ .
- Narišite novo, transformirano funkcijo, da preverite linearnost.
- Iz grafa določite naklon premice.
- Določite končno formulo osnovne funkcije.

**(Rezultat:  $n = 3,52$ )**

**Naloga VI/19:** Obdelava podatkov spremenljivk  $p$  in  $T$  za n-pentan<sup>1</sup>

Podatki prikazani v tabeli so dobljeni pri izvajanju eksperimenta v laboratoriju in veljajo za n-pentan:

$T/K$	$p^{\text{nas}}/\text{mmHg}$
200	10
217	40
231	100
245	200
260	400

Odvisnost  $p^{\text{nas}} = f(T)$  predstavlja enačba:  $\ln(p^{\text{nas}}) = a - \frac{b}{T}$ .

- Narišite osnovno funkcijo  $p^{\text{nas}} = f(T)$ .
- Transformirajte koordinate tako, da bo nova, transformirana funkcija linearna.
- Narišite funkcijo s transformiranimi koordinatami in določite A in B enačbe premice  $Y = B + A X$ .
- Zapišite končno formulo funkcije.

**(Rezultat:  $a = 18,3$ ;  $b = 3188,2$ )**

**Naloga VI/20:** Determine parameter  $k^{-1}$

A chemical reaction  $A \rightarrow B$  is carried out in a closed vessel. The following data are taken for the concentration of A,  $c_A$  (g/L), as a function of time,  $t$  (min), from the start of the reaction:

$t$ (min)	0	36	65	100	160	$\infty$
$c_A$ (g/L)	$0,1823 = c_{A0}$	0,1453	0,1216	0,1025	0,0795	$0,0495 = c_{AC}$

A proposed reaction mechanism predicts that  $c_A$  and  $t$  should be related by the expression:

$$\ln \frac{c_A - c_{AC}}{c_{A0} - c_{AC}} = k \cdot t$$

where  $k$  is the reaction rate constant.

- Plot the basic function  $c_A = f(t)$ .
- Transform the coordinates.
- Plot transformed function to check if it is linear.
- Determine the value of  $k$ .

(Result:  $k = 0,0093 \text{ min}^{-1}$ )

**Naloga VI/21:** Determine parameter  $k^1$

The relationship between the pressure  $p$  and volume  $V$  of the air in cylinder during the upstroke of a piston in an air compressor can be expressed as:

$$p \cdot V^k = C$$

where  $p$  and  $V$  are variables. During a compression test, the following data are taken:

$p$ (mm Hg)	760	1140	1520	2280	3040	3800
$V$ (cm <sup>3</sup> )	48,3	37,4	31,3	24,1	20,0	17,4

- Plot the basic function  $p = f(V)$ .
- Transform the coordinates.
- Plot transformed function.
- Determine the value of  $k$ .

(Result:  $k = 1,573$ )

**Naloga VI/22:** Determine parameters  $a$  and  $b$ <sup>1</sup>

The following  $(x, y)$  data are recorded:

$X$	0,5	1,4	84
$Y$	2,20	4,30	6,15

- Plot the basic function  $y = f(x)$ .
- Determine the coefficients of a power law expression:  
 $y = a \cdot x^b$  using the method of least squares.

**(Results:**  $a = 3,08$ ;  $b = 0,168$ )

**Naloga VI/23:** Determine parameters  $k$  and  $c_{A0}$ <sup>1</sup>

The reaction  $A \rightarrow B$  is carried out in a laboratory reactor. According to a published article the concentration of A should vary with as follows:

$$c_A = c_{A0} \cdot e^{-k \cdot t}$$

where  $c_{A0}$  is the initial concentration of A in the reactor and  $k$  is the constant. The following data are taken:

$t$ (min)	0,5	1,0	1,5	2,0	3,0	5,0	10,0
$c_A$ (lbmole/ft <sup>3</sup> )	1,02	0,84	0,69	0,56	0,38	0,17	0,02

- Convert the concentration into mol/L.
- Plot the basic function  $c_A = f(t)$ .
- Transform the coordinates.
- Plot transformed function.
- Determine the values of  $k$  and  $c_{A0}$ .

**(Results:**  $k = 0,414$ ;  $c_{A0} = 1,286$ )

## VII. Osnove numeričnih metod

**Naloga VII/1:** Določitev spremenljivke  $x$  z uporabo numeričnih metod<sup>3</sup>

Izračunajte vrednost spremenljivke  $x$ , v enačbi:

$$2 - x = \log x$$

Pri reševanju predpostavite, da je začetna vrednost  $x^{(1)} = 1$  in  $\varepsilon = 0,001$ .

Za izračun uporabite:

- metodo zaporedne substitucije,
- Newtonovo metodo in
- metodo polovičnega intervala. Začetni interval naj bo v mejah  $x_{\ell}^{(1)} = 0$  in  $x_d^{(1)} = 10$ , končna rešitev pa v območju 0,1. Izračunajte potrebno število iteracij.

**(Rezultat:**  $x = 1,7556$ )

**Naloga VII/2:** Določitev specifične toplotne kapacitete  $\text{CO}_2$  1

Specifična toplotna kapaciteta  $\text{CO}_2$  je funkcija temperature in jo lahko podamo z naslednjo enačbo:

$$c_p = 1,716 - 4,257 \times 10^{-6} \cdot T - \frac{15,04}{\sqrt{T}} \left[ \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \right] \quad T = \text{K}$$

Pri kateri vrednosti temperature bo  $c_p = 1 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})$ ? Za izračun uporabite **grafično metodo** in **metodo zaporedne substitucije**. Ocenjena vrednost  $T^{(1)} = 400 \text{ K}$ ,  $\varepsilon = 0,0001$ .

**(Rezultat:**  $T = 443,57 \text{ K}$ )

**Naloga VII/3:** Določitev spremenljivke  $x$  iz kubične enačbe 1

Funkcija  $x^3 - 4x^2 + 5x - 2 = 0$  ima rešitvi pri  $x = 1$  in  $x = 2$ .

- H kateri vrednosti rešitve konvergira zaporedje, če predpostavimo začetno vrednost  $x^{(1)} = 0,9$  in za izračun uporabimo **Newtonovo metodo** in **metodo zaporedne substitucije**? Izvedite tri iteracije!

**(Rezultat:**  $x = 1$ )

**Naloga VII/4:** Določitev spremenljivke  $x$  iz kubične enačbe 2

Z **grafično** in **Newtonovo metodo** določite rešitev funkcije:

$$x^3 - x^2 - 2 = 0$$

Realna rešitev leži med vrednostmi  $1 < x < 2$  !

Pri Newtonovi metodi izvedite tri iteracije.  $\varepsilon = 0,001$ .

**(Rezultat:**  $x = 1,69$ )

**Naloga VII/5:** Določitev specifične toplotne kapacitete  $\text{CO}_2$

Specifična toplotna kapaciteta  $\text{CO}_2$  je funkcija temperature in jo lahko podamo z naslednjo enačbo:

$$c_p = 1,716 - 4,257 \times 10^{-6} \cdot T - \frac{15,04}{\sqrt{T}} \quad \left[ \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \right] \quad T = \text{K}$$

Pri kateri vrednosti temperature bo  $c_p = 1 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})$ ?

Za izračun uporabite **grafično** in **Newtonovo metodo**. Izvedite 3 iteracije in ugotovite ali ste že dosegli rešitev, če je  $\varepsilon = 0,0001$ .  $T^{(1)} = 400 \text{ K}$ .

**(Rezultat:**  $T = 443,57 \text{ K}$ )

**Naloga VII/6:** Uporaba numeričnih metod za določitev spremenljivke  $x$  iz kvadratne enačbe<sup>3</sup>

Izračunajte vrednost spremenljivke  $x$ , v enačbi:

$$f(x) = x^2 - 3x - 3 = 0$$

Pri reševanju predpostavite, da je začetna vrednost  $x^{(1)} = 2$  in  $\varepsilon = 0,001$ .

Za izračun uporabite:

- metodo zaporedne substitucije,
- Newtonovo metodo in

c) metodo polovičnega intervala. Začetni interval naj bo v mejah  $x_l^{(1)} = 0$  in  $x_d^{(1)} = 10$ , končna rešitev pa v območju  $0,1$ . Izračunajte potrebno število iteracij.

**(Rezultat:**  $x = 3,795$ )

**Naloga VII/7:** Določitev specifične toplotne kapacitete CO<sub>2</sub> 3

Specifična toplotna kapaciteta CO<sub>2</sub> je funkcija temperature in jo lahko podamo z naslednjo enačbo:

$$c_p = 1,716 - 4,257 \times 10^{-6} \cdot T - \frac{15,04}{\sqrt{T}} \left[ \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \right] \quad T = \text{K}$$

Pri kateri vrednosti temperature bo  $c_p = 1 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})$ ?

Za izračun uporabite **grafično metodo** in **metodo polovičnega intervala**. Začetni interval naj bo v mejah  $T_\ell^{(1)} = 400$  in  $T_d^{(1)} = 500$ , končna rešitev pa v območju 0,1. Izračunajte potrebno število iteracij. Izvedite prve tri iteracije.

**(Rezultat:**  $T = 443,57 \text{ K}$ )

**Naloga VII/8:** Določitev spremenljivke  $x$  z numeričnimi metodami 1<sup>3</sup>

Izračunajte vrednost spremenljivke  $x$ , v enačbi:

$$f(x) = 4 - (x - 2)^2 = 0$$

Pri reševanju predpostavite, da je začetna vrednost  $x^{(1)} = 1$  in  $\varepsilon = 0,001$ .

Za izračun uporabite:

- a) metodo zaporedne substitucije,
- b) Newtonovo metodo in

c) metodo polovičnega intervala. Začetni interval naj bo v mejah  $x_\ell^{(1)} = 0$  in  $x_d^{(1)} = 10$ , končna rešitev pa v območju 0,1. Izračunajte potrebno število iteracij. Izvedite prve tri iteracije.

**(Rezultat:**  $x = 4$ )

**Naloga VII/9:** Določitev spremenljivke  $x$  z numeričnimi metodami 2<sup>3</sup>

Izračunajte vrednost spremenljivke  $x$ , v enačbi:

$$2^x = 4x$$

Pri reševanju predpostavite, da je začetna vrednost  $x^{(1)} = 1$  in  $\varepsilon = 0,001$ .

Za izračun uporabite:

- a) metodo zaporedne substitucije,  
 b) Newtonovo metodo in  
 c) metodo polovičnega intervala. Začetni interval naj bo v mejah  $x_\ell^{(1)} = 0$  in  $x_d^{(1)} = 10$ , končna rešitev pa v območju 0,1. Izračunajte potrebno število iteracij. Izvedite prve tri iteracije.

**(Rezultat:  $x = 0,3099$ )**

**Naloga VII/10:** Določitev spremembe entalpije plina butana<sup>1</sup>

Odvisnost spremembe entalpije plina butana  $\Delta H$  v J/mol s temperaturo v K izrazimo z enačbo:

$$\Delta H = A + B \cdot T + C \cdot T^2$$

Pri kateri temperaturi ima butan ( $C_4H_{10}$ )  $\Delta H = -0,8 \cdot 10^3$  kJ/mol, če so konstante:  $A = -0,14344 \times 10^3$ ,  $B = -0,25227 \times 10^2$  in  $C = 0,12479$ ? Začetno, ocenjeno temperaturo  $T^{(1)}$  izračunajte iz linearnega dela enačbe! Rešitev poiščite z metodo **zaporedne substitucije** in **Newtonovo metodo**. Izvedite 3 iteracije in komentirajte ali ste že dosegli rešitev.  $\varepsilon = 0,001$ .

**(Rezultat:  $T = 171,47$  K)**

**Naloga VII/11:** Uporaba numeričnih metod za določitev spremenljivke  $x$  iz kubične enačbe<sup>3</sup>

Izračunajte vrednost spremenljivke  $x$ , v enačbi:

$$f(x) = x^3 - 4 = 0$$

Pri reševanju predpostavite, da je začetna vrednost  $x^{(1)} = 0,5$  in  $\varepsilon = 0,001$ .

Za izračun uporabite:

- a) grafično metodo,  
 b) Newtonovo metodo in  
 c) metodo polovičnega intervala. Začetni interval naj bo v mejah  $x_\ell^{(1)} = 0$  in  $x_d^{(1)} = 10$ , končna rešitev pa v območju 0,1. Izračunajte potrebno število iteracij. Izvedite prve tri iteracije.

**(Rezultat:  $x = 1,6$ )**

**Naloga VII/12:** Določitev molske toplotne kapacitete ketena

Molska toplotna kapaciteta  $C_p$  ketena ( $C_2H_2O$ ) je pri nizkem tlaku funkcija absolutne temperature  $T$ :

$$C_p = 6,385 + 0,1638 T - 1,084 \times 10^{-4} T^2 + 2,698 \times 10^{-8} T^3$$

Enačba velja za  $C_p$  v J/(mol K) in absolutno temperaturo  $T$  v K. Pri kateri temperaturi  $T$  je  $C_p = 46,498$  J/(mol K)? Rešitev najdite z **Newtonovo** in **grafično metodo**. Izvedite 3 iteracije in komentirajte rezultat! Začetna ocenjena vrednost  $T^{(1)} = 100$  K,  $\varepsilon = 0,001$ .

**Naloga VII/13:** Določitev spremenljivke  $x$

Rešitev funkcije  $x = (x^3 - 2)^{0,5}$  najdite z **Newtonovo metodo** in **metodo polovičnega intervala**.

- Pri Newtonovi metodi upoštevajte  $x^{(1)} = 1$  in  $\varepsilon = 0,001$ .
- Pri metodi polovičnega intervala upoštevajte  $x_l^{(1)} = 1,6$  in  $x_d^{(1)} = 2$ . Rezultat naj bo v območju 0,01.

Pri obeh metodah izvedite tri iteracije in ugotovite ali ste že dosegli rezultat.

**(Rezultat:**  $x = 1,6956$ )

**Naloga VII/14:** Določitev spremenljivke  $x$  iz kvadratne enačbe na določenem intervalu<sup>3</sup>

Izračunajte vrednost spremenljivke  $x$ , iz enačbe:

$$f(x) = 2x^2 - 5x = 0$$

Pri reševanju z **Newtonovo metodo** predpostavite, da je začetna vrednost  $x^{(1)} = 1$  in  $\varepsilon = 0,001$ .

Za izračun uporabite:

- grafično metodo,
- Newtonovo metodo in
- metodo polovičnega intervala. Začetni interval naj bo v mejah  $x_l^{(1)} = 0$  in  $x_d^{(1)} = 10$ , končna rešitev pa v območju 0,1. Izračunajte potrebno število iteracij. Izvedite prve tri iteracije.

**(Rezultat:**  $x = 0$ ;  $x = 2,5$ )

**Naloga VII/15:** Določitev spremenljivke  $x$  z Newtonovo in grafično metodo

Poiščite rešitev naslednje nelinearne enačbe:

$$x^4 + 7x^3 + 24x^2 + 25x - 15 = 0$$

Za reševanje uporabite **Newtonovo** in **grafično** metodo. Začetna vrednost  $x^{(1)} = 1$ ,  $\varepsilon = 0,001$ . Izvedite 3 iteracije in komentirajte rezultat.

**(Rezultat:**  $x = 0,4142$ )

**Naloga VII/16:** Določitev spremenljivke  $x$  iz kubične enačbe z numeričnimi metodami<sup>3</sup>

Izračunajte vrednost spremenljivke  $x$ , v enačbi:

$$f(x) = x^3 - 5x + 1 = 0$$

Pri reševanju predpostavite, da je začetna vrednost  $x^{(1)} = 1$  in  $\varepsilon = 0,001$ .

Za izračun uporabite:

- metodo zaporedne substitucije,
- Newtonovo metodo in
- metodo polovičnega intervala. Začetni interval naj bo v mejah  $x_l^{(1)} = 0$  in  $x_d^{(1)} = 10$ , končna rešitev pa v območju  $0,1$ . Izračunajte potrebno število iteracij. Izvedite prve tri iteracije.

**(Rezultat:**  $x = 0,2$ )

**Naloga VII/17:** Določitev spremenljivke  $x$  iz kubične enačbe

Z **metodo zaporedne substitucije** in **Newtonovo metodo** najдите rešitev funkcije:

$$x^3 - x^2 - 2 = 0$$

Ocenjena vrednost  $x^{(1)} = 1$ , konvergenčni kriterij naj bo izpolnjen pri  $\varepsilon = 0,001$ . Preden pričnete z izračunavanjem, dokažite, da bo oblika funkcije pri dani začetni vrednosti, dala rešitev z zaporedno substitucijo! Uporabite numerično odvajanje! Z obliko funkcije, ki bo dala rešitev, izvedite 3 iteracije in komentirajte rezultat!

**(Rezultat:**  $x = 1,69$ )

**Naloga VII/18:** Določitev spremenljivke  $x$  iz kvadratne enačbe z numeričnimi metodami<sup>3</sup>

Izračunajte vrednost spremenljivke  $x$ , v enačbi:

$$f(x) = 4 - (x - 2)^2 = 0$$

Pri reševanju predpostavite, da je začetna vrednost  $x^{(1)} = 6$  in  $\varepsilon = 0,001$ .

Za izračun uporabite:

a) metodo zaporedne substitucije,

b) Newtonovo metodo in

c) metodo polovičnega intervala. Začetni interval naj bo v mejah  $x_l^{(1)} = 0$  in  $x_d^{(1)} = 10$ , končna rešitev pa v območju 0,1. Izračunajte potrebno število iteracij. Izvedite prve tri iteracije.

**(Rezultat:  $x = 4$ )**

**Naloga VII/19:** Določitev spremenljivke  $x$  iz kubične enačbe z Newtonovo in grafično metodo

Z **Newtonovo in grafično metodo** najdite rešitev funkcije:

$$x = (x^3 - 2)^{1/2}$$

Ocenjena vrednost  $x^{(1)} = 2$ , konvergenčni kriterij naj bo izpolnjen pri  $\varepsilon = 0,001$ . Izvedite 3 iteracije!

**(Rezultat:  $x = 1,6956$ )**

**Naloga VII/20:** Določitev spremenljivke  $x$  z Newtonovo metodo in metodo zaporedne substitucije 1

Poiščite rešitev naslednje nelinearne enačbe:

$$2x^3 + 17x^2 - 24x - 2,377 = 0$$

Za reševanje uporabite **Newtonovo in metodo zaporedne substitucije**. Začetna vrednost  $x^{(1)} = 1$ ,  $\varepsilon = 0,001$ . Izvedite 3 iteracije in komentirajte rezultat v smislu ali je dosežena rešitev.

**(Rezultat:  $x = 1,315$ )**

**Naloga VII/21:** Določitev spremenljivke  $x$  iz kvadratne enačbe na določenem intervalu z numeričnimi metodami<sup>3</sup>

Izračunajte vrednost spremenljivke  $x$ , ki jo opisuje enačba:

$$f(x) = x^2 - 3x - 3 = 0$$

Pri reševanju predpostavite, da je začetna vrednost  $x^{(1)} = 6$  in  $\varepsilon = 0,001$ .

Za izračun uporabite:

- a) grafično metodo,
- b) metodo zaporedne substitucije in
- c) Newtonovo metodo.

**(Rezultat:**  $x = 3,79$ )

**Naloga VII/22:** Določitev spremenljivke  $x$  z Newtonovo metodo in metodo zaporedne substitucije 2

Najdite rešitev funkcije  $x = (x^3 - 2)^{1/2}$  z **Newtonovo metodo** in **metodo zaporedne substitucije**.  $x^{(1)} = 2$ ,  $\varepsilon = 0,001$ . Izvedite 3 iteracije! Odvod funkcije izračunajte **numerično!**

**(Rezultat:**  $x = 1,6956$ )

**Naloga VII/23:** Determine the variable  $x$  by using Newton method<sup>3</sup>

Calculate the value of the variable  $x$ , in the equation:

$$f(x) = x^3 - 4 = 0$$

Assume the initial value  $x^{(1)} = 4$  and  $\varepsilon = 0,001$ .

For the calculation use:

- a) graphical method and
- b) Newton method. Carry out the first three iterations.

**(Result:**  $x = 1,59$ )

**Naloga VII/24:** Determine the variable  $x$  by using graphical and Newton methods<sup>3</sup>

Calculate the value of the variable  $x$ , in the equation:

$$f(x) = x^3 - 1,25x^2 - 4,73x + 0,6 = 0$$

Assume the initial value  $x^{(1)} = 1$  and  $\varepsilon = 0,001$ .

For the calculation use:

- a) graphical method and
- b) Newton method. Carry out the first three iterations.

**(Result:**  $x = 0,13$ )

**Naloga VII/25:** Determine the variable  $x$  by using numerical methods<sup>3</sup>

Calculate the value of the variable  $x$ , in the equation:

$$f(x) = x^3 - 11,1x^2 + 11,1x - 1 = 0$$

Assume the initial value  $x^{(1)} = 6$  and  $\varepsilon = 0,001$ . Carry out the first three iterations.

For the calculation use:

- a) graphical method,
- b) Newton method and
- c) half-interval method. An initial interval containing the solution is selected:  $x_\ell^{(1)} = 6$  and  $x_d^{(1)} = 12$ . The uncertainty is set to 0,1. How many iterations are necessary?

**(Results:**  $x = 10$ )



## **VIII. Literatura**

1. Felder R. M. and Rousseau R.W., Elementary principles of chemical processes, third edition, John Wiley & Sons, Inc., 2000.
2. Krajnc M., Sinteza procesov, Tehniške fakultete, FKKT Univerza v Mariboru, Maribor, 1999.
3. Bohte Z., Numerične metode, Društvo matematikov, fizikov in astronomov SRS, Zveza organizacij za tehnično kulturo Slovenije, Ljubljana, 1987.